Studien zu Multijet Ereignissen am Tevatron

Diplomarbeit der Fakultät für Physik

der

Ludwig-Maximilians-Universität München



vorgelegt von

Marion Erlebach

Juli 2004

Erstgutachter: Prof. Dr. Otmar Biebel

Zweitgutachter: Prof. Dr. Wolfgang D'unnweber

Diese Diplomarbeit ist meiner geliebten Mama gewidmet, die am 27. Mai 2004 verstorben ist.

παντα ρει (Alles fließt)

Zusammenfassung

In dieser Arbeit wird die Bestimmung der 3-Jet-Rate in p $\bar{}$ p Reaktionen beschrieben, die mit dem Monte-Carlo Generator PYTHIA 6.2 bei der am D $\bar{\phi}$ -Experiment erreichten Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s}=1.96$ TeV simuliert wurden.

Mit Hilfe des k_T Jet-Algorithmus wurden Parton- und Hadronjets aus den simulierten Teilchen vor und nach der Hadronisierung rekonstruiert. Aus den Jets wurde die 3-Jet-Rate bestimmt, welche das Anzahlverh altnis von Reaktionen mit drei Jets zu allen Reaktionen mit Jets ist. Sie ist direkt proportional zur starken Kopplungskonstante α_s . Untersucht wurden dabei die Größe von Hadronisierungskorrekturen, die Sensitivit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene Partondichtefunktionen, sowie die Wirkung von überlagerten Ereignissen (pile-up) auf die in der Simulationsstudie bestimmte 3-Jet-Rate. Schließlich wurden die Resultate mit der theoretischen Erwartung verglichen, die mit dem NLO-Integrationsprogramm NLOJet++ ermittelt wurde. Es konnte gezeigt werden, dass der k_T Algorithmus zur Bestimmung der 3-Jet-Rate verwendet werden kann.

Inhaltsverzeichnis

1	Einl	eitung	1
2	The	eorie	3
	2.1	Das Standardmodell	3
	2.2	Quantenchromodynamik	5
		2.2.1 Farbe als Ladung	5
		2.2.2 Die St arke der Wechselwirkung: α	6
	2.3	Hadronisierungsmodelle	8
	2.4	Bestimmung der starken Kopplungskonstante α_s	9
		2.4.1 Vollkommen inklusive Messgrößen	10
		2.4.2 Inklusive Messgr ößen	10
	2.5	Die Struktur des Protons	12
		2.5.1 Struktur- und Partondichtefunktion	13
3	Der	DØ Detektor	15
	3.1	Aufbau und Funktionalit at des DØ Detektors	16
	3.2	Das Kalorimeter	18
4	Der	k _T Algorithmus	21
	4.1	Die Entstehung von Jets	21
	4.2	Rekonstruktion von Jets mit dem k _T Algorithmus	23
	4.3	Vergleich zwischen k_T Algorithmus und Cone Algorithmus	27
5	Erei	gnis-Generation mit PYTHIA	29
	5.1	Das PYTHIA 6.2 Programm	29
	5.2	Subprozesse und Wirkungsquerschnitte	31
	5.3	Konkurrenzprozesse	39
	5.4	Vergleich von generiertem und berechnetem Transversalimpuls übertrag	4
	5.5	Bestimmung der 3-Jet-Rate R ₃	44
	5.6	Hadronisierungskorrekturen	48
	5.7	Sensitivit at von R _S auf verschiedene Partondichtefunktionen	51
	5.8	Pile-up und min-bias Ereignisse	54
	5.9	Der Verlauf von R ₂	58

6	Best	timmung der höheren Ordnung (NLO) mit NLOJet++	63	
	6.1	Das NLOJet++ Programm	64	
	6.2	Konzept der NLO-Berechnung	64	
	6.3	Berechnung des Transversalimpuls übertrags pr	65	
	6.4	Bestimmung der 3-Jet-Rate R ₃	66	
	6.5	Der Verlauf von R_3 in NLO	69	
7	Verg	gleich der generierten Resultate mit der Theorie	71	
	7.1	Vergleich von R ₃ PYTHIA und R ₃ NLOJet++	71	
	7.2	Vergleich des Verlaufs von R_3 mit und ohne NLO-Korrekturen $\ \ldots \ \ldots$	75	
8	Zus	ammenfassung und Ausblick	79	
A	Stru	akturuntersuchungen am Proton	83	
В	B Die Pseudorapidität			
Al	bildı	ıngsverzeichnis	89	
Ta	belle	nverzeichnis	93	
Li	terati	urverzeichnis	95	

Kapitel 1

Einleitung

Bis zur Entdeckung der Elementarteilchen betrachtete man Atome und Molek ule als die kleinsten Bausteine der Materie. Thomson und Rutherford sagten zwar ihren inneren Aufbau vorher, jedoch konnte dieser lange Zeit nicht direkt nachgewiesen werden. Mit der Entdeckung des Positrons in kosmischer Strahlung im Jahre 1932 durch Anderson begann die Ära der Elementarteilchen und damit der Elementarteilchenphysik. Um die Materie auf immer kleineren Skalen untersuchen zu können, wurden in den 1960er Jahren die ersten Hochenergie Beschleuniger gebaut. Im Jahre 1989 wurde der Elektron-Positron-Beschleuniger LEP¹ in Betrieb genommen. Das Ziel der bei LEP durchgef ührten Experimente lag unter anderem in der präzisen Bestimmung der Parameter des so genannten Standardmodells, der Theorie der Elementarteilchenphysik. Durch die Entwicklung von großen Hadron-Elektron-Colliderexperimenten am DESY sowie Hadron-Colliderexperimenten am Fermilab (Tevatron) und in Zukunft auch am europ aischen Teilchenlabor CERN (LHC2) kann die Elementarteilchenphysik heute selbst die Bausteine von Atomkernen, die Protonen und Neutronen, von innen betrachten. Die Konstituenten dieser Kernbausteine, die Quarks und Gluonen, unterliegen der starken Wechselwirkung mit einer Reichweite von ca. 10^{-15} m. Diese "Femtowelt" wird durch die Theorie der Quantenchromodynamik (QCD) beschrieben. Sie postuliert eine Farbladung der an der starken Wechselwirkung teilnehmenden Teilchen und ist an die Quantenelektrodynamik (QED) angelehnt, die die Wechselwirkung elektrisch geladener Teilchen, wie beispielsweise Elektronen, durch masselose Teilchen, die Photonen beschreibt. Die Kraft zwischen den stark wechselwirkenden Teilchen wird durch acht Austauschteilchen, die so genannten Gluonen, vermittelt, welche 1979 mit 3-Jet Ereignissen am Experiment PETRA am DESY entdeckt wurden.

Die Ermittlung der St arke dieser Kraft, die durch die starke Kopplungskonstante α beschrieben wird, ist eine der prim aren Interessen der QCD. Die Kombination vieler verschiedener Messungen lieferte einen Wert von

$$\alpha_s((91 \text{ GeV})^2) = 0.119 \pm 0.003$$

f ur die Kopplungskonstante der starken Kraft [1], die damit um zwei Gr ößenordnungen über dem Wert der elektromagnetischen Kraft liegt.

¹LEP: Large Electron Positron Collider, ein e⁺e⁻ Experiment, das bis zum Jahr 2000 am CERN durchgef ührt wurde und eine maximale Schwerpunktsenergie von 209 GeV erreichte.

²LHC steht f'ur Large Hadron Collider, ein Hochenergie pp-Collider mit erwarteten Schwerpunktsenergien von 14 TeV, der voraussichtlich 2007 am CERN in Betrieb gehen wird.

In dieser Analyse wurden Proton-Antiproton Reaktionen bei einer Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s}=1.96$ TeV mit zwei verschiedenen Teilchengeneratoren simuliert. Diese Energie entspricht der im Run II des Tevatron-Colliders am Fermilab erreichten Schwerpunktsenergie und ist notwendig, um die Konstituenten von Proton und Antiproton aufl'ösen und studieren zu k'önnen.

Bei einer p⁻p Reaktion kommt es zum harten Stoß zwischen den Konstituenten von Proton und Antiproton und im weiteren Verlauf zur Erzeugung von zwei und mehr Partonen mit großem Impuls senkrecht zur Flugrichtung des p⁻p Paares (Transversalimpuls). Diese Quarks und Gluonen sind jedoch nicht direkt im Detektor beobachtbar, sondern sie wandeln sich in die detektierbaren Hadronen, farblose zusammengesetzte Teilchen um (Hadronisierung). Diese Hadronen treten geb undelt in Flugrichtung des anf anglichen Partons auf (hochenergetische Teilchenb undel, Jets). Von den in der harten Streuung gebildeten Partonen k onnen weitere Quarks und Gluonen abgestrahlt werden, die als zus atzliche separierte Jets beobachtet werden k onnen. In diesem Fall spricht man von 3- und Multijet Ereignissen.

Aus den aus Quarks und Gluonen sowie deren Folgeteilchen rekonstruierten Teilchenb undeln wurde die 3-Jet-Rate bestimmt, welche das Verh altnis von Reaktionen mit drei Jets im Endzustand zu allen Reaktionen mit Jets ist, und daraus der Verlauf der 3-Jet-Rate abh angig vom Transversalimpuls übertrag abgeleitet. Dieser Verlauf ist proportional zu dem der starken Kopplungskonstante.

Die vorliegende Diplomarbeit ist folgendermaßen gegliedert: nach dieser Einf ührung wird in Kapitel 2 die dieser Analyse zugrunde liegende Theorie, insbesondere die QCD und das Partonmodell erl autert. Danach wird in Kapitel 3 der DD Detektor mit den f ür die Jetmessung verantwortlichen Komponenten besprochen. Kapitel 4 gibt einen kurzen Überblick zu dem Jet Algorithmus, der zur Rekonstruktion von Jets verwendet wurde. Kapitel 5 beschreibt die Simulation von Ereignissen mit dem Monte-Carlo Generator PYTHIA und die Bestimmung der 3-Jet-Rate und deren – zu α_s proportionalen – Verlauf aus den simulierten Daten, sowie den Einfluss von Hadronisierung und multiplen Ereignissen auf die berechnete 3-Jet-Rate. Die Simulation von Ereignissen mit dem next-to-leading-order (NLO) Integrationsprogramm NLOJet++ und die Bestimmung von R_3 in next-to-leading-order Genauigkeit werden in Kapitel 6 diskutiert. Ein Vergleich der Ergebnisse aus PYTHIA und NLOJet++ erfolgt in Kapitel 7. Das letzte Kapitel liefert eine Zusammenfassung dieser Diplomarbeit.

Kapitel 2

Theorie

2.1 Das Standardmodell

Das Standardmodell bildet die theoretische Grundlage der Elementarteilchenphysik. Es umfasst die vereinheitlichte Theorie der elektroschwachen Wechselwirkung und der Quantenchromodynamik (QCD) [2]. Die gesamte Materie ist im Standardmodell aus nur zw olf Fermionen, den Spin $\frac{1}{2}$ Teilchen zusammengesetzt. Diese sechs Leptonen und sechs Quarks k onnen jeweils in drei Generationen von zwei Leptonen bzw. Quarks und ihren jeweiligen Antiteilchen angeordnet werden, wie aus Tabelle 2.1 ersichtlich ist.

Fermionen				
	Leptonen			
$\begin{pmatrix} v_{\rm e} \\ {\rm e}^- \end{pmatrix}_L$	$\begin{pmatrix} v_{\mu} \\ \mu^{-} \end{pmatrix}_{L}$	$\begin{pmatrix} v_{\tau} \\ \tau^{-} \end{pmatrix}_{L}$		
$e_{\overline{R}}$	μ_R^-	$ au_R^-$		
	Quarks			
$\begin{pmatrix} \mathbf{u} \\ \mathbf{d'} \end{pmatrix}_L$	$\begin{pmatrix} c \\ s' \end{pmatrix}_L$	$\begin{pmatrix} \mathbf{t} \\ \mathbf{b'} \end{pmatrix}_L$		
$\mathbf{u}_R \\ \mathbf{d}_R'$	$egin{array}{c} \mathbf{c}_R \ \mathbf{s}_R' \end{array}$	\mathbf{t}_R \mathbf{b}_R'		

Tabelle 2.1: Die drei Generationen des Standardmodells. *L* steht f'ur linksh'andig orientierte Teilchen, *R* f'ur rechtsh'andige und das Apostroph kennzeichnet Teilchen aus Mischungszust'anden.

Die erste Generation besteht aus dem Elektron (e) und dem Elektron Neutrino (v_e),

¹Die Antiteilchen besitzen gleiche Masse, haben jedoch entgegengesetzte elektrische Ladung, Farbe und dritte Komponente des schwachen Isospins [2].

Kapitel 2 Theorie

dem up (u) und down (d) Quark. Die zweite Generation besteht aus dem Muon (μ) , dem Muon Neutrino (ν_{μ}) und dem charm (c) und strange (s) Quark und die dritte Generation aus dem tau (τ) und dem tau Neutrino (ν_{τ}) sowie aus top (t) und bottom (b) Quark. Der wesentliche Unterschied zwischen diesen drei Generationen liegt in der Masse ihrer Konstituenten. Die stabile Materie, die das beobachtbare Universum bildet, besteht ausschließlich aus Fermionen der ersten Generation.

Die Wechselwirkung zwischen den Elementarteilchen wird durch den Austausch von zw"olf Eichbosonen, den Spin 1 Teilchen, beschrieben. Die Reichweite von elektromagnetischer und schwacher Kraft steht mit der Masse der zugeh "origen Eichbosonen in Verbindung. Dabei ist das masselose Photon γ das Austauschteilchen der unendlich reichweitigen elektromagnetischen Kraft. Z- und W- Boson sind die Eichbosonen der schwachen Wechselwirkung, acht masselose Bosonen, die Gluonen g, "ubertragen die starke Kraft (siehe Tabelle 2.2). Ihre Masse ist zwar Null, die effektive Reichweite der starken Wechselwirkung ist jedoch durch die Gluonselbstwechselwirkung beschr"ankt.

Wechselwirkung	koppelt an	Austauschteilchen	Masse $[GeV/c^2]$	Reichweite [m]
stark	Farbladung	8 Gluonen	0	$\approx 10^{-15}$
elektromagnetisch	elektrische Ladung	Photon	0	∞
schwach	schwache Ladung	W^\pm, Z^0	$\approx 10^2$	$\approx 10^{-18}$

Tabelle 2.2: Im Standardmodell verankerte Wechselwirkungen mit den zugeh örigen Austauschteilchen.

Um die Massen von W- und Z- Boson erklären zu können, sagt die Theorie die Existenz eines weiteren skalaren Teilchens, des Higgs-Bosons (H) voraus. Die Massen der Fermionen können dann durch so genannte Yukawa-Kopplungen an das Higgs-Boson erklärt werden. Bis zu diesem Zeitpunkt konnte es jedoch noch nicht beobachtet werden. Die Suche bei LEP-2 ergab eine untere Massenschranke von 114.4 GeV für die Masse des Higgs-Bosons [3].

Das Standardmodell schließt die Gravitation, vermittelt durch das hypothetische Graviton mit Spin 2, als Wechselwirkung nicht mit ein. Da diese im Vergleich zu den Kräften des Standardmodells nur sehr gering ist, kann sie bei der Beschreibung der Elementarteilchenphysik vernachlässigt werden.

Die Theorie des Standardmodells basiert auf dem Prinzip der lokalen Eichinvarianz. Das bedeutet, die L'ösungen der Lagrangedichte³ bleiben invariant unter lokalen Transformationen der zugeh örigen Symmetriegruppen. F'ür die schwache Kraft ist diese Symmetriegruppe die $SU(2)_L$, die $U(1)_Y$ ist die Gruppe der schwachen Hyperladung Y, und der starken Kraft liegt die Symmetriegruppe $SU(3)_C$ zugrunde⁴. Somit werden im Standardmodell alle Wechselwirkungen im Rahmen der $U(1)_Y \otimes SU(2)_L \otimes SU(3)_C$ Eichgruppe beschrieben [4]. Die Invarianz der Lagrangedichte unter Symmetrieoperationen entspricht einer Symmetrie und f'ührt zu erhaltenen Quantenzahlen.

²Die Gravitation hat eine St¨arke von ca. 10³⁸ im Vergleich zur starken Wechselwirkung.

³Die Bewegungsgleichungen f'ür die Teilchen des Standardmodells werden abgeleitet aus der so genannten Lagrangedichte. Ihre L'ösungen beschreiben die Teilchen und ihre Wechselwirkungen [1].

^{4&}quot;C" steht f'ur "Color", englisch f'ur Farbe.

2.2 Quantenchromodynamik

Die starke Wechselwirkung wird durch die Theorie der Quantenchromodynamik beschrieben. Sie erklärt unter anderem den Zusammenhalt der Quarks in Form der Hadronen. An der starken Wechselwirkung nehmen von den fundamentalen Spin $\frac{1}{2}$ Teilchen ausschließlich die Quarks teil.

2.2.1 Farbe als Ladung

In Analogie zur Theorie der Quantenelektrodynamik (QED), in der die teilnehmenden Fermionen elektrische Ladung tragen, wurde f'ür die QCD das Konzept der Farbladung eingef'ührt. W'ährend bei der QED nur ein einziger Ladungstyp (elektrische Ladung ± 1) existiert und das Austauschteilchen elektrisch neutral ist, verlangt die starke Wechselwirkung drei verschiedene Farbladungen (rot (r), gr'ün (g) und blau (b)) und acht Austauschbosonen (Gluonen), die jeweils eine Kombination aus Farbe und Antifarbe tragen. Nach den Regeln der zugrundeliegenden $SU(3)_C$ -Gruppentheorie bilden die 3×3 Farbkombinationen zwei Multipletts von Zust'änden: ein Singulett und ein Oktett. Aus den Zust'änden des Oktetts k'önnen alle Farbzust'ände aufgebaut werden. Sie entsprechen einem Oktett von Gluonen [2]. Die $SU(3)_C$ f'ührt also zu acht Austauschbosonen als Vermittler der starken Kraft. Eine m'ögliche Kombination dieser Zust'ände ist in Tabelle 2.3 gezeigt.

Oktettzust "ande
$$r^-g \ \bar{b} \ g\bar{b} \ g^-r \ b^-r \ b^-g\sqrt{\frac{1}{2}} \ (r^-r - g^-g) \ \sqrt{\frac{1}{6}} \ (r^-r + g^-g - 2\bar{b})$$

Tabelle 2.3: Die Zust ande des Farboktetts bilden ein System von Basiszust anden. Aus diesen k onnen alle Farbzust ande aufgebaut werden [2].

Das Farbsingulett

$$\sqrt{\frac{1}{3}} (r^-r + g^-g + \bar{b})$$
,

das symmetrisch aus den drei Farben und Antifarben zusammengesetzt ist, ist invariant gegen über Rotationen im Farbraum. Es wirkt somit nicht farbspezifisch und kann folglich nicht zwischen den farbgeladenen Teilchen ausgetauscht werden [2].

Die Gluonen koppeln an die Farbladung der Quarks. Als Konsequenz ihrer eigenen Ladung unterliegen die Gluonen selbst auch der starken Wechselwirkung, was zum Ph'anomen der Gluonselbstwechselwirkung f'ührt.

Die fundamentalen Wechselwirkungsgraphen der QCD, die neben der Emission und Absorption von Gluonen auch die Gluonselbstkopplung enthalten, werden in den Abbildungen 2.1 und 2.2 gezeigt.

Kapitel 2 Theorie

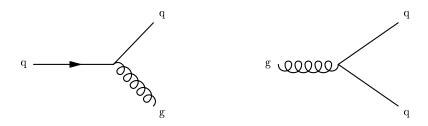


Abbildung 2.1: Links: Emission eines Gluons. Rechts: Aufspaltung eines Gluons.

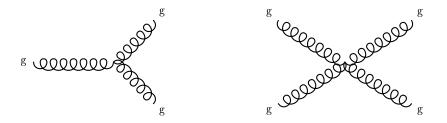


Abbildung 2.2: Links: Kopplung von drei Gluonen. Rechts: Kopplung von vier Gluonen.

Obwohl die Hadronen, zu denen Mesonen und Baryonen gehören, aus farbgeladenen Quarks aufgebaut sind, sind sie selbst farbneutral. Dies kann durch das empirische Prinzip des *Confinement* erklärt werden. Es besagt, dass alle farbgeladenen Teilchen in farbneutrale Hadronen eingeschlossen sind, farbgeladene Teilchen können also nicht frei existieren.

Das Wechselwirkungspotential zwischen farbgeladenen Teilchen muss bei großen Abst anden zu beliebig großen Werten anwachsen, was mit der Gluonselbstwechselwirkung begr undet werden kann [2]. Bei kleinen Abst anden hingegen ist das Potential sehr klein, sodass sich Quarks im Inneren von Hadronen als quasifreie Teilchen bewegen k onnen. Auf den genauen Verlauf und die St arke des Wechselwirkungspotentials wird in den nachsten Abschnitten ausf uhrlich eingegangen.

2.2.2 Die Stärke der Wechselwirkung: α_s

Die St arke der starken Wechselwirkung ist durch die Kopplungskonstante α gegeben.

$$\alpha_{\rm s} = \frac{g_s^2}{4\pi}$$
 g_s : Farbladung

Sie beschreibt, mit welcher Kraft die Teilchen aneinander gebunden sind. Da α_s von der Energieskala und somit vom Abstand der geladenen Teilchen zueinander abh'ängig ist, ist die Kopplungskonstante keine richtige Konstante, sondern sie variiert. Diese

⁵Mesonen sind aus einen Quark-Antiquark Paar aufgebaut, z.B. $\pi^+ = u\bar{d}$. Baryonen, wie beispielsweise das Proton, bestehen aus drei Quarks: p = uud.

Abh angigkeit von α von der Energie kann auf das Verhalten des Vakuums in Anwesenheit von farbgeladenen Teilchen zur uckgef ührt werden. Das Vakuum ist nicht leer, sondern besitzt eine komplizierte Struktur. Daher wird es durch die Farbladungen polarisiert (Vakuumpolarisation), es wirkt vergleichbar einem Paramagnetikum f ur Farbladungen [5]. Dadurch wird die "nackte" Ladung abgeschirmt. Die sichtbare Ladung wird folglich abstands- und damit energieabh angig. Somit wird, wie bereits in Abschnitt 2.2.1 erw ahnt, die St arke der Wechselwirkung f ur hohe Transversalimpuls übert age ∂ , also f ur kleine Abst ande sehr klein, sodass dieser Bereich st orungstheoretisch erfasst werden kann.

$$\lim_{Q\to\infty}\alpha_{\rm s}(Q^2)\to 0$$

In diesem Fall spricht man von asymptotischer Freiheit. Die Quarks k'önnen bei kleinen Abst anden als freie Teilchen angesehen werden.

Für kleine Werte des Transversalimpuls übertrags, das heißt für große Abstände zwischen den Teilchen, wird α_s hingegen sehr groß, wie aus Abbildung 2.3 ersichtlich wird.

$$\lim_{Q\to\Lambda_{QCD}}\alpha_{\rm s}(Q^2)\to\infty$$

Dies ist der Bereich des Einschlusses der Quarks in Hadronen (Confinement, siehe Abschnitt 2.2.1)⁶. Werden die geladenen Teilchen immer weiter voneinander getrennt, wird die Energiedichte zwischen ihnen immer größer, bis sie letztendlich groß genug ist, dass Quark-Antiquark-Paare und Gluonen aus dem Vakuum erzeugt werden. Diese Quarks und Gluonen wechselwirken zwar in elementaren Reaktionen, sie enden aber zuletzt in Hadronen, wobei der Prozess der Hadronisierung nicht berechnet werden kann.

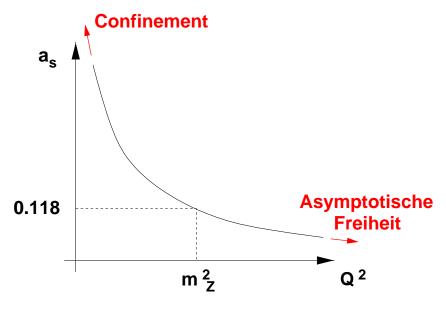


Abbildung 2.3: Schematischer Verlauf der starken Kopplungskonstante in Abh'angigkeit von der Energieskala Q^2 . [5]

⁶Λ_{OCD}, der einzige freie Parameter der QCD, liegt dabei im Bereich einiger hundert MeV.

8 Kapitel 2 Theorie

2.3 Hadronisierungsmodelle

Unter Hadronisierung, gelb angedeutet in Abbildung 2.4, versteht man den Übergang von farbgeladenen Quarks und Gluonen in farbneutrale Hadronen. Eine explizite Berechnung dieses Vorgangs ist bis zum heutigen Zeitpunkt nicht m'öglich, da das involvierte Confinement, das den Quarkeinschluss in Hadronen behandelt, nicht st'örungstheoretisch erfassbar ist.

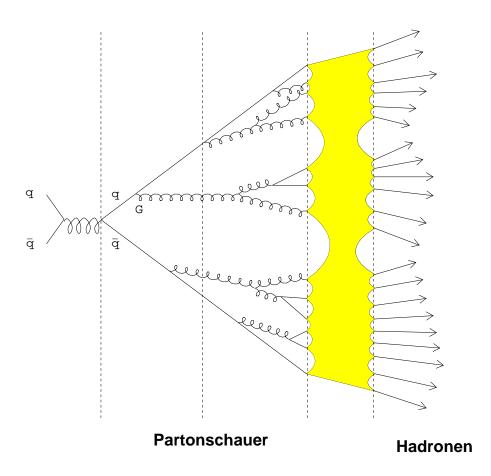


Abbildung 2.4: Veranschaulichung der Hadronisierung bei einer q⁻q Wechselwirkung in einem p⁻p Ereignis. [5]

In der heutigen Elementarteilchenphysik wird die Hadronisierung durch sehr komplexe ph"anomenologische Modelle beschrieben. Das "alteste und zugleich am meisten problembehaftete dieser Modelle ist das *Modell der unabhängigen Hadronisierung*, bei dem willk "urlich q q Paare aus dem Vakuum gew "ahlt und anschließend daraus Hadronen erzeugt werden.

Daneben existieren noch zwei weitere, h'aufiger verwendete Modelle:

a) Das *Cluster-Modell*: Hierbei bilden die farbgeladenen Quarks und Antiquarks farbneutrale Cluster. Diese können mit superschweren farblosen Teilchen ohne feste Masse verglichen werden, die im weiteren Verlauf wieder in die bekannten

Teilchen zerfallen. Eine schematische Darstellung des Cluster-Modells f'ur die Reaktion $e^+e^- \rightarrow Hadronen^7$ findet sich in Abbildung 2.5 a).

b) Das String-Modell: Es nimmt einen Farbstring zwischen den farbgeladenen Teilchen mit einer konstanten Federkonstante κ ≈ 1 GeV/fm an [1]. Bewegen sich die Teilchen voneinander weg, so spannt sich der Farbstring, speichert Energie und zerreißt letztendlich bei gen ugend großer Energie. Zum Zeitpunkt dieses Aufbrechens werden Farbladungen (q Paare) aus dem Vakuum erzeugt. Aus den Resten des Strings bilden sich Hadronen, wenn die Energie zum Zerreißen nicht mehr gen ugt [1]. Das String Modell ist in Abbildung 2.5 b) dargestellt.

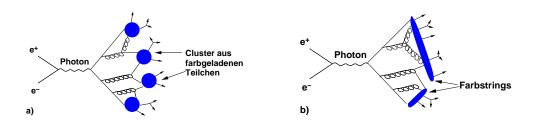


Abbildung 2.5: a) Das Cluster-Modell: farbgeladene Teilchen b'undeln sich auf Grund des Farbstroms zu neutralen Clustern. b) Das String-Modell: der zwischen Quarks und Antiquarks ausgebildete Farbstring reißt beim Auseinanderziehen ab.

2.4 Bestimmung der starken Kopplungskonstante $\alpha_{\rm s}$

Um die starke Kopplungskonstante bestimmen zu k'önnen, werden in erster Linie Prozesse ben'ötigt, an denen Gluonen beteiligt sind. Die St'ärke der Kopplung dieser Gluonen an die farbgeladenen Teilchen entspricht der Gr'öße der starken Kopplungskonstante. So ist beispielsweise der Wirkungsquerschnitt einer e^+e^- Annihilation mit drei Jets⁸ im Endzustand (siehe Abbildung 2.6 links), bei der also eines der beiden Quarks im Endzustand ein Gluon abstrahlt, proportional zu α_s , da das Gluon mit der St'ärke α_s an das Quark koppelt. p'p Kollisionen, bei denen zwischen dem neu entstandenen q'q Paar ein Gluon ausgetauscht wird, das jeweils mit der St'ärke α an das Quark bzw. Antiquark koppelt, sind proportional zu α_s^2 , wie in Abbildung 2.6 rechts erkennbar ist. Generell kann zwischen zwei verschiedenen Messgr'ößen unterschieden werden, mit Hilfe derer man die starke Kopplungskonstante bestimmen kann: *vollkommen inklusive Messgrößen* und *inklusive Messgrößen*.

⁷In dieser Diplomarbeit werden zumeist e⁺e[−] Reaktionen zur Erkl¨arung von Theorie und Ph¨anomenologie verwendet. Dies liegt an den einfacheren Sachverhalten in e⁺e[−] Reaktionen (keine Partondichtefunktion (PDF, Beschreibung des Aufbaus zusammengesetzter Teilchen), neutraler Anfangszustand, etc.). p[−]p Reaktionen liefern prinzipiell jedoch identische Aussagen.

⁸Jets entstehen, wenn sich die Teilchen nach der Hadronisierung zu hochenergetischen B'undeln zusammen schließen. Die Entstehung von Jets wird in Kapitel 4 ausf'ührlich behandelt.

10 Kapitel 2 Theorie

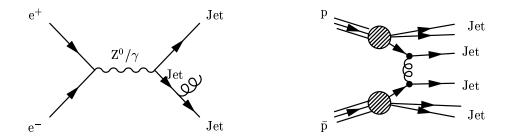


Abbildung 2.6: Links: reelle Gluonabstrahlung in einer e^+e^- Reaktion. Der Prozess ist proportional zu α_s . Rechts: p⁻p Streuung mit (2+1) Jets im Endzustand $\sim \alpha_s^2$

2.4.1 Vollkommen inklusive Messgrößen

Wirkungsquerschnitte oder Verzweigungsverh altnisse sind vollkommen inklusive Messgrößen. Der Vorteil bei der Bestimmung von α durch solche Messgrößen liegt in der Unabh angigkeit von Details im Endzustand. Das bedeutet die genaue Form des Endzustands muss bei der Bestimmung von α s nicht ber ucksichtigt werden, man z ahlt lediglich Ereignisse. Der Nachteil liegt in der geringen Sensitivit at auf α , da die starke Kopplungskonstante nur als Korrektur zu einem sonst dominierenden Term eingeht [1].

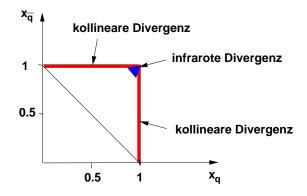
Der Gebrauch von vollkommen inklusiven Messgrößen in p $^-$ p Reaktionen gestaltet sich als sehr schwierig. Zur Ermittlung des zugeh örigen totalen Wirkungsquerschnittes m usste hier die next-to-leading-order (NLO), die proportional zu α^3 ist, berechnet werden. Aus diesem Grund wurden in dieser Analyse ausschließlich die im n achsten Abschnitt beschriebenen inklusiven Messgrößen zur Bestimmung der starken Kopplungskonstante herangezogen.

2.4.2 Inklusive Messgrößen

Als inklusive Messgr'ößen dienen Jet-Raten⁹, Ereignisform- und Topologievariablen. Aufgrund ihrer direkten Proportionalit'ät zu α sind sie sehr stark sensitiv auf die starke Kopplungskonstante. Jedoch sind inklusive Messgr'ößen abh'ängig von Details und Form des Endzustands, wie beispielsweise der Hadronisierung (vergleiche hierzu Abschnitt 2.3). Weiterhin k'önnen diese Messgr'ößen aufgrund von Divergenzen nur in bestimmten Bereichen des Phasenraums Anwendung finden, wie aus Abbildung 2.7 ersichtlich wird, und sie sind sehr stark von den verschiedenen Partondichtefunktionen¹⁰ abh'ängig, bergen damit große systematische Unsicherheiten.

⁹Als Beispiel sei hier die 3-Jet-Rate *R*₃ angef ührt, die die Zahl aller Ereignisse mit drei Jets im Endzustand im Verh altnis zu der Zahl aller Ereignisse mit Jets beschreibt.

¹⁰engl. parton density function (PDF), siehe Abschnitt 2.5.1.



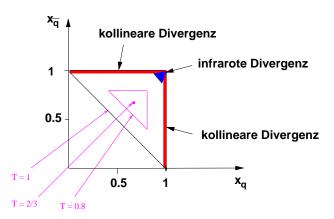


Abbildung 2.7: Oben: Divergenzen im q⁻q Phasenraum. Unten: Gute Topologievariablen, wie hier zum Beispiel Thrust, schließen den divergenten Bereich im Phasenraum aus.

Am Beispiel einer e⁺e⁻ Vernichtungsreaktion h'öherer Ordnung, wie sie in Abbildung 2.6 links gezeigt ist, kann mit Hilfe des zugeh'örigen differentiellen Wirkungsquerschnitts die starke Kopplungskonstante bestimmt werden. Der Wirkungsquerschnitt der e⁺e⁻ Reaktion ergibt sich aus folgender Gleichung:

$$\frac{1}{\sigma_0} \frac{d^2 \sigma}{dx_q dx_{\bar{q}}} = C_F \frac{\alpha_s}{2\pi} \frac{x_q^2 + x_{\bar{q}}^2}{(1 - x_q)(1 - x_{\bar{q}})}$$
(2.1)

Diese ist allgemein g'ultig, das heißt sie ist in abge anderter Form auch f'ur p p Reaktionen einsetzbar. σ_0 bezeichnet den Referenzwirkungsquerschnitt ohne Gluonabstrahlung (so genannter Born-Wirkungsquerschnitt), C_F ist der Farbfaktor und $x_q, x_{\overline{q}}$ sind die auf halbe Schwerpunktsenergien normierten Energien von Quark und Antiquark: $x = \frac{2E}{\sqrt{c}}$.

Ist der differentielle Wirkungsquerschnitt ermittelt, muss die inklusive Messgr'öße, in diesem Fall die Topologievariable F berechnet werden. F ist das Integral 'über den q^-q Phasenraum, gewichtet mit Gleichung (2.1) und der Definition der Gr'öße F, die aus

 x_q , $x_{\bar{q}}$ und $x_G = 2 - x_q - x_{\bar{q}}$ berechnet werden kann [1]. Damit ergibt sich in niedrigster Ordnung:

$$\frac{1}{\sigma_0} \frac{d\sigma}{dF} = \int_0^1 \int_0^1 dx_q dx_{-q} \left[\frac{1}{\sigma_0} \frac{d^2\sigma}{dx_q dx_{-q}} \right] \delta(F - f_F(x_q, x_{-q} x_G)) =
= A(F) \frac{\alpha_s}{2\pi} + O(\alpha_s^2) .$$

 $\frac{1}{\sigma_0} \frac{d\sigma}{dF}$ kann dabei im Experiment durch einfaches Abz ahlen bestimmt werden:

$$\frac{1}{N}\frac{dN}{dF} = \frac{1}{\sigma_{tot}}\frac{d\sigma}{dF}, \qquad (2.2)$$

wobei σ_{tot} der totale Wirkungsquerschnitt der Reaktion ist. A(F) ist eine berechenbare Größe. Hieraus läßt sich letztendlich die starke Kopplungskonstante bestimmen. Da Berechnungen für Topologiemessgrößen in den infraroten und kollinearen Bereichen des Phasenraums nicht verlässlich sind [1], schließen gute Topologievariablen, wie beispielsweise $Thrust^{11}$, diesen Bereich aus bzw. versehen ihn mit verschwindenden Gewichten. Solange also T < 1 gilt, bleiben die Berechnungen für Thrust von den Divergenzen des Phasenraums fern, wie in Abbildung 2.7 gezeigt wird.

2.5 Die Struktur des Protons

Urspr'unglich betrachtete man das Proton als ein punktf'ormiges Teilchen. Durch genauere Untersuchungen, die in Anhang A besprochen werden, stellte man jedoch fest, dass das Proton (sowie auch sein Antiteilchen) aus Quarks zusammengesetzt ist: p = uud. Diese Quarks bezeichnet man als Valenzquarks. Weitere Untersuchungen zeigten eine noch viel kompliziertere dynamische Struktur des Protons: die Valenzquarks sind durch Gluonen aneinander gebunden (siehe Abbildung 2.8). Zus'atzlich treten viele q^-q Paare, die Seequarks auf. Die Konstituenten des Protons bezeichnet man als Partonen. Der genaue Aufbau des Protons wird durch so genannte Strukturfunktionen beschrieben.

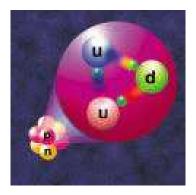


Abbildung 2.8: Der Aufbau des Protons.

¹¹Thrust $T=\max \vec{n} \frac{\sum_i |\vec{p}_i\vec{n}|}{\sum_i |\vec{p}_i|}$. \vec{p}_i bezeichnet die Impulse von (Anti)Quark und Gluon, \vec{n} ist der so genannte Thrustvektor.

2.5.1 Struktur- und Partondichtefunktion

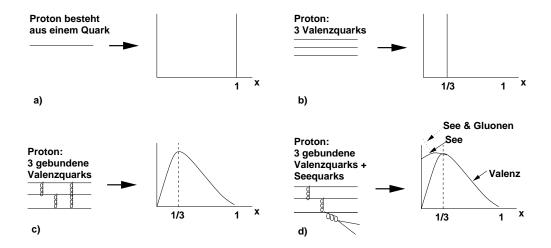


Abbildung 2.9: a) Strukturfunktion eines punktförmigen Teilchens. b) Strukturfunktion eines Teilchens bestehend aus drei punktförmigen Konstituenten. c) Strukturfunktion eines Teilchens aus drei gebundenen Quarks. d) Strukturfunktion des Protons, das aus Valenzquarks, Seequarks und Gluonen besteht.

Strukturfunktionen (siehe hierzu Abbildung 2.9) erklären den Aufbau der Nukleonen. Die Strukturfunktion $F_2(x)$, die in Gleichung (2.3) dargestellt ist, beschreibt dabei die exakte Struktur des Protons [6]. Mit der Erkenntnis, dass das Proton aus punktförmigen Konstituenten besteht, kann die Strukturfunktion als Überlagerung der Partonen i mit Ladung e_i und jeweiligem Impulsbruchteil x des Protonimpulses angesehen werden [1]:

$$F_2(x) = \sum_{i} e_i^2 x f_i(x)$$
 (2.3)

 $f_i(x)$ ist dabei die Impulsverteilung des *i*-ten Partons und entspricht der Wahrscheinlichkeit, dass das betreffende Parton den Bruchteil x des Protonimpulses trägt. Man bezeichnet $f_i(x)$ als *Partondichtefunktion* (PDF).

Die PDF wird in Abbildung 2.10 veranschaulicht. Hierbei treten zwei Partonen mit jeweiligen Impulsbruchteil x_1 und x_2 von Proton bzw. Antiproton in harte Wechselwirkung. Die genaue Impulsverteilung der Partonen ist dabei durch die zugeh örige Partondichtefunktion $f_i(x_1)$ bzw. $f_j(x_2)$ gegeben. Aus den PDF kann letztendlich die Luminosit ät der Partonen f ur den harten Stoß ermittelt werden [5].

Der Wirkungsquerschnitt der harten Streuung h'angt von der starken Kopplungskonstante α_s ab. α_s wiederum h'angt vom Impuls'übertrag p der harten Streuung ab.

14 Kapitel 2 Theorie

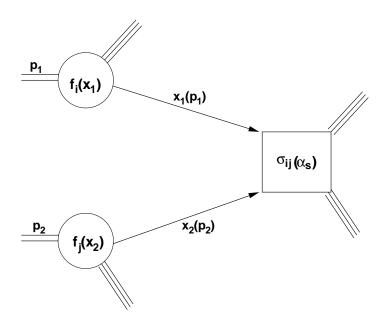


Abbildung 2.10: Veranschaulichung der PDF in einem p⁻p Ereignis.

Kapitel 3

Der DØ Detektor

Das Forschungszentrum Fermilab (*Fermi National Accelerator Laboratory*) befindet sich ca. 50 km westlich von Chicago, U.S.A. Es wurde nach dem Physiker Enrico Fermi benannt.

Der Hauptbeschleunigerring des Fermilab ist das Tevatron, ein Ring mit 6.4 km Umfang, der in Abbildung 3.1 zu sehen ist. Das Tevatron erreicht seit dem Beginn von Run II¹ eine Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s}=1.96$ TeV und ist damit der zur Zeit höchstenergetischste Teilchenbeschleuniger der Welt. Es kollidieren Protonen mit Antiprotonen, die in entgegengesetzter Richtung in den Ring eingeschossen und beschleunigt werden. Die Kollision findet in zwei Wechselwirkungsregionen statt, die von dem CDF Detektor bzw. von dem DØ Detektor umgeben sind.



Abbildung 3.1: Das Fermilab in der N¨ahe von Chicago. Zu sehen sind der Hauptbeschleunigerring, das Tevatron, sowie der so genannte *Main Injector*, mit dem die Teilchen in den Beschleuniger eingeschossen werden.

¹Der Run II des Tevatron wurde im M'arz 2001 gestartet und wird fr'ühestens im Jahr 2008 zu Ende sein.

Bevor die eigentliche Kollision der Protonstrahlen stattfindet, m'ussen die Protonen erzeugt werden. Dies geschieht durch die sukzessive Beschleunigung negativ geladener Wasserstoffatome H^- bis auf etwa 400 MeV und anschließender Abtrennung der Elektronen. Im weiteren Verlauf werden die Protonen im so genannten "Booster"-Synchroton bis auf ca. 8 GeV beschleunigt. Danach gelangen sie in den "Main Injector" und werden dort weiter auf 150 GeV beschleunigt, bevor sie letztendlich in den Hauptbeschleunigerring eingeschossen werden, in dem sie eine Energie von 0.98 TeV erreichen.

Zur Erzeugung von Antiprotonen werden Protonen des Main Injectors verwendet. Dabei werden B'undel von Protonen auf ein festes Ziel (*fixed target*) aus Nickel oder Kupfer gelenkt. In der anschließenden Kollision werden Antiprotonen produziert, wobei die Kollisionsenergie so gew ahlt wird, dass die Energie der hervorgehenden Antiprotonen in etwa 8 GeV betr agt. Um ein Antiproton dieser Energie zu erzeugen, werden ungef ahr 50000 Protonen ben otigt.

Mit Hilfe eines sehr komplexen Systems aus Lithium-Stromlinsen und weiteren magnetischen Linsen werden die Antiprotonen anschließend fokussiert und in einen Speicherring (*Debuncher*) geleitet, in welchem man sie in einen kontinuierlichen Strahl mit einer Energie von etwa 8 GeV transformiert und ihre transversale Bewegungsenergie reduziert (k'ühlt). Im n'achsten Schritt erfolgt die Weiterleitung dieses Antiprotonstrahls in einen weiteren Speicherring, den *Accumulator*. Dort wird der Strahl in mehrere B'undel unterteilt. Haben sich gen'ügend Teilchen im Accumulator angesammelt, werden diese weiter in den Main Injector geleitet, dort beschleunigt und zuletzt in entgegengesetzter Richtung zu den Protonen in den Hauptbeschleunigerring eingebracht.

3.1 Aufbau und Funktionalität des DØ Detektors

Der DØ Detektor, der in Abbildung 3.2 gezeigt ist, ist ein vielschichtiger Apparat zur Messung eines breiten Spektrums von Informationen "über die p p Wechselwirkung wie beispielsweise Energie und Impuls der vom Wechselwirkungspunkt kommenden Teilchen.

Er gliedert sich in drei Subsysteme. Von innen nach außen sind dies:

- das Spurrekonstruktionssystem,
- · das Kalorimeter,
- der Myondetektor.

Der Punkt, an dem die Protonstrahlen kollidieren, wird von den Spurrekonstruktions-Detektoren umgeben. Das System besteht aus dem Silizium-Vertex-Detektor (SMT) und dem zentralen Fibre Tracker² (CFT), die die Spuren geladener Teilchen rekonstruieren.

Der innerste Teil, der SMT, besteht aus mehreren Lagen von Silizium Detektoren, mit denen ein Gesamtbereich von $|\eta| < 3$ abgedeckt werden kann. η ist die Pseudorapidit at

$$\eta = -\ln(\tan\frac{\theta}{2})$$

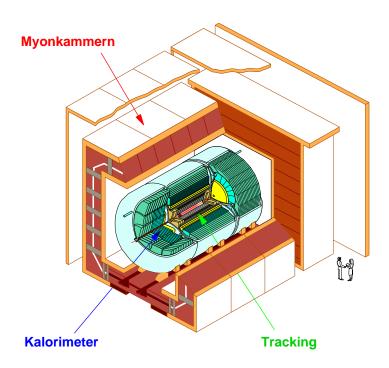
²zu deutsch: Faserspurdetektor

Sie wird in Anhang B n"aher erkl"art. θ ist der Winkel zur Strahlachse. Eine genaue Beschreibung des Silizium-Vertex-Detektors findet sich in [7].

Der zentrale Fibre Tracker besteht aus ungef ähr 77000 szintillierenden Fasern, die einen Durchmesser von etwa 0.8 mm haben. Er umgibt den SMT in acht konzentrischen Zylindern. Jede Lage besteht aus Fasern, die parallel zur z-Achse ausgerichtet sind, sowie weiteren Lagen von Fasern in einem Winkel von $\pm 3^{\circ}$ zur z-Achse. Somit sind Stereo-Messungen zur Ermittlung der Teilchenkoordinaten entlang der z-Achse m'öglich. Um die Signale auslesen zu k'önnen, sind die Fasern mit Photodetektoren verbunden.

Das gesamte Spurrekonstruktionssystem ist von einem Magnetfeld von etwa 2 T umgeben, was eine Kr'ummung der Teilchenspuren verursacht. Aus dieser Kr'ummung kann der Impuls der Teilchen abgeleitet werden.

Die Kombination von Silizium-Vertex-Detektor und zentralem Fibre Tracker erreicht eine Impulsaufl'osung von $\frac{\Delta p_T}{p_T^2} = 0.002 \text{ GeV}^{-1}$ f'ur hochenergetische geladene Teilchen [8].



DØ Detektor

Abbildung 3.2: Schematische Ansicht des D \emptyset Detektors.

Das Kalorimeter (siehe Abbildung 3.3) ist die hauptverantwortliche Detektorkomponente f'ür die Messung von Jets. Es ist aus aufeinander folgenden Lagen von Uran und fl'üssigem Argon aufgebaut. Seine Hauptaufgabe ist die Erfassung von Teilchen und die Messung ihrer Energie. Teilchen, die in das Kalorimeter fliegen, wechselwirken mit dem Uran und verursachen einen Teilchenschauer. Diese Sekund arteilchen

ionisieren das fl'ussige Argon, wodurch es zu einem Signal kommt. Eine explizitere Beschreibung des Kalorimeters erfolgt im n'achsten Abschnitt.

Der Myondetektor ist verantwortlich f'ur die Identifikation von Myonen. Diese sind die einzigen geladenen Teilchen, die das massive Kalorimeter (mit hoher Wahrscheinlichkeit) durchdringen k'önnen und dann im Myondetektor erfasst werden. Myonen sind keine stabilen Teilchen, ihre Lebensdauer ist jedoch lang genug, dass sie den Detektor verlassen k'önnen. Sie sind Leptonen und erzeugen folglich keinen hadronischen Schauer. Des Weiteren sind sie - im Vergleich zu Elektronen - sehr schwere Teilchen und haben damit eine nur geringe Bremsstrahlungswahrscheinlichkeit. Sie produzieren daher nur sehr selten elektromagnetische Schauer. Aus diesen Gründen werden hochenergetische Myonen nicht im Kalorimeter absorbiert.

Das Myon-Spektrometer liegt außen am Detektor und umschließt alle anderen Komponenten. Es ist aus den zentralen und den vorw arts ausgerichteten Myondetektoren aufgebaut, die in Eisen, das durch Toroidspulen magnetisiert wird, eingebettet sind. Das Myonsystem liefert unter anderem Informationen über das Eindringen kosmischer Strahlung, die für die Experimente einen unerw unschten Untergrund darstellt.

Die zentralen Myondetektoren bestehen neben den Szintillatoren, die für die Detektion kosmischer Strahlung bzw. für den Ereignis Trigger verantwortlich sind, haupts ächlich aus einer Vielzahl von Proportionaldriftkammern. Die vorwärts ausgerichteten Detektoren setzen sich aus so genannten "Mini-Driftkammern" (MDT) und Pixelszintillatoren zusammen.

Es treten pro Sekunde in etwa $2 \cdot 10^6$ p⁻p Ereignisse im Detektor auf. Daher wird ein System ben otigt, das die Ereignisse selektiert, um nicht alle registrierten Ereignisse auch speichern zu m ussen. Dies geschieht durch das Trigger System. Es entscheidet, ob ein Ereignis interessant genug ist, um es zu behalten.

3.2 Das Kalorimeter

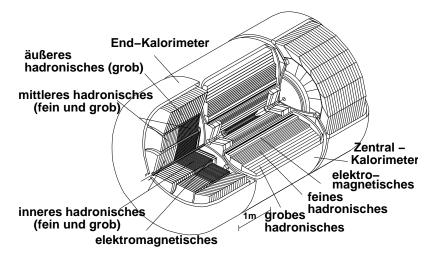


Abbildung 3.3: Kalorimeter mit flüssigem Argon als aktives Medium.

3.2. Das Kalorimeter 19

Das Kalorimeter ist in Abbildung 3.3 dargestellt und besteht aus drei separaten Kryostaten, welche das Zentralkalorimeter und die beiden Endkappenkalorimeter enthalten [9].

Die gesamte Anordnung kann zus atzlich in zwei Sektionen unterteilt werden, der elektromagnetischen und der hadronischen. Das elektromagnetische Kalorimeter ist feiner segmentiert. Es misst vor allem die Energie von Elektronen und Photonen, verbessert insbesondere f ur Photonen die Positionsbestimmung des prim aren Vertex [9] aufgrund der durch longitudinale Segmentierung verf ugbaren Richtungsinformationen und erfasst bereits hier beginnende hadronische Schauer, die sich im hadronischen Kalorimeter fortsetzen. Das hadronische Kalorimeter detektiert die Energie der Hadronen, wenn sie mit dem Material des Kalorimeters wechselwirken.

Das Kalorimeter ist in pseudoprojektive T'urme³ unterteilt (siehe Abbildung 3.4). Diese Zellstruktur mit seiner Granularit von etwa 0.1×0.1 in η und Φ liefert eine exzellente Aufl'osung der Schauerposition, wobei Φ der Azimuthwinkel ist.

Das zentrale Kalorimeter erreicht zusammen mit den Kalorimeter Systemen in Vorwärtsrichtung (bezüglich der Pseudorapidit at) eine Abdeckung von

$$|\eta| = |-\ln\left(\tan\frac{\theta}{2}\right)| < 4$$

Jets k'onnen 'uber die im Kalorimeter deponierte Energie rekonstruiert werden. Die Energieauff'osung f'ur Jets liegt bei etwa $\frac{80\%}{\sqrt{E[\text{GeV}]}}$ [9]. Die Jetrekonstruktion wird in Kapitel 4 beschrieben.

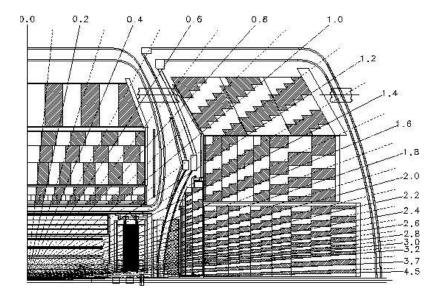


Abbildung 3.4: Ein Quadrant von DØ Kalorimeter und Driftkammer, projeziert in die x-z Ebene. Die radialen Linien illustrieren die Detektor Pseudorapidit at und die pseudoprojektive Geometrie der Kalorimeter Tower. Die Tower haben im Durchschnitt die Größe $\Delta \eta \times \Delta \Phi = 0.1 \times 0.1$ [10].

³engl.: Tower

Ebenfalls zu erwähnen sind die zentralen und vorwärts gerichteten "Preshower"-Detektoren (CPS und FPS). Das CPS ist an der Außenseite der magnetischen Spule angebracht, das FPS ist vor den Endkappen positioniert. Sie verbessern die Identifikation von Elektronen und Photonen, indem sie zusätzliche Messungen für die Energiedeposition pro Längeneinheit $\frac{dE}{dx}$ liefern. Des Weiteren wird eine Abschätzung des Energieverlustes der Teilchen vor dem Eintritt in das Kalorimeter geliefert. Die Preshower-Detektoren decken einen Bereich von bis zu $|\eta| \approx 2.5$ ab und bestehen aus flachen Bleiabsorbern und multiplen Lagen von Szintillatoren.

Die zwischen den Kryostaten gelegenen Interkryostat-Detektoren liefern Informationen "über den Energieverlust zwischen den zentralen und Endkappenkryostaten [9]. Dies ist eine wichtige Information f"ür die Messung und Erfassung von Jets, die die Kryostat Region "überspannen.

Kapitel 4

Der k_T Algorithmus

F¨ur diese Diplomarbeit wurden p¬p Reaktionen in Monte-Carlo Simulationen untersucht. Aus den entstandenen Teilchenb¨undeln (Jets) wurden die 3-Jet-Rate, welche das Anzahlverh¨altnis von Reaktionen mit drei Jets zu allen Reaktionen mit Jets ist, und daraus der Verlauf der starken Kopplungskonstante bez¨uglich des Transversalimpuls¨ubertrags ermittelt.

Ziel dieses Kapitels ist zu erl'autern, wie aus den erzeugten Teilchen Jets entstehen und welche Kriterien erf'ullt sein m'ussen, damit ein Teilchen einem bestimmten Jet zugeordnet wird. Zu diesem Zweck wird der k_T Algorithmus [11] vorgestellt und mit dem an Hadroncollidern h'aufig verwendeten Cone Algorithmus [4, 12, 13] verglichen.

4.1 Die Entstehung von Jets

Protonen sind zusammengesetzte Teilchen, sie bestehen aus Partonen (siehe Kapitel 2). Bei hochenergetischen Kollisionen von p und ¬p wechselwirken daher die Bestandteile der Protonen miteinander, nicht aber die Protonen als Ganzes.

Treffen p und ¬p aufeinander, treten im Idealfall zwei Partonen miteinander in harte Wechselwirkung und tauschen ein Gluon aus. Dabei entstehen zwei neue Partonen.

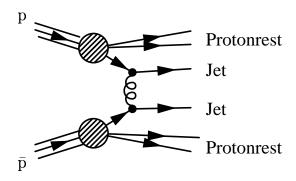


Abbildung 4.1: p^-p Streuung: Gezeigt ist die harte $2 \to 2$ Streuung zwischen den Partonen des einlaufenden p^-p Paares.

Abbildung 4.1 zeigt diesen harten $2 \rightarrow 2$ Streuprozess.

Das neue Partonpaar beginnt unmittelbar nach seiner Entstehung Gluonen abzustrahlen, die weiter Gluonen abstrahlen oder in Quark-Antiquark Paare aufspalten können. Dadurch wird ein Partonschauer erzeugt, der Bündel hochenergetischer Teilchen, so genannter "final state Partonen" ausbildet. Bereits hier liegt also die Jetstruktur der Teilchen in Form von Partonjets vor. Nach weiterer Hadronisierung rekombinieren diese Partonen, es bilden sich zus atzliche Teilchen. Die Hadronisierung hat jedoch keine bedeutende Auswirkung auf die Struktur der Jets.

In Abbildung 4.2 wird der p⁻p Streuvorgang in allen Stadien dargestellt. Gezeigt wird das Stadium in dem die Jets aus Quarks und Gluonen bestehen (Partonjets). Es folgt das Stadium der Hadronisierung, welche Jets aus stabilen Hadronen, wie beispielsweise Pionen und Kaonen bildet. Im letzten Stadium, dem Kalorimeter Stadium, bestehen die Jets aus den gemessenen Objekten im Kalorimeter [14].

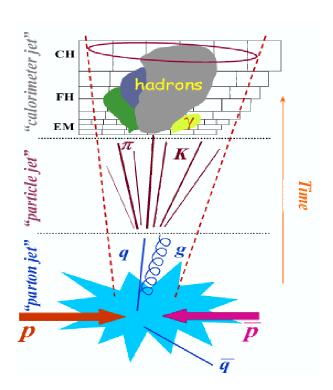


Abbildung 4.2: p⁻p Streuung. Aus dem anf anglichen Partonenpaar bilden sich Jets. Erkennbar ist das Stadium vor der Hadronisierung (Partonjets), nach der Hadronisierung (Teilchenbzw. Hadronjets) sowie das der Kalorimeterjets, in dem die Teilchenb undel aus den Energieeintr agen der Hadronen im Kalorimeter bestehen. [12]

Um die rekonstruierten Teilchen verschiedenen Teilchenschauern zuzuordnen, muss ein Jet Algorithmus eingesetzt werden. In dieser Diplomarbeit wurde hierf ur der k_T Algorithmus verwendet. Die genaue Vorgehensweise wird in den folgenden Abschnitten beschrieben.

¹englisch f'ur Partonen im Endzustand, also Quarks und Gluonen vor der Hadronisierung.

4.2 Rekonstruktion von Jets mit dem k_T Algorithmus

Der k_T Algorithmus kann nicht nur bei der Kollision von Hadronen angewandt werden, sondern ebenso zur Jetrekonstruktion in e⁺e⁻ Reaktionen. Abh"angig von der Art der kollidierenden Teilchen und von der Physik, die man hierbei beobachten m"ochte, gibt es zwei verschiedene Rekonstruktionsmoden, in denen der Algorithmus betrieben werden kann [11]:

a) Der inklusive Modus: Er wird zumeist f\u00fcur e\u00e4-e\u00b7 Reaktionen verwendet. Da Elektronen keine zusammengesetzten Teilchen sind und daher nicht auf "Elektronenreste" geachtet werden muss, die versehentlich den Jets zugeordnet werden k\u00fconnten, werden dem Algorithmus alle Objekte im Endzustand als Input \u00fcubergeben. Als Jetaufl\u00fcosungsparameter und gleichzeitiger Abbruchparameter des Algorithmus dient

$$y_{Cut} = \frac{E_{cut}^2}{Q_0^2}$$

wobei Q_0^2 das Impuls "ubertragsquadrat ist. E_{cut}^2 ist im Allgemeinen eine frei w "ahlbare Energie.

b) Der exklusive Modus: In ihm wird der harte Endzustand explizit vom Protonrest getrennt [11]. Der Protonrest kann dadurch nicht irrt umlich einem Jet im Endzustand zugeordnet werden. Die Jets im harten Endzustand werden durch den Abbruchparameter d_{Cut} definiert. Er ist ein Abstandsmaß im Impulsraum mit der Einheit GeV² und entspricht dem maximalen Abstand zwischen zwei Teilchen. Der d_{Cut} definiert die harte Skala des Prozesses und kann folgendermaßen abgesch atzt werden:

$$\Lambda_{OCD}^2 \ll d_{Cut} \leq s$$

 Λ_{QCD} bezeichnet den einzigen freien Parameter der QCD, der im Bereich einiger hundert MeV liegt, s steht f'ür die Schwerpunktsenergie der harten Streuung. F'ür $d_{ut} \to \Lambda^2_{QCD}$ werden alle Teilchen im Ereignis als Jets klassifiziert. Da der Abstand zwischen zwei Teilchen in jedem Fall gr'ößer null ist und somit im Fall $d_{Cut} \to \Lambda^2_{QCD}$ die Bedingung $d_{ij} < d_{Cut}$ nicht mehr erf'üllt is 2 , bricht der Algorithmus ab, bevor mehrere Teilchen zu einem Jet zusammengefasst werden k'önnen.

Für einen großen Wert von d_{Cut} hingegen wird die Jetmultiplizit at im Ereignis gegen eins gehen, da mit dem d_{Cut} auch die Größe der Jets gegen unendlich geht und somit im Grenzfall $d_{Cut} \rightarrow \infty$ alle Teilchen zu einem einzigen Jet zusammengefasst werden.

Der Unterschied zwischen a) und b) liegt in der Definition der harten Jets im Endzustand und ihrer Trennung vom Protonrest [11]. In dieser Analyse wurde der $k_{\rm T}$ Algorithmus ausschließlich im exklusiven Modus betrieben.

Zus atzlich zu dieser Festlegung konnen noch Jetauflosungsvariablen (Winkeldefinitionen) und Rekombinationsschemata ausgewählt werden:

 $^{^{2}}d_{ij}$ ist die Abstandsfunktion zwischen zwei Teilchen i und j und wird bei der Besprechung des Algorithmus genauer charakterisiert.

Das Abstandsmaß:

Um die Auflösung der Jets festzulegen, wurde das " ΔR -Schema" (Das ΔR -Schema entspricht der Einstellung angle = 2 in [11]) ausgewählt. Dies ist die Standardeinstellung und entspricht der Auflösung für Conejets. Dabei gilt für den Abstand des Teilchens i zur Strahlachse [11]:

$$d_{iB} = p_{Ti}^2 \tag{4.1}$$

B steht hierbei f'ur Beam, also Protonstrahl. p_{Ti} ist der Transversalimpuls des i-ten Teilchens zur Protonstrahlachse.

Der Abstand zwischen zwei Teilchen i und j betr agt:

$$d_{ij} = \min(p_{Ti}^2, p_{Tj}^2) \cdot \Delta R_{ij}^2 \tag{4.2}$$

wobei gilt:

$$\Delta R_{ij}^2 = (\eta_i - \eta_j)^2 + (\Phi_i - \Phi_j)^2 \tag{4.3}$$

 $\eta_{i/j}$ bezeichnet die Pseudorapidit at des *i*-ten bzw. *j*-ten Teilchens, $\Phi_{l/j}$ ist der Azimuthwinkel von Teilchen i/j im Detektor.

Das Rekombinationsschema:

Das Rekombinationsschema definiert, wie zwei Objekte i und j zu einem einzelnen Objekt mit dem Viererimpuls p_{ij} zusammengef ugt werden. Von f unf m oglichen Schemata wurde f ur diese Analyse das " E_T -Schema" (recom = 4 in [11]) verwendet. Dabei gilt [11]:

$$E_{T,ij} = E_{Ti} + E_{Tj} \tag{4.4}$$

$$\eta_{ij} = \frac{E_{Ti}\eta_i + E_{Tj}\eta_j}{E_{T,ij}} \tag{4.5}$$

$$\Phi_{ij} = \frac{E_{Ti}\Phi_i + E_{Tj}\Phi_j}{E_{T,ij}} \tag{4.6}$$

Die Rekonstruktion:

Nach dem Festlegen der verschiedenen Einstellungen kann die Zuordnung der Teilchen zu den Jets beginnen. Der Algorithmus beginnt hierf ur mit einer Liste so genannter Energie Pre-Cluster, die aus Kalorimeterzellen, Partonen im Endzustand oder Teilchen nach der Hadronisierung gebildet werden [14]. Die Entfernung zwischen diesen Pre-Clustern ist durch ihre Pseudorapidit η und ihren Azimuthwinkel ϕ gegeben:

$$\Delta R = \sqrt{\Delta \eta^2 + \Delta \phi^2} \tag{4.7}$$

Die Jetrekonstruktion 1 auft dann in folgenden Schritten ab, wie auch aus Abbildung 4.3 ersichtlich wird:

³Conejets sind Jets, die durch den Cone Algorithmus rekonstruiert wurden. Der Cone Algorithmus ist der am h'aufi gsten verwendete Jet Algorithmus an Hadroncollidern.

- a) F'ur jedes Objekt i in der Liste der Teilchen definiert der Algorithmus die Gr'öße $d_{ii}=p_{Ti}^2$, wobei p_T der Impuls senkrecht zur Strahlachse (Transversalimpuls) ist. F'ur jedes Teilchenpaar i und j wird zus atzlich eine Abstandsfunktion $d_{ij}=\min(p_{Ti}^2,p_{Tj}^2)\frac{\Delta R_{ij}^2}{D^2}$ bestimmt. Dabei ist D ein Skalierungsparameter, der die Gr'öße der Jets bestimmt. Er ist dimensionslos und wurde f'ur diese Analyse standardm'aßig auf 1.0 gesetzt [11].
- b) Ist das Minimum aus allen d_{ii} und d_{ij} gleich der Abstandsfunktion d_{ij} , werden die Objekte i und j zu einem Pseudoteilchen k rekombiniert. Danach beginnt der Algorithmus von vorne.
 - Ist das Minimum nicht d_{ij} , sondern d_{ii} , dann wird das Objekt i als Jet definiert und aus der Liste der Teilchen entfernt.
 - Sind alle d_{ij} bzw. d_{ii} größer als der Abbruchparameter d_{cut} , dann bricht der Algorithmus ab, die Jetrekonstruktion ist beendet und alle verbleibenden Teilchen in der Liste sind die gesuchten Jets.
- c) Der Algorithmus beginnt solange von vorne, bis keine Objekte mehr in der Liste der Teilchen vorhanden sind oder die d_{ij} bzw. d_{ii} größer als der Abbruchparameter sind.

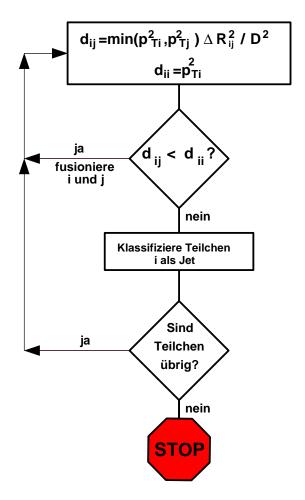


Abbildung 4.3: Die einzelnen Rekonstruktionsschritte des k_T Algorithmus.

Der Algorithmus fasst also nach und nach Paare nahe gelegener Objekte zusammen, wobei die N"ahe der Objekte zueinander durch einen "ahnlichen Transversalimpuls und "ahnliche Richtung der Teilchen definiert ist. Allgemein wird ein Objekt einem Jet zugeordnet, falls es deutlich von allen anderen Objekten getrennt ist. Der Aufl "osungsparameter d_{ut} charakterisiert n"aherungsweise die Gr"oße der resultierenden Jets [14]. Abbildung 4.4 illustriert anschaulich die Jetrekonstruktion in einem harten p \bar{p} Ereignis.

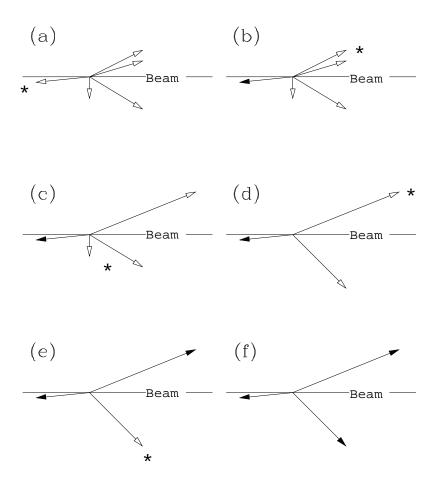


Abbildung 4.4: Sukzessive Iteration des k_T Algorithmus zur Rekonstruktion von Jets in einem harten p⁻p Ereignis. (a) Die Pfeile repr'asentieren eine Liste von Objekten. (b) - (f) Die ausgef'üllten Pfeile stellen fi nale Jets dar, die nicht ausgef'üllten Pfeile stehen f'ür Objekte, die noch keinem Jet zugeordnet wurden. Die Sternchen weisen auf das Objekt hin, das im jeweiligen Iterationsschritt ein relevanter Kandidat f'ür einen Jet ist. [14]

Am Ende liefert der Jet Algorithmus eine Liste von Jets, die durch $\Delta R > D$ voneinander getrennt sind. Da die Teilchen aus den p⁻p Reaktionen in dieser Analyse in final-state Partonen und langlebige Teilchen (Hadronen) aufgeteilt wurden, bevor ihre Vektorlisten dem Algorithmus "übergeben wurden, entstehen am Ende zwei verschiedene Jetlisten f"ür Parton- und Hadronjets. Daraus ergibt sich die M"öglichkeit, die Gr"öße der Hadronisierungskorrekturen zu bestimmen. Mit diesen Korrekturen k"önnen die sp"äter aus dem Detektor gemessenen Hadronjets auf Partonniveau korrigiert werden, was erst den Vergleich mit der Theorie erm "öglicht. Hierauf wird in Kapitel 5 n"äher eingegangen.

4.3 Vergleich zwischen k_T Algorithmus und Cone Algorithmus

An Hadroncollidern wird fast ausschließlich der Cone Algorithmus zur Rekonstruktion von Jets eingesetzt. Mit dem k_T Algorithmus wurden vergleichsweise wenige Erfahrungen gesammelt, zudem war er in großen Teilen der $D \phi$ Software noch nicht oder zumindest nicht vollst andig implementiert. Der k_T Algorithmus hat jedoch einige entscheidende Vorteile gegen über dem Cone Algorithmus. So ist er zum Beispiel infrarot und kollinear sicher in jeder Ordnung der St orungstheorie [14], er ist weniger abh angig von hadronischen Korrekturen und produziert keine überlappenden Jets. Zudem werden der Protonrest sowie Fragmente aus der Streuung mit geringem p_T von den Jets abgetrennt [11] und k onnen somit nicht das Endergebnis, die finalen Jets, verf alschen. Im Vergleich dieser beiden Algorithmen ergibt sich folgendes Bild: Beim Cone Algorithmus werden all jene Teilchen zu einem Jet zusammengefasst, die in einem Konus mit festem Radius $R = \sqrt{\Delta \eta^2 + \Delta \Phi^2}$ liegen. Teilchen außerhalb dieses Konus, also ohne eine bestimmte Winkelbeziehung zueinander, werden grunds atzlich als nicht mehr dem Jet zugeh orig betrachtet, wie aus Abbildung 4.5 ersichtlich ist.

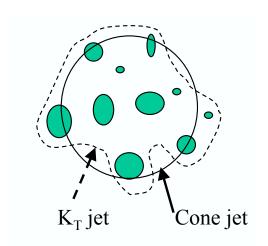


Abbildung 4.5: Ein Vergleich zwischen k_T und Cone Algorithmus. Der k_T Algorithmus sortiert die Teilchen abh angig von ihrem Transversalimpuls und passt sich dynamisch den Jets an. [12]

Daraus resultiert eines der Hauptprobleme des Cone Algorithmus. Da der ganze Detektorbereich mit virtuellen Konen abgedeckt werden muss, passiert es, dass Teilchen nicht mehr eindeutig einem Jet zugeordnet werden können. Es kommt zu überlappenden Jets (siehe Abbildung 4.6). Daher müssen oft willk ürliche Prozeduren angewandt werden, um die überlappenden Jets voneinander zu trennen oder sie zusammen zu fassen. Zudem sind theoretische Vorhersagen, die in next-to-leading-order (NLO) berechnet wurden, nicht infrarot sicher [14], zeigen also eine gewisse Empfindlichkeit bezüglich weicher Strahlung. Des Weiteren muss ein so genannter "ad

⁴Unter weicher Strahlung versteht man nieder-energetische Strahlung.

hoc Parameter" R_{sep} eingef uhrt werden, um die Unterschiede zwischen der Jetdefinition auf Parton- und Detektorniveau ausgleichen zu k"onnen [14, 15].

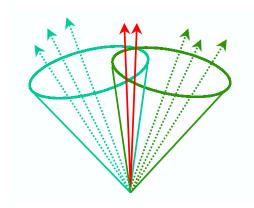


Abbildung 4.6: Durch den Cone Algorithmus werden die Teilchen abh angig von ihrem Winkel zueinander sortiert. Dies f uhrt zu sich uberlappenden Jets. [12]

Beim k_T Algorithmus ist die Zuordnung der Teilchen zu einem Jet viel dynamischer. Es werden Teilchen zusammengefasst, die einen "ahnlichen Transversalimpuls und eine "ahnliche Richtung haben. Somit werden auch Objekte geclustert, die vom Cone Algorithmus bereits ausgeschlossen wurden, wie Abbildung 4.5 illustriert. Da jedes Objekt eindeutig einem Jet zugewiesen wird, ist keine weitere Trennung oder Zusammenfassung n"otig [14]. Auch ein "ad hoc Parameter" wird hier nicht ben "otigt, da derselbe Algorithmus auf experimentellem und theoretischem Niveau angewandt wird. Dadurch, dass der Abstand zwischen den Teilchen durch ihren Transversalimpuls charakterisiert wird, ist die Gr"oße der resultierenden Jets dynamisch.

Der k_T Algorithmus ist eine Alternative zum Cone Algorithmus, die viele Vorteile mit sich bringt. Er ist bei der Analyse von e^+e^- Reaktionen bereits sehr etabliert, an Hadroncollidern wird er jedoch bis jetzt noch nicht so umfassend verwendet, wie der Cone Algorithmus.

Kapitel 5

Ereignis-Generation mit PYTHIA

Die Simulation von Ereignissen ist ein Kernelement in vielen Analysen. Sie l'auft in verschiedenen Schritten ab. Zun achst werden die gew unschten Prozesse - im Falle dieser Analyse QCD-Prozesse - abh angig von den berechneten Matrixelementen mit Hilfe von Zufallsgeneratoren erzeugt. Die dabei generierte Teilchenliste entspricht dem Partonniveau. Nach zus atzlicher Anwendung von Hadronisierungsmethoden erh alt man letztendlich die langlebigen Endzust ande des Ereignisses.

F'ur diese Diplomarbeit wurden zwei verschiedene Programme zur Simulation von p⁻p Ereignissen verwendet: der Monte-Carlo Generator PYTHIA und das numerische Integrationsprogramm NLOJet++. Im folgenden wird die Ereignis-Generation mit PYTHIA 6.2 beschrieben, Simulationen mit NLOJet++ werden im anschließenden Kapitel behandelt.

5.1 Das PYTHIA 6.2 Programm

Der PYTHIA Monte-Carlo Generator [16] ist ein sehr vielseitiges Programm, das in der Hochenergiephysik oft zur Generierung von hadronischen Ereignissen benutzt wird. Der Hauptteil der erzeugten Teilchen findet sich in Jets, hochenergetischen Teilchenb und aus Partonen im Endzustand und stabilen Teilchen wieder.

Mit dem Programm k'önnen vollst'andige Ereignisse generiert werden, die genauso detailreich sind, wie die im Experiment beobachtbaren [16].

Das PYTHIA Simulationsprogramm ist ein leading-order (LO) Generator. Das bedeutet, dass alle Ereignisse in f'uhrender und zugleich niedrigster Ordnung berechnet werden. H'öhere Korrekturen werden lediglich durch den leading-log Partonschauer ber 'ucksichtigt. Im Falle eines Prozesses, wie in Abbildung 5.1 gezeigt, bedeutet das, dass nur Terme ber 'ucksichtigt werden, die proportional zu α_s^2 sind. Next-to-leading-order (NLO) Berechnungen, die in diesem Fall $\sim \alpha_s^3$ w aren, sind nicht implementiert. In dieser Studie wurden mit PYTHIA 6.2 p p Ereignisse bei einer Schwerpunktsenergie von $\sqrt{s} = 1.96$ TeV simuliert, was der im Run II des D ϕ Experiments erreichten Schwerpunktsenergie entspricht.

¹In PYTHIA ist das in Abschnitt 2.3 erkl arte String-Modell implementiert.

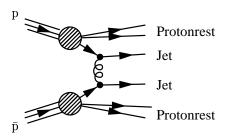


Abbildung 5.1: p⁻p Streuung mit zwei Jets im Endzustand $\sim \hat{q}$.

Verschiedene Schalter dienen dazu, diverse Voreinstellungen f'ur die Simulation zu treffen. So wurden beispielsweise Subprozesse ausgew"ahlt, um die in den p⁻p Reaktionen auftretenden harten Streuungen zu charakterisieren. Die f'ur diese Analyse verwendeten Prozesse, ausschließlich harte QCD-Prozesse, sind zusammen mit den zugeh "origen Schaltern in Tabelle 5.1 aufgelistet. Dabei bezeichnet die jeweils erste Zahl die Prozessnummer, mit der zweiten Zahl k"onnen die Prozesse an (1) bzw. abgeschaltet werden (0).

Eine detaillierte Beschreibung dieser Subprozesse mit den zugeh örigen Wirkungsquerschnitten findet sich im nächsten Abschnitt.

Schalter	entsprechender Subprozess
MSUB(11,1)	$qq\rightarrowqq$
MSUB(12,1)	$q \bar{q} \rightarrow q \bar{q}$
MSUB(13,1)	$q \bar{q} \rightarrow g g$
MSUB(28,1)	$qg\rightarrowqg$
MSUB(53,1)	$g g \rightarrow q \bar{q}$
MSUB(68,1)	$g g \rightarrow g g$

Tabelle 5.1: Die eingestellten Subprozesse mit den zugeh origen Schaltern. Die erste Zahl entspricht jeweils der Prozessnummer. Mit der zweiten Zahl wird der Prozess an- (1) bzw. ausgeschaltet (0).

Zus atzlich wurde der obere bzw. untere Bereich des erlaubten, in PYTHIA generierten Transversalimpuls übertrags bei harten $2 \rightarrow 2$ Prozessen festgelegt. Dies entspricht einem Schnitt im Phasenraum. Hierdurch wurden in dieser Analyse mehrere Intervalle zwischen 40 GeV und 400 GeV für den Transversalimpuls übertrag p in der harten Streuung ausgewählt. Dabei bestimmt der PYTHIA-Schalter CKIN(3) die untere Grenze und CKIN(4) die obere Grenze des erlaubten Bereichs im Phasenraum.

 $^{^2}$ Im folgenden wird von allen betrachteten Transversalimpulsintervallen haupts "achlich das repr" asentative Intervall 80 GeV $< p_T < 120$ GeV zur Illustration der in dieser Arbeit gewonnenen Ergebnisse angef "uhrt.

Des Weiteren k'önnen multiple Ereignisse bei der Simulation ein- bzw. ausgeschlossen werden. Dies sind Bunch-crossings³, bei denen es zu mehreren p⁻p Kollisionen (in diesem Fall spricht man von *pile-up* Ereignissen) oder auch zu mehreren – weichen – Partonst'ößen innerhalb einer p⁻p Kollision (min-bias Ereignisse) kommt. Die ausf'ührliche Besprechung solcher mit Hilfe des Schalters MSTP(81) zuschaltbaren Ereignisse erfolgt in Abschnitt 5.8.

Weiterhin gibt es die M'oglichkeit, Teilchenschauer festzulegen. Unter einem Schauer versteht man einen Vorgang der Form $a \to bc$, wobei man a als das Mutterteilchen und b und c als die Tochterteilchen bezeichnet. Die Tochterteilchen selbst k'onnen sich wiederum in mehrere Teilchen aufspalten, so dass sich eine baumartige Struktur entwickelt [16]. F'ür diese Analyse wurden QCD-Verzweigungen der Form $q \to qg$, $g \to gg$ und $g \to q^-q$ aus Quarks und Gluonen ausgew'ählt. Weitere Informationen zur expliziten Berechnung der Teilchenschauer sowie die zugeh'örigen Evolutionsgleichungen und Schalter k'önnen in [16] nachgelesen werden.

Zus atzlich wurde für diese Analyse festgesetzt, dass Strahlungskorrekturen im Anfangszustand auftreten dürfen (Schalter MSTJ(107,1)). Das bedeutet, dass vor dem eigentlichen Ereignis Gluonen und Photonen von den am Ereignis beteiligten Partonen abgestrahlt werden können.

Unterschiedliche Partondichtefunktionen können letztendlich mit MSTP(51) und MSTP(52) implementiert werden (siehe Abschnitt 5.7).

Zus atzlich gibt es eine Vielzahl weiterer Schalter, mit denen man verschiedene Einstellungen festlegen kann. Detaillierte Informationen hierzu finden sich in [16].

5.2 Subprozesse und Wirkungsquerschnitte

Wie bereits erw ahnt, wurden mehrere Subprozesse f ur die harte $2 \rightarrow 2$ Streuung ausgew ahlt. So konnte die Form der harten Partonstreuungen von Beginn an festgelegt werden. Dabei sollen in diesem Abschnitt nur Prozesse ber ucksichtigt werden, bei denen der pile-up ausgeschlossen ist. Alle Reaktionen wurden in verschiedenen Transversalimpulsintervallen, also verschiedenen erlaubten Bereichen des Phasenraums betrachtet, was jeweils einem separatem Programmdurchlauf entspricht.

Prozesse h"öherer Ordnung (mit zus "atzlichen Gluonabstrahlungen) vergr "ößern die Wirkungsquerschnitte. Die Vergr "ößerung wird durch den so genannten K-Faktor angegeben. Er legt fest, um wieviel Prozent die n"achst h"öhere Ordnung den Wirkungsquerschnitt vergr "ößert, und ist definiert "über: $\kappa = \frac{LO + NLO}{NLO}$.

Im folgenden werden die selektierten Prozesse mit den zugeh origen Wirkungsquerschnitten aufgelistet und erläutert:

a)
$$q q' \rightarrow q q' \tag{5.1}$$

Das entsprechende Feynmandiagramm dieser haupts achlich im t-Kanaf ablaufenden Reaktion ist in Abbildung 5.2 zu sehen.

³p und ⁻p Strahlen werden in einzelne Pakete, so genannte Bunches unterteilt. Kreuzen sich zwei dieser Pakete, so spricht man von einem Bunch-crossing.

⁴t-Kanal Diagramme bezeichnet man auch als Streu-Diagramme. Prozesse die im s-Kanal ablaufen sind hingegen Annihilationsprozesse.

Die Häufigkeit der auf diese Weise ablaufenden $2 \to 2$ Prozesse nimmt mit wachsendem Transversalimpuls übertrag stark zu. Für hohe Energien ist dies der dominante Prozess, abhängig vom gewählten Transversalimpuls übertrag. Insgesamt laufen 12% - 55% aller harten Streuungen als q q' \to q q' Prozesse ab. Damit tritt diese Reaktion in der Regel am zweithäufigsten von allen ausgewählten auf.

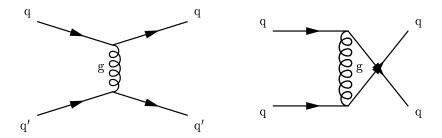


Abbildung 5.2: $q q' \rightarrow q q'$ Reaktion: zwei Quarks unterschiedlichen Flavors laufen ein und tauschen ein Gluon aus. Im Endzustand liegt die selbe Quark-Konfi guration wie im Anfangszustand vor. Der Prozess l'auft vorwiegend im t-Kanal (links), bzw. im Spezialfall q = q' auch im u-Kanal ab (rechts).

Einen Überblick "uber die H"aufigkeit des Auftretens mit den zugeh"origen Wirkungsquerschnitten in allen betrachteten Transversalimpulsintervallen liefert Tabelle 5.2. N bezeichnet dabei die Zahl der generierten Ereignisse (insgesamt 50000), n steht f"ur die Zahl der in $q \not q \to q q'$ abgelaufenen Ereignisse.

p_T -Bereich	in a) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	11.99 ± 0.145	137.7
60 - 80	16.05 ± 0.164	22.4
80 - 120	21.01 ± 0.182	7.4
120 - 160	29.01 ± 0.203	0.9
160 - 200	36.53 ± 0.215	0.2
200 - 300	44.06 ± 0.222	0.06
300 - 400	55.30 ± 0.222	0.003

Tabelle 5.2: q q' \rightarrow q q' Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen. σ ist der im jeweiligen Programmdurchlauf berechnete Wirkungsquerschnitt. $\delta(\frac{n}{N})$ ist der statistische Fehler aufgrund der jeweils 50000 generierten Ereignisse.

b)
$$q^-q \to \ell \bar{q'}$$

Diese Reaktion l'auft ausschließlich im s-Kanal ab. Dabei wird ein einlaufendes q-q-Paar durch Austausch eines Gluons in ein q-q Paar mit anderem Flavor umgewandelt, wie in Abbildung 5.3 zu sehen ist.

Der Prozess tritt sehr viel seltener auf, als der unter Punkt a) besprochene. Tabelle 5.3 zeigt sein Verhalten in den verschiedenen Transversalimpulsintervallen. Der Prozess liefert nur einen verh"altnism"aßig kleinen Beitrag zur Gesamtzahl aller vorselektierten Subprozesse.

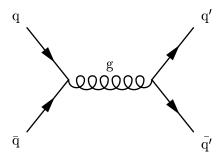


Abbildung 5.3: $q^-q \rightarrow \zeta \bar{q'}$ Reaktion im s-Kanal.

p_T -Bereich	in b) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	0.35 ± 0.026	4.1
60 - 80	0.60 ± 0.035	0.8
80 - 120	1.04 ± 0.045	0.4
120 - 160	2.17 ± 0.065	0.06
160 - 200	3.44 ± 0.081	0.03
200 - 300	5.38 ± 0.101	0.008
300 - 400	9.84 ± 0.133	0.0006

Tabelle 5.3: $q \bar{\ } q \to \not q \bar{\ }'$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen.

c)
$$q^-q \to gg$$

Dieser Subprozess l'auft sowohl im s-Kanal, als auch im t-Kanal ab. Abbildung 5.4 links (s-Kanal) zeigt, dass hierbei ein q⁻q-Paar im Anfangszustand durch Austausch eines Gluons in ein Gluon-Paar im Endzustand 'übergeht. In Abbildung 5.4 rechts ist der t-Kanal dargestellt.

Wie auch der unter b) angef uhrte Prozess, hat die Reaktion $q^-q \to gg$ relativ wenig Gewicht im Vergleich zu den anderen ausgew ahlten Prozessen, insbesondere zu denen im Punkt a) und d) aufgef uhrten. Aber auch hier steigt die Haufigkeit der Reaktion mit wachsendem Transversalimpuls, wie aus Tabelle 5.4 entnommen werden kann.

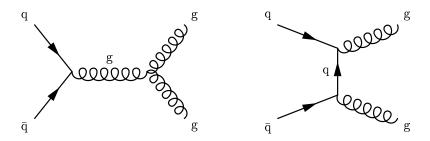


Abbildung 5.4: $q^-q \rightarrow gg$ Reaktion. Ein q^-q -Paar im Anfangszustand wird in ein Gluonpaar umgewandelt. Links: s-Kanal. Rechts: t-Kanal.

p_T -Bereich	in c) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	0.29 ± 0.046	3.7
60 - 80	0.62 ± 0.035	0.8
80 - 120	0.92 ± 0.043	0.3
120 - 160	1.66 ± 0.057	0.05
160 - 200	2.52 ± 0.070	0.01
200 - 300	3.75 ± 0.085	0.005
300 - 400	6.12 ± 0.107	0.0003

 $\textbf{Tabelle 5.4:} \ q^-q \to gg \ Ereignisse \ in \ verschiedenen \ Transversalimpulsintervallen.$

d)
$$qg \to qg$$

Dieser Prozess tritt ebenfalls sowohl im s-Kanal, als auch im t-Kanal auf. Quark und Gluon wechselwirken im t-Kanal dabei "über ein Gluon. Im s-Kanal wird ein Gluon vom Quark absorbiert und sp"ater wieder emittiert. Im Endzustand ist die gleiche Quark-Gluon Konfiguration vorhanden, wie im Anfangszustand. In Abbildung 5.5 ist der Ablauf der Reaktion in s- und t-Kanal zu sehen.

Der Prozess geh ört zu den am häufigsten auftretenden selektierten Reaktionen. Tabelle 5.5 verdeutlicht sein Verhalten in unterschiedlichen p_T Intervallen.

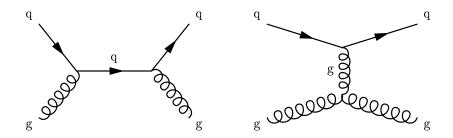


Abbildung 5.5: $qg \rightarrow qg$ Reaktion. Links: Ein Gluon wird vom Quark absorbiert und sp ater wieder emittiert (s-Kanal). Rechts: t-Kanal.

Das Maximum ist demnach bereits bei $80~{\rm GeV}-120~{\rm GeV}$ mit 55% aller ablaufenden Subprozesse erreicht. Danach sinkt der Anteil wieder. Das Minimum für den von uns selektierten Bereich im Phasenraum liegt bei $300~{\rm GeV}-400~{\rm GeV}$. Hier tritt die Reaktion nur noch in 26% aller F¨alle auf.

p_T -Bereich	in d) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	52.20 ± 0.223	591.3
60 - 80	54.38 ± 0.223	74.9
80 - 120	54.74 ± 0.223	19.1
120 - 160	52.07 ± 0.223	1.7
160 - 200	46.16 ± 0.223	0.24
200 - 300	40.49 ± 0.219	0.06
300 - 400	26.44 ± 0.197	0.001

Tabelle 5.5: $qg \rightarrow qg$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen.

e)

$$gg \rightarrow q^{-}q$$

Hier wechselwirken zwei Gluonen und reagieren zu einem q⁻q-Paar im Endzustand. Abbildung 5.6 illustriert diesen, im s- und im t-Kanal ablaufenden Prozess.

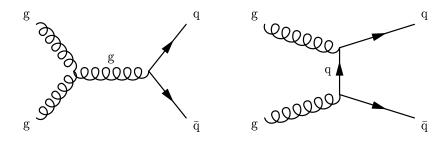


Abbildung 5.6: gg \rightarrow q⁻q Reaktion mit einem q⁻q-Paar im Endzustand. Links ist die Reaktion im s-Kanal zu sehen, rechts im t-Kanal.

Im Gegensatz zu den in den Punkten a) bis c) erw"ahnten Reaktionen tritt diese mit steigendem Transversalimpuls immer weniger auf, wie aus Tabelle 5.6 ersichtlich wird. Durchschnittlich l'auft der harte $2 \to 2$ Prozess nur in 0.1% - 1% aller F"alle in der Reaktion $gg \to q^-q$ ab. Sie ist folglich - insbesondere bei hohen Transversalimpuls "übertr"agen - stark unterdr"uckt.

p_T -Bereich	in e) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	1.35 ± 0.051	15.7
60 - 80	1.14 ± 0.047	1.6
80 - 120	1.02 ± 0.045	0.3
120 - 160	0.70 ± 0.037	0.02
160 - 200	0.42 ± 0.029	0.002
200 - 300	0.27 ± 0.023	0.0003
300 - 400	0.10 ± 0.014	0.000006

Tabelle 5.6: $gg \rightarrow q^{-}q$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen.

f)

$$gg \rightarrow gg$$

Abbildung 5.7 zeigt die sowohl im s-Kanal als auch im t-Kanal ablaufende Reaktion.

Auch hier sinkt die Wahrscheinlichkeit des Auftretens mit steigendem Transversalimpuls übertrag.

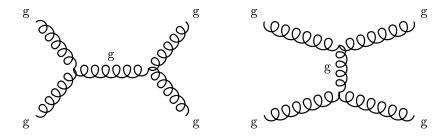


Abbildung 5.7: $gg \to gg$ Reaktion. Ein Prozess, der eine Besonderheit in der QCD aufzeigt: Gluonselbstwechselwirkung. Das linke Feynmandiagramm Diagramm zeigt den s-Kanal, das Rechte den t-Kanal.

Ist bei 40 GeV - 60 GeV noch eine H'aufigkeit von ca. 34% zu beobachten, sinkt diese jedoch bis zur Obergrenze des betrachteten Bereichs im Phasenraum auf nur 2%. Einen Überblick "über das Auftreten der Reaktion liefert Tabelle 5.7.

p_T -Bereich	in f) abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]	mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma [nb]$
40 - 60	33.82 ± 0.201	386.9
60 - 80	27.21 ± 0.199	37.7
80 - 120	21.27 ± 0.183	7.4
120 - 160	14.39 ± 0.157	0.5
160 - 200	9.49 ± 0.131	0.05
200 - 300	6.05 ± 0.106	0.008
300 - 400	2.20 ± 0.065	0.0001

Tabelle 5.7: $gg \rightarrow gg$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen.

Zum Abschluss und zur besseren Übersichtlichkeit werden im folgenden die prozentualen H"aufigkeiten und die Wirkungsquerschnitte aller in den verschiedenen p_T -Intervallen generierten Subprozesse in den Tabellen 5.8 und 5.9 nochmals aufgelistet.

p_T -Bereich	H¨aufi gkeit [%]	H¨aufi gkeit [%]	H¨aufi gkeit [%]
[GeV]	Prozess a)	Prozess b)	Prozess c)
40 - 60	11.99	0.35	0.29
60 - 80	16.05	0.60	0.62
80 - 120	21.01	1.04	0.92
120 - 160	29.01	2.17	1.66
160 - 200	36.53	3.44	2.52
200 - 300	44.06	5.38	3.75
300 - 400	55.30	9.84	6.12
p_T -Bereich	H¨aufi gkeit [%]	H¨aufi gkeit [%]	H¨aufi gkeit [%]
p_T -Bereich $[GeV]$	H"aufi gkeit [%] Prozess d)	H¨aufi gkeit [%] Prozess e)	H'aufi gkeit [%] Prozess f)
• -	0 1	_	_
[GeV]	Prozess d)	Prozess e)	Prozess f)
[GeV] 40 - 60	Prozess d) 52.20	Prozess e)	Prozess f) 33.82
[GeV] 40 - 60 60 - 80	Prozess d) 52.20 54.38	Prozess e) 1.35 1.14	Prozess f) 33.82 27.21
[GeV] 40 - 60 60 - 80 80 - 120	Prozess d) 52.20 54.38 54.74	Prozess e) 1.35 1.14 1.02	Prozess f) 33.82 27.21 21.27
[GeV] 40 - 60 60 - 80 80 - 120 120 - 160	Prozess d) 52.20 54.38 54.74 52.07	Prozess e) 1.35 1.14 1.02 0.70	Prozess f) 33.82 27.21 21.27 14.39

Tabelle 5.8: Die prozentualen H'aufi gkeiten der selektierten Subprozesse in allen Transversalimpulsintervallen.

p_T -Bereich	σ [nb]	σ [nb]	$\sigma[nb]$
[GeV]	Prozess a)	Prozess b)	Prozess c)
40 - 60	137.7	4.1	3.7
60 - 80	22.4	0.8	0.8
80 - 120	7.4	0.4	0.3
120 - 160	0.9	0.06	0.05
160 - 200	0.2	0.03	0.01
200 - 300	0.06	0.008	0.005
300 - 400	0.003	0.0006	0.0003
p_T -Bereich	σ [nb]	σ [nb]	σ [nb]
p_T -Bereich [GeV]	σ [nb] Prozess d)	σ [nb] Prozess e)	σ [nb] Prozess f)
[GeV]	Prozess d)	Prozess e)	Prozess f)
[GeV] 40 - 60	Prozess d) 591.3	Prozess e)	Prozess f) 386.9
[GeV] 40 - 60 60 - 80	Prozess d) 591.3 74.9	Prozess e) 15.7 1.6	Prozess f) 386.9 37.7
[GeV] 40 - 60 60 - 80 80 - 120	Prozess d) 591.3 74.9 19.1	Prozess e) 15.7 1.6 0.3	386.9 37.7 7.4
[GeV] 40 - 60 60 - 80 80 - 120 120 - 160	Prozess d) 591.3 74.9 19.1 1.7	Prozess e) 15.7 1.6 0.3 0.02	Prozess f) 386.9 37.7 7.4 0.5

Tabelle 5.9: Wirkungsquerschnitte aller selektierten Subprozesse in den verschiedenen Transversalimpulsintervallen.

5.3 Konkurrenzprozesse

Zur Bestimmung von α_s sind Prozesse n'otig, an denen Gluonen beteiligt sind. Prozesse ohne Beteiligung von Gluonen, wie beispielsweise die assoziierte Produktion von W- und Z- Bosonen, die in Abbildung 5.8 unten gezeigt ist, stellen eine m'ogliche Konkurrenz zu den ausgew'ahlten QCD-Prozessen dar, da sie in niedrigster Ordnung nicht von der starken Kopplungskonstante abh'angen, also $\sim \alpha_s^0$ sind, und erst durch Gluonabstrahlung auf α_s sensitiv werden ($\rightarrow \sim \alpha_s^1$).

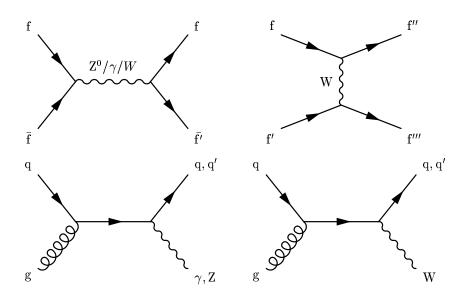


Abbildung 5.8: Links oben: Drell-Yan Prozess bzw. W Produktion. Die Reaktion gleicht bis auf die unterschiedlichen Austauschteilchen den QCD-Prozessen. Rechts oben: eine zus "atzlich f"ur W-Austausch m"ogliche Reaktion. Links unten und rechts unten: Der Prozess $q g \to q / \!\!\!/ Z^0$ bzw. $q g \to q W^\pm$.

Um den Einfluss solcher Reaktionen auf die selektierten QCD-Subprozesse zu untersuchen, wurden die m'öglichen Konkurrenzreaktionen festgelegt und deren Wirkungsquerschnitte mit denen der QCD-Prozesse verglichen. Tabelle 5.10 zeigt die hierf'ür untersuchten Reaktionen der elektroschwachen Wechselwirkung mit den zugeh örigen Wirkungsquerschnitten auf. Tabelle 5.11 liefert die entsprechenden totalen Wirkungsquerschnitte.

Zur Best atigung der erwarteten Resonanz überh öhung bei Transversalimpulsen vol $\frac{m_W}{2}$ und $\frac{m_W}{2}$ wurden die Konkurrenzprozesse in weiteren p_T -Intervallen (40 GeV – 60 GeV und 120 GeV – 160 GeV) mit kleinerer Statistik (1000 Ereignisse) untersucht (siehe Tabelle 5.10). Dabei ergab sich bei einem Transversalimpuls übertrag von 40 GeV – 60 GeV die erwartete Resonanz überh öhung für die s-Kanal W- und Z-Produktion. Das liegt daran, dass für die Produktion eines \mathbb{Z}^0 - Bosons 90 GeV ben ötigt werden, bzw. zur Produktion des W-Bosons 81 GeV, wozu die beiden Quarks jeweils die Hälfte (40.5 GeV bzw. 45 GeV) beitragen.

p_T -Bereich	Prozesse	abgelaufene Ereignisse [%]	Wirkungsquerschnitt
[GeV]		mit statistischem Fehler $\delta(\frac{n}{N}) = \sqrt{\frac{\frac{n}{N}(1-\frac{n}{N})}{N}}$	$\sigma[nb]$
40 - 60	${ m f}ar{ m f} o\gamma^*/{ m Z}^0$	54.2 ± 1.575	2.0
40 - 60	$far f ightarrow W^\pm$	39.9 ± 1.544	1.5
40 - 60	${ m q}~{ m g} ightarrow { m q}~\gamma^*/{ m Z}^0$	1.8 ± 0.420	0.06
40 - 60	${ m q} \; { m g} ightarrow { m q}' \; W^\pm$	4.7 ± 0.669	1.0
60 - 80	${ m f}ar{ m f} o\gamma^*/{ m Z}^0$	12.01 ± 0.145	0.01
60 - 80	$far f' o W^\pm$	14.42 ± 0.157	0.02
60 - 80	${ m q} \ { m g} ightarrow { m q} \ \gamma^*/{ m Z}^0$	18.25 ± 0.173	0.02
60 - 80	${ m q} \; { m g} ightarrow { m q}' \; W^\pm$	55.32 ± 0.222	0.06
80 - 120	${ m f} ar{ m f} o \gamma^*/{ m Z}^0$	8.03 ± 0.121	0.004
80 - 120	$far f o W^\pm$	10.38 ± 0.136	0.005
80 - 120	$q g \rightarrow q \gamma^*/Z^0$	20.73 ± 0.181	0.01
80 - 120	${ m q} \; { m g} ightarrow { m q}' \; W^{\pm}$	60.87 ± 0.218	0.03
120 - 160	${ m f}ar{ m f} o\gamma^*/{ m Z}^0$	8.1 ± 0.863	0.0007
120 - 160	$far f' o W^\pm$	10.3 ± 0.961	0.0009
120 - 160	${ m q} \; { m g} ightarrow { m q} \; \gamma^*/{ m Z}^0$	18.8 ± 1.235	0.002
120 - 160	${ m q} \; { m g} ightarrow { m q}' \; W^\pm$	62.8 ± 1.528	0.005

Tabelle 5.10: Konkurrenzprozesse der schwachen Wechselwirkung mit den zugeh örigen Wirkungsquerschnitten. Im Transversalimpulsintervall 120 GeV – 160 GeV bzw. 40 GeV – 60 GeV wurden statt 50000 nur noch 1000 Ereignisse generiert, was zu dem größeren statistischen Fehler führt.

p_T -Bereich [GeV]	$\sigma_{tot}[nb]$
40 - 60	3.8
60 - 80	0.1
80 - 120	0.05
120 - 160	0.008

Tabelle 5.11: Totale Wirkungsquerschnitte der möglichen Konkurrenzprozesse.

Der Gesamtwirkungsquerschnitt aller erzeugten Konkurrenzprozesse betrug demnach bei einem Transversalimpuls übertrag zwischen 60 GeV - 80 GeV:

$$\sigma_{tot} = 1.1 \cdot 10^{-1} \ nb \ .$$

Für 80 GeV bis 120 GeV wurde ein Wirkungsquerschnitt von

$$\sigma_{tot} = 5.2 \cdot 10^{-2} \ nb$$

ermittelt. Es erfolgte keine Simulation bei h'öheren Energien, da die Konkurrenzprozesse f'ür $p_T > 160$ GeV stark unterdr'ückt sind. Auch f'ür kleinere Energien

 $(p_T < 40 \text{ GeV})$ k'önnen die selektierten Konkurrenzprozesse auf Grund der großen Massen von W- und Z⁰-Boson vernachl'ässigt werden. Zur Erzeugung des Photons sind kleinere Energien zwar ausreichend, der Wirkungsquerschnitt ist bei sehr kleinen p_T jedoch verschwindend gering.

Im Vergleich dazu lag der Wirkungsquerschnitt der erzeugten QCD-Prozesse im Intervall 60 GeV – 80 GeV bei:

$$\sigma_{tot} = 1.3 \cdot 10^2 \ nb$$

und f'ur 80 GeV - 120 GeV bei:

$$\sigma_{tot} = 3.5 \cdot 10^1 \ nb$$

Durch Vergleich der Wirkungsquerschnitte der assoziierten W- und Z-Produktion mit denen der QCD-Prozesse kann man erkennen, dass diese sich um drei Größenordnungen unterscheiden. W- und Z-Produktion kann also im Vergleich zu den f'ür diese Analyse selektierten Subprozessen vernachl'ässigt werden.

5.4 Vergleich von generiertem und berechnetem Transversalimpuls übertrag

Der in PYTHIA generierte Transversalimpuls "übertrag $p_{T,gen}$ wird im Falle eines harten $2 \rightarrow 2$ Prozesses f'ür masselose Stoßpartnef nach folgender Formel berechnet:

$$\vec{p}_{T,gen}^2 = \frac{\mathbf{t} \cdot \mathbf{u}}{s} = \left(-\frac{s}{2}(1 - \cos\theta)\right) \cdot \left(-\frac{s}{2}(1 + \cos\theta)\right) \cdot \frac{1}{s} =$$

$$= \frac{s}{4}(1 + \cos\theta)(1 - \cos\theta) = \frac{s}{4} \cdot \sin^2\theta$$
(5.2)

Wobei t durch

$$\mathbf{t} = (p_1 - p_3)^2 = (p_2 - p_4)^2 = -\frac{s}{2}(1 - \cos\theta)$$

gegeben ist, und u durch

$$\mathbf{u} = (p_1 - p_4)^2 = (p_2 - p_3)^2 = -\frac{s}{2}(1 + \cos \theta) .$$

Dabei bezeichnet s die Schwerpunktsenergie und θ ist der Winkel zur Protonstrahlachse. Weitere Erkl arungen sowie die detaillierte Herleitung dieser Formel finden sich in [16].

Da in experimentellen Daten die f'ur Gleichung (5.2) ben otigten Informationen nicht direkt zur Verf'ugung stehen, muss der Transversalimpuls übertrag aus den Messgr'ößen bestimmt werden.

Daher wurde zus atzlich zu dem generierten Transversalimpuls übertrag der Transversalimpuls übertrag für diese Analyse noch berechnet. Dies soll im folgenden am Beispiel eines Ereignisses mit drei Jets im Endzustand erläutert werden.

⁵Hierbei wird die N¨aherung gemacht, dass die Massen der Teilchen im Anfangs- und Endzustand verschwinden [16].

Zuerst wurde "uberpr"uft, ob die Jets in der selben Halbebene liegen. Dies kann mit Hilfe des Skalarproduktes der Impulsvektoren ermittelt werden. Ist das Skalarprodukt zweier Jets gr"oßer als Null, so liegen sie in der selben Halbebene. Im Falle des in Abbildung 5.9 links gezeigten 3-Jet Ereignisses liegen die Jets mit der zweith ochsten und der dritth ochsten Energie in der selben (unteren) Halbebene, der Jet mit maximaler Energie liegt in der oberen Halbebene. Die Vierervektoren derjenigen Jets, die nicht mit dem Jet maximaler Energie $\vec{E}_{T,1}$ in der selben Halbebene liegen, werden im Anschluss gespiegelt, wie aus Abbildung 5.9 rechts ersichtlich ist.

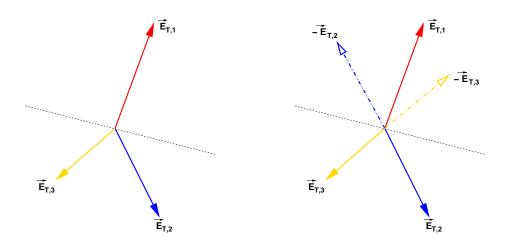


Abbildung 5.9: Links: 3-Jet Ereignis. Die Jets mit zweith ochster und dritth ochster Energie liegen in der selben (unteren) Halbebene. Rechts: Die Vierervektoren der Jets wurden an der Ebene senkrecht zur Impulsrichtung des energetischsten Jets gespiegelt.

Der Transversalimpuls ergibt sich dann aus der vektoriellen Addition der Transversalimpulse der Jets:

$$p_{T,calc} = \frac{1}{2} \cdot | (\vec{p}_{T,1} - \vec{p}_{T,2} - \vec{p}_{T,3}) |$$
 (5.3)

Einen Vergleich zwischen dem generierten und berechneten Transversalimpuls übertrag für ein 3-Jet Ereignis liefert Abbildung 5.10. Dabei ergibt sich für Partonjets (Abbildung 5.10 oben) eine RMS-Streuung von ca. 12%. Für die Hadronjets ist die Abweichung etwas größer, man erhält eine RMS-Streuung von etwa 13%. Zus atzlich weicht hier der berechnete Impuls übertrag zu kleineren Werten hin ab, was an der Hadronisierung bzw. an der falschen Zuordnung der Teilchen zu Jets liegt.

Die Streuung des berechneten um den generierten Transversalimpuls wird um so gr"oßer, je kleiner die Jetmultiplizit at im Endzustand ist. So sieht man im Falle eines 2-Jet Ereignisses (Abbildung 5.11 oben), dass die RMS-Streuung f"ur zwei Partonjets im Endzustand 13% betr agt und damit "über dem Wert der RMS-Streuung f"ur den Endzustand mit drei Jets liegt.

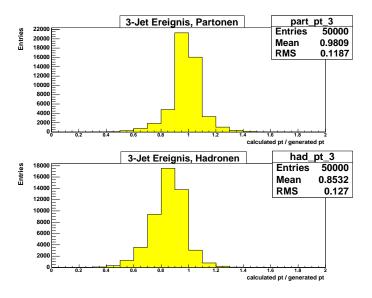


Abbildung 5.10: Verh'ältnis von berechnetem und generiertem Transversalimpuls'übertrag $p_{T,calc}$ und $p_{T,gen}$ f'ür drei Jets im Endzustand.

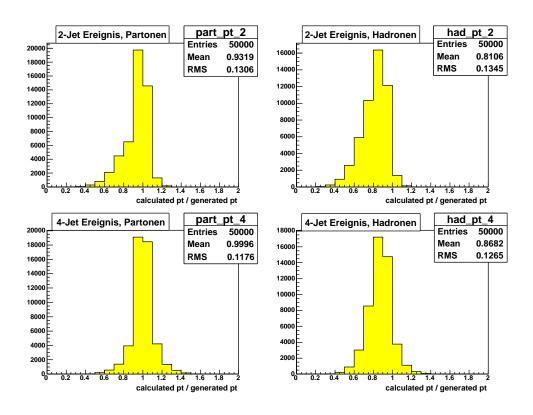


Abbildung 5.11: Verh altnis von berechnetem und generiertem Transversalimpuls übertrag f ur zwei Jets im Endzustand (oben) und f ur vier Jets im Endzustand (unten).

Auff'allig ist zudem der nicht-gaußf'ormige Ausl'aufer f'ur kleine Werte des Verh'altnisses $\frac{PT,calc}{PT,gen}$ in Abbildung 5.11 oben. Ein m'oglicher Grund daf'ur ist, dass einige Ereignisse mit drei oder mehr Jets im Endzustand nur als 2-Jet Ereignisse erkannt worden sind, weil der dritte Jet zu nah an bzw. in der Protonstrahlachse lag. Dies w'urde den Mittelwert des Verh'altnisses verkleinern. Dazu kommt, dass die Energie eines zus'atzlichen Jets, der in die Strahlachse f'allt, umso geringer ist, je mehr Jets beobachtet werden. Schneidet man die falsch zugeordneten 3-Jet Ereignisse ab, indem man einen Gaußfit 'über den Peak der Verteilung legt – ohne Ber'ücksichtigung des nicht-gaußf'ormigen Ausl'aufers – (siehe Abbildung 5.12), so erh'alt man einen neuen Fit-Mittelwert von 0.9733 f'ür die Ereignisse mit zwei Partonjets im Endzustand, der 'über dem zun'achst berechneten Mittelwert von 0.9319 liegt.

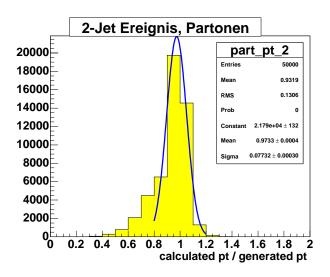


Abbildung 5.12: Verh'altnis von berechnetem und generiertem Transversalimpuls'übertrag f'ur 2-Jet Ereignisse. Durch Fitten des Peaks ohne Ber'ücksichtigung des nicht-gaußischen Ausl'aufers ergibt sich ein gr'ößerer Mittelwert f'ur das Verh'altn $\frac{P_T.calc}{D_T.calc}$.

F'ur Ereignisse mit vier Jets im Endzustand (siehe Abbildung 5.11 unten) stimmt der berechnete Transversalimpuls ubertrag besser mit dem generierten uberein, als f'ur zwei und drei Jets. Diese Entwicklung setzt sich mit steigender Jetmultiplizit at fort.

5.5 Bestimmung der 3-Jet-Rate R₃

In den simulierten Ereignissen wurden Jets mit dem in Abschnitt 4 beschriebenen k_T Algorithmus sowohl auf Parton- als auch auf Hadronniveau rekonstruiert. Mit Hilfe von Jet-Wirkungsquerschnitten k'önnen anschließend Jet-Raten bestimmt werden. Dabei erh'alt man, aufgrund der zwei unterschiedlichen Jetlisten f'ür Parton- und Hadronjets, zwei verschiedene Jet-Raten, die dann miteinander verglichen werden k'önnen. Die 3-Jet-Rate wurde dabei aus dem Anzahlverh'altnis von Reaktionen mit drei Jets zu

allen Reaktionen mit ≥ zwei Jets im Endzustand bestimmt⁶:

$$R_3 = \frac{\text{Anzahl der 3 - Jet Ereignisse}}{\text{Anzahl aller Ereignisse mit } \ge 2 \text{ Jets}} \sim \alpha_s$$
 (5.4)

Wobei bei den f'ur diese Analyse gew'ahlten Abbruchparametern vorwiegend Ereignisse mit zwei bis f'unf Jets im Endzustand rekonstruiert wurden.

Abbildung 5.13 zeigt das Ergebnis f'ur die 3-Jet-Rate aus Partonjets und aus Hadronjets aufgetragen gegen den Abbruchparameter des Algorithmus⁷ f'ur einen Transversalimpuls'übertrag von 80 GeV - 120 GeV.

Gut zu erkennen ist der erwartete Abfall der 3-Jet-Rate f'ür steigende Werte von d_{Cut} (siehe Abschnitt 2.2.2). Dies liegt daran, dass die Zahl der 3-Jet Ereignisse mit wachsendem d_{Cut} stark abnimmt. In Kapitel 4 wurde gezeigt, daß bei sehr großen Werten des Abbruchparameters nur noch 2-Jet (bzw. 1-Jet) Ereignisse auftreten, da der Abstand zwischen den Jets nicht mehr gr'ößer als d_{Cut} sein kann. Die Jetmultiplizit at nimmt also mit steigendem d_{Cut} ab.

Die beiden Raten f ur Parton bzw. Hadronjets liegen in guter Übereinstimmung. Der genaue Unterschied zwischen ihnen, die so genannte Hadronisierungskorrektur, die von der Hadronisierung der Partonen zu beobachtbaren Teilchen resultiert, wird im folgenden Abschnitt behandelt.

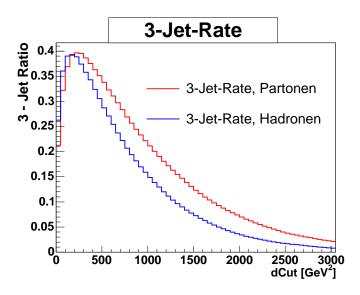


Abbildung 5.13: Die 3-Jet-Rate aus den rekonstruierten Partonjets (rot) und Hadronjets (blau) f'ür $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$.

F'ur gr'oßere Werte des Transversalimpuls übertrags, wie beispielsweise f'ur einen Wert von 200 GeV $< p_T < 300$ GeV, ist die 3-Jet-Rate bei kleinen d_{Cut} -Werten um mehrere Prozent kleiner, wie aus Abbildung 5.14 ersichtlich wird. Dies l'aßt sich auf ein

⁶In seltenen F¨allen treten auch 1-Jet Endzust¨ande auf, bei denen der zweite Jet zu nahe an der Protonstrahlachse liegt und daher vom Algorithmus nicht rekonstruiert werden kann. Diese Ereignisse wurden ebenfalls als 2-Jet Ereignisse gewertet.

⁷Aus technischen Gr'unden wurde bei der Histogrammbeschriftung der Abbruchparameter d_{ut} in der Form "dCut" geschrieben.

vermehrtes Auftreten von 4- und 5-Jet Ereignissen bei kleinem Abbruchparameter zur uckf ühren, welche R verringern.

Bei steigendem d_{Cut} ergibt sich hingegen eine ausgepr"agte Abflachung, die darauf hindeutet, dass f'ür den betreffenden (großen) Abbruchparameter viel mehr 3-Jet Ereignisse rekonstruiert werden, als f'ür 80 GeV $< p_T < 120$ GeV, was das Ansteigen von R_3 verursacht. Insgesamt ergibt der Verlauf der Jet-Rate bei hohen Transversalimpuls "übertr"agen, dass deutlich mehr Jet Ereignisse mit einer h"öheren Jetmultiplizit "at rekonstruiert werden. Bei kleinem d_{Cut} sind dies insbesondere 4-Jet Ereignisse. Bei gr"ößerem d_{Cut} werden dann zunehmend 3-Jet Ereignisse rekonstruiert. Das Verh"altnis ist also zu Ereignissen mit einer h"öheren Jetmultiplizit"at hin verschoben.

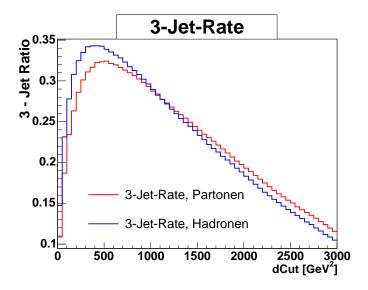


Abbildung 5.14: Die 3-Jet-Rate aus den rekonstruierten Partonjets und Hadronjets f'ur $200 \text{ GeV} < p_T < 300 \text{ GeV}$.

Zus atzlich zur 3-Jet-Rate wurden noch die 2-Jet-Rate

$$R_2 = \frac{\text{Anzahl der 2 - Jet Ereignisse}}{\text{Anzahl aller Ereignisse mit } \ge 2 \text{ Jets}}$$
 (5.5)

und die 4-Jet-Rate

$$R_4 = \frac{\text{Anzahl der 4 - Jet Ereignisse}}{\text{Anzahl aller Ereignisse mit } \ge 2 \text{ Jets}}$$
 (5.6)

bestimmt. Die Ergebnisse f'ur diese Jet-Raten auf Parton- bzw. Hadronniveau werden in den Abbildungen 5.15 und 5.16 gezeigt.

Die 2-Jet-Rate steigt mit größer werdendem d_{ut} zuerst stark und dann immer langsamer an, bis sie für große Werte des Abbruchparameters eine Sättigung erreicht. Dies ist der Wert für d_{ut} , ab dem nur noch 2-Jet- (bzw. 1-Jet-) Ereignisse rekonstruiert werden. Im Grenzfall $d_{Cut} \rightarrow \infty$ fällt sie ab, da nur noch Ereignisse mit einem Jet rekonstruiert werden.

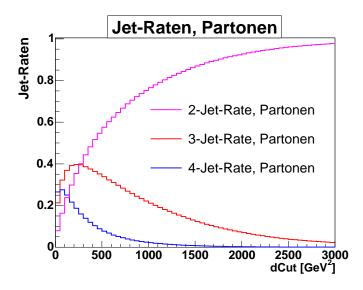


Abbildung 5.15: 2-Jet, 3-Jet- und 4-Jet Rate f'ur Partonjets bei 80 GeV $< p_T < 120$ GeV.

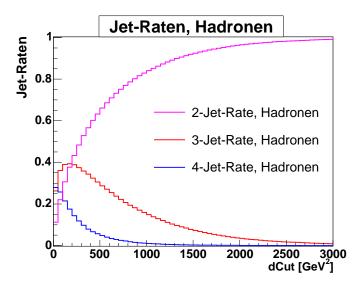
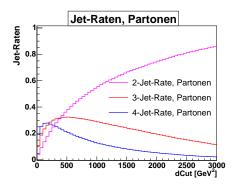


Abbildung 5.16: 2-Jet, 3-Jet- und 4-Jet-Rate f'ur Hadronjets bei 80 GeV $< p_T < 120$ GeV.

Die 4-Jet-Rate verh'ält sich "ähnlich wie die 3-Jet-Rate. Jedoch f'ällt sie mit steigendem d_{Cut} sehr viel schneller ab. Die Zahl der rekonstruierten 4-Jet Ereignisse sinkt mit wachsenden Werten des Abbruchparameters also schneller als die Zahl rekonstruierter 3-Jet Ereignisse. Bereits ab einem d_{Cut} von ca. 1000 GeV² sind bei einem Transversalimpuls "übertrag von 80 GeV $< p_T < 120$ GeV kaum noch Ereignisse mit vier Jets im Endzustand vorhanden.

Ein etwas ver andertes Bild ergibt sich für 200 GeV $GeV. Wie auch schon aus Abbildung 5.14 folgt, steigt die 4-Jet Rate mit wachsendem <math>p_T$ deutlich an.

Abbildung 5.17 verdeutlicht dies f'ur Parton- und Hadronjets.



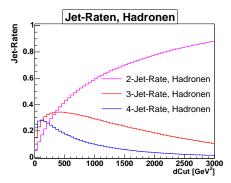


Abbildung 5.17: 2-Jet-, 3-Jet- und 4-Jet-Rate f'ur Parton- und Hadronjets bei 200 GeV $< p_T < 300$ GeV.

Dies kann anhand des 3-Parton Phasenraums (siehe Abbildung 5.18) erklärt werden. Ein fester Abbruchparameter d_{Cut} wählt einen bestimmten Bereich im Phasenraum aus. Der Bereich verändert sich mit dem betrachteten p_T -Intervall bei gleich bleibendem d_{Cut} , d.h. er wird größer mit wachsendem p_T . Ein größerer Phasenraum und damit mehr Integration über den Wirkungsquerschnitt hat eine größere Zahl von Jets im Endzustand zur Folge, wie Abbildung 5.17 zeigt.

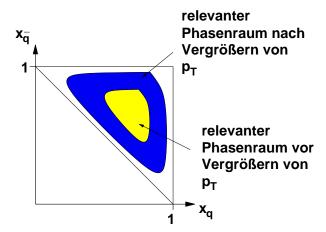


Abbildung 5.18: Skizze des 3-Parton-Phasenraums zur Erkl arung der steigenden Jetmultiplizit at bei gleichem d_{ut} und größer werdendem p_T .

5.6 Hadronisierungskorrekturen

Die Unterschiede zwischen den Jet-Raten auf Parton- und Hadronniveau können mit Hilfe von Hadronisierungskorrekturen beschrieben werden. Durch die Hadronisierung bedingt, werden Teilchen falsch zu Jets zugeordnet. Dies führt zu einem veränderten Jet-Raten Verh altnis.

Die Hadronisierungskorrektur ist definiert "über:

$$\Delta R_3 = \frac{R_{3,Partonen}}{R_{3,Hadronen}}$$

Abbildung 5.19 zeigt diese bei einem Transversalimpuls übertrag von 80 GeV bis 120 GeV.

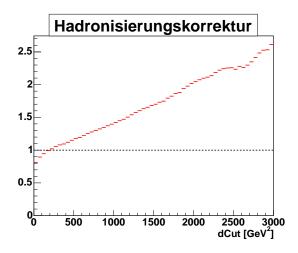


Abbildung 5.19: Hadronisierungskorrektur f'ur die 3-Jet-Rate bei 80 GeV $< p_T < 120$ GeV. Die Bins sind untereinander korreliert.

F'ur sehr kleine Werte von \mathcal{L}_{ut} ist die Korrektur sehr klein, sie liegt nahezu bei eins. Das heißt, dass Jet-Raten auf Parton- bzw. Hadronniveau an dieser Stelle sehr gut "uberein stimmen. Erst zu gr'ößeren Werten des Abbruchparameters (etwa 1500 Ge $\mathring{\forall}$) hin, bei denen Ereignisse mit kleinerer Jetmultiplizit at rekonstruiert werden und damit Falschzuordnungen weniger ins Gewicht fallen, zeigen sich Abweichungen bis zu einem Faktor 1.5.

F'ur sehr große d_{tut} -Werte ($d_{Cut} > 2500 \text{ GeV}^2$) sind Abweichungen bis zu einem Faktor 2.5 erkennbar, die jedoch bei dem betrachteten p_T -Intervall von 80 GeV bis 120 GeV nicht mehr ins Gewicht fallen, da hier nur ein d_{Cut} -Wert bis ca. 2400 GeV² repr'asentativ ist. Dies kann aus folgenden Überlegungen abgeleitet werden:

Der Abbruchparameter d_{Cut} ist definiert "uber

$$d_{Cut} = min(p_{T,i}^2, p_{T,j}^2) \cdot (1 - \cos \theta) .$$

Hierbei ist θ der Winkel zwischen den Jets.

Für ein 3-Jet Ereignis im betrachteten Transversalimpulsintervall von 80 GeV bis 120 GeV, das in in "Mercedesstern-Konstellation⁸" (siehe Abbildung 5.20) vorliegt und bei dem alle Jets den selben Transversalimpuls haben, gilt dann bei einem maximalen Transversalimpuls übertrag von 120 GeV:

$$p_{T,1} = p_{T,2} = p_{T,3} = 40 \text{ GeV}$$
 (5.7)

⁸Eine "Mercedesstern-Konstellation" liegt vor, wenn der Winkel zwischen den einzelnen Jets jeweils 120° betr agt.

$$\theta = 120^{\circ} \tag{5.8}$$

und somit

$$\cos \theta = -\frac{1}{2} \quad . \tag{5.9}$$

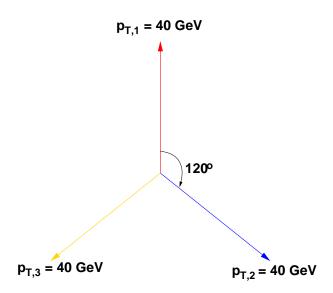


Abbildung 5.20: Ein 3-Jet Ereignis in Mercedesstern-Konstellation bei einem maximalen Transversalimpuls übertrag von 120 GeV.

F'ur den maximal relevanten Abbruchparameter im betrachteten p_T -Intervall ergibt sich folglich:

$$d_{Cut} = (\frac{1}{3} \cdot p_T)^2 \cdot \frac{3}{2} =$$

$$= (\frac{1}{3} \cdot 120 \text{ GeV})^2 \cdot \frac{3}{2} = 2400 \text{ GeV}^2$$
(5.10)

Betrachtet man die Hadronisierungskorrektur f'ür gr'ößere Werte des Transversalimpuls übertrags, wie in Abbildung 5.21 gezeigt, so f'allt auf, dass die Korrekturen bei sehr kleinen Abbruchparametern nahezu identisch sind. Bei großem d_{Cut} sind die Unterschiede zwischen Parton- und Hadronniveau jedoch viel kleiner und liegen nur bei einem Faktor von maximal 1.25. Die kleinere Korrektur kann darauf zur ückgef ührt werden, dass bei gr'ößerem p_T h'öher energetische Jets auftreten, was zu einer st'ärkeren B'ündelung der Hadronen um die Flugrichtung des Partons und somit zu einem kleineren Unterschied zwischen Parton- und Hadronjets f'ührt.

Allgemein kann aus den Abbildungen 5.19 und 5.21 gefolgert werden, dass die Korrekturen f'ür kleine Werte des Abbruchparameters nur sehr gering sind. Um die Hadronisierungskorrekturen klein zu halten, sollte somit ein m'öglichst kleiner Abbruchparameter gew'ählt werden.

 $^{^9}$ Ein allzu kleiner Abbruchparameter w'urde zu einem Absinken von $R_{\rm S}$ f'ühren. Daher sollte bei der Wahl des d_{Cut} -Werts darauf geachtet werden, dass dieser noch groß genug ist, damit nicht nur 4- und 5-Jet Ereignisse, sondern vorwiegend 3-Jet Ereignisse rekonstruiert werden.

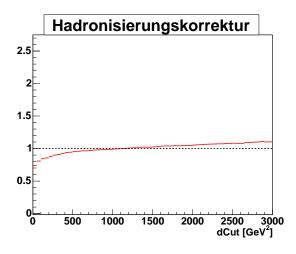


Abbildung 5.21: Hadronisierungskorrektur f'ur die 3-Jet Rate bei 200 GeV $< p_T < 300$ GeV

5.7 Sensitivität von R_3 auf verschiedene Partondichtefunktionen

Ein weiterer relevanter Aspekt bei der Analyse von Multijet Ereignissen ist die Sensitivit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene Partondichtefunktionen (siehe hierzu auch Abschnitt 2.5.1).

Die standardm aßig verwendete PDF in PYTHIA (so genannte *Default PDF*) ist die CTEQ5L [17,18], eine leading-order Partondichtefunktion [16].

Um die Ver"anderungen von R₃ unter dem Einfluss von anderen PDF zu untersuchen, wurden in PYTHIA mit Hilfe der Schalter MSTP(52) und MSTP(51) verschiedene Vergleichs-Partondichtefunktionen implementiert. Eine Auflistung aller verwendeten Funktionen mit den zugeh"origen Schaltern liefert Tabelle 5.12.

Der Begriff CTEQ, Coordinated Theoretical-Experimental Project on QCD [17] steht f'ur eine Kollaboration verschiedener Wissenschaftler zur Implementierung von Partondichtefunktionen. Die Zahl gibt jeweils eine Versionsnummer an. So ist CTEQ4M die "alteste der betrachteten Versionen, CTEQ6M ist die neueste Version. Sie wurde durch Anpassungen an die aktuellsten Strukturfunktionsdaten erhalten und benutzt verbesserte Theorierechnungen, sollte damit die besten N"aherung f'ur die tats "achliche Partondichtefunktion liefern.

CTEQ4L ist eine leading-order (LO) Partondichtefunktion, liefert Berechnungen also nur in der f'ührenden und damit niedrigsten Ordnung. Sie ist folglich nur f'ür Prozesse ohne zus atzliche Gluonabstrahlung reprasentativ, Korrekturen höherer Ordnung können mit ihr, wie auch mit der Default PDF, nicht errechnet werden. CTEQ4M und CTEQ5M1 liefern Berechnungen in next-leading-log-approximation (NLLA) und somit höhere Korrekturen zu einem dominierenden Term. Sie können für Prozesse höherer Ordnung eingesetzt werden, liefern aber, aufgrund der nur vorhandenen NLLA-Genauigkeit keine exakten Ergebnisse für diese Terme. Die einzige verwendete Partondichtefunktion, die next-to-leading-order Korrekturen (also Korrekturen durch ein zus atzliches virtuelles Parton) liefert, ist CTEQ6M.

Ngroup und Nset sind in der Programmbibliothek PDFLIB [19] vorgegebene Parameter. Mit MSTP(52,2) wird festgelegt, dass eine PDF aus PDFLIB gew ahlt wird. Mit MSTP(51, 1000 · Ngroup + Nset) wird anschließend die entsprechende Funktion ausgesucht.

Ausf uhrlichere Informationen zu diesen und weiteren PDF finden sich in [19] und [17].

Schalter	PDF	Ngroup	Nset
MSTP(52,2), MSTP(51,4053)	CTEQ5M1 (NLL)	4	53
MSTP(52,2), MSTP(51,4034)	CTEQ4M (NLL)	4	34
MSTP(52,2), MSTP(51,4032)	CTEQ4L (LO)	4	32
MSTP(52,2), MSTP(51,4057)	CTEQ6M (NLO)	4	57

Tabelle 5.12: Getestete PDF mit den zugeh örigen Schaltern in PYTHIA.

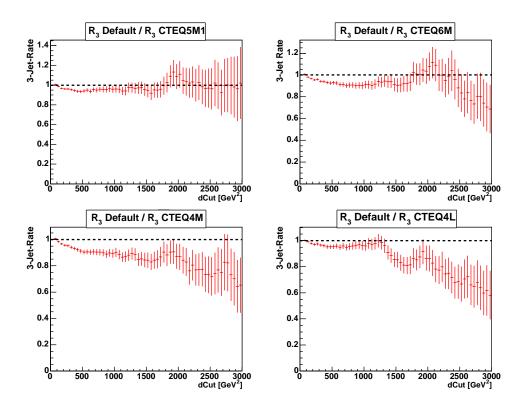


Abbildung 5.22: Sensitivit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene PDF f ur das Partonniveau. Links oben: Vergleich mit CTEQ5M1. Rechts oben: Vergleich mit CTEQ6M. Links unten ist der Unterschied zwischen CTEQ4M und der Default PDF zu sehen und rechts unten der Vergleich zu CTEQ4L.

Nach Implementierung der ausgesuchten PDF k onnen die 3-Jet-Raten f ur die verschie-

denen Funktionen miteinander verglichen werden. Abbildung 5.22 zeigt diesen Vergleich auf Partonniveau.

Im Histogramm links oben wird dabei der Unterschied zwischen der Default PDF und der f'ür diese Analyse h'aufig verwendeten CTEQ5M1 gezeigt. Man erkennt, dass die beiden Funktionen "über den gesamten &u-Bereich gut "übereinstimmen. Da die beiden PDF der selben Generation angeh oren, bzw. CTEQ5M1 die direkte Nachfolge-PDF von CTEQ5L ist, entspricht dies genau den Erwartungen. Bei großen Werten des Abbruchparameters treten große Unsicherheiten auf. Dies ist auf statistische Fluktuationen zur "ückzuf" ühren, die eine Streuung der Jet-Raten verursachen. Die Auswirkungen dieser Fluktuationen sind sowohl in Abbildung 5.22 als auch in Abbildung 5.23 deutlich erkennbar.

Der Vergleich mit CTEQ6M (Histogramm rechts oben) ergibt ebenfalls eine verh altnism aßig gut Übereinstimmung zwischen den beiden Partondichtefunktionen. Für kleine d_{ut} -Werte zeigen sich Differenzen um etwa 10 %. Erst bei großen Werten von d_{Cut} sind Abweichungen bis ca. 30 % erkennbar.

Weniger gut sieht der Vergleich zwischen CTEQ5L und CTEQ4M im Histogramm links unten aus. Bereits bei kleinem Abbruchparameter weichen die beiden Funktionen stark ab. Dies setzt sich mit steigendem d_{Cut} fort. Es ergeben sich dabei Abweichungen um bis zu 35 %.

Auch CTEQ4L stimmt sehr schlecht mit CTEQ5L 'überein, obwohl sie wie die Default PDF eine LO Funktion ist. Es ergeben sich Abweichungen von bis zu 40 %, wie in Abbildung 5.22 rechts unten zu sehen ist.

Auf Hadronniveau (Abbildung 5.23) ergibt sich f'ür die CTEQ5M1 ebenfalls eine relativ gute Übereinstimmung. Jedoch weichen alle untersuchten Partondichtefunktionen auf Hadronniveau auch bei kleinen Abbruchparametern deutlich weiter von CTEQ5L ab, als auf Partonniveau. Dies f'ällt insbesondere im Histogramm rechts oben auf, bei dem sich f'ür CTEQ6M Abweichungen um bis zu 50 % ergeben.

Auff'allig ist zudem, dass die Partondichtefunktion CTEQ4L auf Hadronniveau eine bessere Übereinstimmung mit der Default PDF zeigt als CTEQ4M. CTEQ4M liefert mit einer Abweichung von bis zu 90 % auf Hadronniveau die schlechteste Übereinstimmung zur Default PDF.

Allgemein kann die auf Hadronniveau erkennbare schlechtere Übereinstimmung der betrachteten PDF zur Funktion CTEQ5L auf die durch Hadronisierungsprozesse veränderte Zuordnung der Teilchen zu den Jets zur uckgef ührt werden. Zudem wäre es möglich, dass die verschiedenen Partondichtefunktionen eine unterschiedliche Häufigkeit in s- und t-Kanal Prozessen verursachen. Da s- und t-Kanal verschiedene Winkelverteilungen besitzen, könnte es dadurch passieren, dass vermehrt Jets nahe der Strahlachse auftreten, die dann nicht mitgez ählt werden. Dies könnte zu den großen Korrekturen zwischen den einzelnen PDF führen.

Aus den Abbildungen 5.22 und 5.23 wird ersichtlich, dass die 3-Jet-Raten f'ür die unterschiedlichen Partondichtefunktionen am besten f'ür kleine d_{Cut} -Werte 'übereinstimmen. Der durch die einzelnen PDFs verursachte Unterschied kann also, analog zu den Hadronisierungskorrekturen (siehe Abschnitt 5.6), durch die Wahl eines kleinen d_{Cut} gering gehalten werden.

Für diese Analyse wurden haupts achlich die beiden Partondichtefunktionen CTEQ5L und CTEQ5M1 zur Untersuchung der 3-Jet-Rate verwendet. Dies liegt zum einen an ihrer guten Übereinstimmung, zum anderen jedoch daran, dass CTEQ5M1 die Stan-

R₃ Default / R₃ CTEQ6M

R₄ Default / R₃ CTEQ6M

R₅ 1.2

0.8

0.6

0.4

0.2

R₇ Default / R₈ CTEQ4M

R₈ Default / R₃ CTEQ4M

R₈ Default / R₃ CTEQ4L

R₉ 1.2

R₉

dardfunktion des NLO-Integrationsprogramms NLOJet++ ist.

Abbildung 5.23: Sensibilit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene PDF f ur das Hadronniveau.

500

1000

1500

2000

5.8 Pile-up und min-bias Ereignisse

2000

dCut [Ge\

500

1000

1500

Bei Hadroncollidern mit hoher Luminosit at, wie zum Beispiel dem Tevatron oder in Zukunft auch dem LHC gibt es eine gewisse Wahrscheinlichkeit, dass in einem einzigen Bunch-crossing mehrere p Ereignisse auftreten [16], die vom Detektor nicht mehr voneinander getrennt werden k onnen und somit verf alschte Ergebnisse liefern. Solche Ereignisse werden *pile-up* bzw. überlagerte Ereignisse genannt.

Zudem k'önnen zus atzlich zu der harten Partonstreuung noch weiche Streuungen der Partonen auftreten. In diesem Fall spricht man von *min-bias* Ereignissen.

Um zu testen, ob und wie sich derartige Ereignisse auf die 3-Jet-Rate auswirken, wurde der pile-up und mit ihm min-bias Ereignisse in PYTHIA mit eingebaut (siehe hierzu auch Abschnitt 5.1).

Zu diesem Zweck wurde eine spezifische Luminosit at von

$$L_{spez} = 3.0 \cdot 10^{31} \frac{1}{cm^2 \cdot s} \tag{5.11}$$

in Anlehnung an der bei $D\phi$ im Run II erreichten h"ochsten momentanen Luminosit" at angenommen. Daraus wurde die f"ur PYTHIA ben" otigte Luminosit" at in der Einheit

mb^{−1} (Luminosit at pro Bunch-crossing) berechnet:

$$\int L dt = 3.0 \cdot 10^{31} \frac{1}{cm^2 \cdot s} \cdot \frac{1}{36 \cdot 47.7 \, kHz} \cdot 10^{-27} = 0.0175 \, mb^{-1}$$
 (5.12)

Die Zahl 36 gibt dabei die Anzahl der Bunch-crossings pro Umlauf an. 47.7 kHz ist die Umlauffrequenz.

Die so berechnete Luminosit at wird mit Hilfe des Schalters PARP(131) an PYTHIA übergeben. Multipliziert man diese mit dem Wirkungsquerschnitt bereits studierter pile-up Ereignisse, erh alt man daraus die durchschnittliche Anzahl von multiplen Wechselwirkungen f ur eine Kreuzung der p Strahlen [16]:

$$\int L \, dt \cdot \sigma_{pile-up} = \bar{n} \tag{5.13}$$

Eine Absch'atzung der Anzahl aller auftretenden pile-up (und damit auch min-bias) Ereignisse pro Bunch-crossing bei einer Gesamtzahl von 50000 generierten Prozessen gibt die in Abbildung 5.24 gezeigte Poissonverteilung. Man erh'alt hieraus eine mittlere Zahl von 2.3 multiplen Ereignissen pro Kreuzung der p Pakete. Es gibt demnach keine Bunch-crossings, in denen keine multiplen Ereignisse auftreten. Vergleicht man den typischen pile-up Wirkungsquerschnitt $\sigma_{pile-up}$ bei einem Transversalimpuls übertrag von 80 GeV bis 120 GeV, der in etwa 130 · 10⁶ nb betr'agt, mit dem entsprechenden totalen Wirkungsquerschnitt f'ur harte Partonstreuungen ohne pile-up Ereignisse σ_{ot} von etwa 35 nb, so wird deutlich, dass pile-up Ereignisse sehr viel h'aufiger auftreten, als harte Partonstreuungen. Da das Programm so konfiguriert wurde, dass immer harte Partonstreuungen auftreten, muss es aufgrund des gr'ößeren pile-up Wirkungsquerschnittes zu jeder harten Streuung auch mindestens ein multiples Ereignis geben.

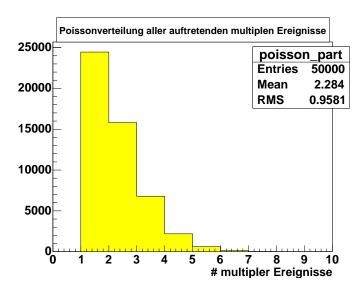
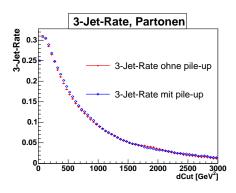


Abbildung 5.24: Poissonverteilung f'ur pile-up und min-bias Ereignisse pro Bunch-crossing.

Die Auswirkungen dieser multiplen Ereignisse auf die 3-Jet-Rate aus Parton- bzw. Hadronjets f'ur ein repr'asentatives Transversalimpulsintervall von 80 GeV 120 GeV sind in den Abbildungen 5.25 und 5.26 illustriert.



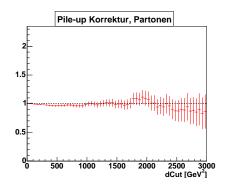
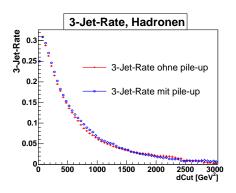


Abbildung 5.25: Pile-up Korrekturen f'ur das Partonniveau, $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$

Dabei unterscheiden sich die in Abbildung 5.25 links gezeigten 3-Jet-Raten mit und ohne pile-up nur wenig voneinander. Selbst bei mittleren d_{Cut} -Werten weichen die beiden Kurven um weniger als 2 % voneinander ab. Folglich liegt die entsprechende pile-up Korrektur, die in Abbildung 5.25 rechts dargestellt ist, nahezu bei eins.

F'ur das Hadronniveau (Abbildung 5.26) haben die multiplen Ereignisse eine gr'ößere Auswirkung. Hier weichen die Korrekturen um bis zu einem Faktor 1.5 von eins ab.



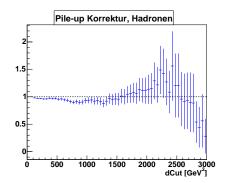
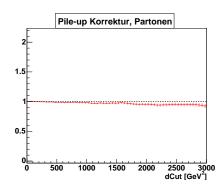


Abbildung 5.26: Pile-up Korrekturen f'ur das Hadronniveau, 80 GeV $< p_T < 120$ GeV.

Bei hohen Transversalimpuls überträgen, zum Beispiel zwischen 200 GeV und 300 GeV verschieben sich die Korrekturen zu kleineren Werten hin (siehe Abbildung 5.27). Bei hohen Energien treten zwar in etwa genauso viele multiple Ereignisse auf, wie in einem Intervall von $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$, jedoch haben sie aufgrund der hohen Transversalimpulse der Jets nur noch kleine Auswirkungen.

Allgemein kann gesagt werden, dass die durch den pile-up verursachte Korrektur f'ür kleine Werte des Abbruchparameters (also f'ür kleine Teilchenabst'ande im Impulsraum) nur gering ist.



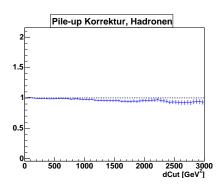


Abbildung 5.27: Pile-up Korrekturen f'ür Parton- und Hadronniveau, 200 GeV $< p_T < 300$ GeV.

Ein interessanter Aspekt beim Auftreten multipler Ereignisse ist, dass die hadronische Korrektur und die pile-up Korrektur entgegengesetzt wirken, wie aus Abbildung 5.28 ersichtlich wird. Dieser Effekt ist umso ausgeprägter, je höher das betrachtete Transversalimpulsintervall ist (siehe hierzu Abbildung 5.28 unten).

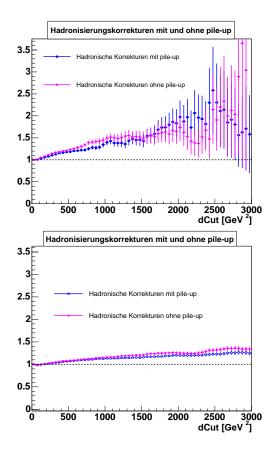


Abbildung 5.28: Hadronisierungskorrekturen mit und ohne pile-up f'ur 80 GeV $< p_T < 120$ GeV (oben) und 200 GeV $< p_T < 300$ GeV (unten).

5.9 Der Verlauf von R₃

Die 3-Jet-Rate ist – bis auf Phasenraumeffekte – direkt proportional zur starken Kopplungskonstante (siehe Gleichung (5.4)). Um den Verlauf von R_3 zu ermitteln, wird, wie in Abbildung 5.29 gezeigt, ein fester Abbruchparameter von zum Beispiel $d_{Cut} = 1500 \text{ GeV}^2$ gew ahlt und R_3 an dieser Stelle gegen ein beliebiges Transversalimpulsintervall aufgetragen.

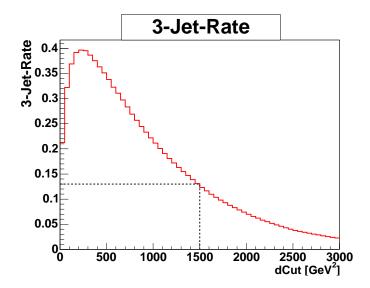
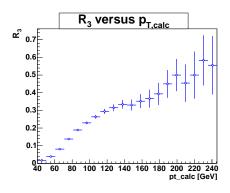


Abbildung 5.29: Die 3-Jet-Rate bei einem festen d_{Cut} -Wert.

Bei der Wahl des Abbruchparameters muss darauf geachtet werden, dass weder ein zu kleiner, noch ein zu großer Wert ausgesucht wird. Bei großem d_{Cut} liegt aufgrund von sinkenden 3-Jet Ereignissen zu wenig Statistik vor. Zudem werden viele systematische Unsicherheiten (PDF, pile-up) groß. Bei sehr kleinen Werten hingegen geht die Jetmultiplizit at in einem Ereignis gegen die Anzahl der Teilchen. 4-Jet Ereignisse dominieren in diesem Fall gegen über Ereignissen mit drei Jets im Endzustand, was typischerweise zu großen Hadronisierungseffekten f'ührt. Ein repr'äsentativer Wert des Abbruchparameters liegt folglich zwischen diesen beiden Spezialf allen. Aus diesem Grund wurde f'ur die Ermittlung des Verlaufs von α ein d_{Cut} von 1500 GeV² gew ahlt. Abbildung 5.30 links zeigt ein Ergebnis f ur den zu α proportionalen Verlauf von R₃ geplottet f'ur $d_{ut} = 1500 \text{ GeV}^2$ f'ur einen berechneten Transversalimpuls ubertrag von 40 GeV bis 240 GeV. Anders als erwartet steigt die Kurve mit steigendem $p_{T,calc}$ stark an. Ermittlungen der starken Kopplungskonstante unter anderem aus e⁺e⁻ Ereignissen bei LEP lieferten jedoch eine mit p_T stark abfallende starke Kopplungskonstante [20], die f'ur große Energien Ekleinen Abst'anden zwischen den Teilchen) gegen Null geht (Asymptotische Freiheit, siehe hierzu Abschnitt 2.2.2). Dies wird in Abbildung 5.30 rechts illustriert.

 $^{^{10}}$ Da der f'ür p⁻p Reaktionen verwendete Abbruchparameter e_{tt} ein absoluter Parameter ist und sich 'andert, wenn p_T ver 'andert wird, ergibt sich ein anderer Verlauf f'ür die starke Kopplungskonstante als f'ür einen festen, p_T -unabh'angigen χ_{tt} .



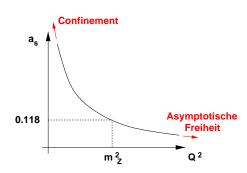


Abbildung 5.30: Links: R_3 aufgetragen gegen den berechneten Transversalimpuls übertrag $p_{T,calc}$. Der Verlauf ist $\sim \alpha_s$. Rechts: Zum Vergleich der erwartete Verlauf von α_s (schematisch).

F'ur diesen sehr ungew'ohnlichen Verlauf der starken Kopplungskonstante kann es mehrere Gr'unde geben:

- a) Verwendete Abbruchparameter. Bei der Ermittlung des Verlaufs der starken Kopplungskonstante bei LEP wurde zwar derselbe Rekonstruktionsalgorithmus verwendet, jedoch anstatt dem Abbruchparameter d_{Cut} der p_T -unabh angige Abbruchparameter y_{Cut} , was einen ver anderten Verlauf verursachen k onnte. Um dies zu untersuchen, bietet sich ein Vergleich der beiden Abbruchparameter an. Darauf wird im folgenden n aher eingegangen.
- b) **Berechnung von** $p_{T,calc}$. Die Ursache k'önnte an dem f'ür diese Analyse berechneten Transversalimpuls übertrag liegen, gegen den $R_{\rm S}$ aufgetragen wird. Ist dieser nur ungenau berechnet, so kann es passieren, dass Ereignisse, die eigentlich in das betrachtete Transversalimpulsintervall hineinfallen sollten, nicht mitgerechnet werden. Zur Überpr'üfung dieser Annahme wurde eine Korrektur f'ür $p_{T,calc}$ entwickelt, auf die ebenfalls im folgenden n'äher eingegangen wird.
- c) NLO-Korrekturen. Letztendlich könnte auch die fehlende Berechnung von NLO-Korrekturen ein Grund für den ungewöhnlichen Verlauf sein. Dies kann durch einen Vergleich mit den Ergebnissen aus NLOJet++ ermittelt werden und wird in Kapitel 7 behandelt.

Zun achst soll der Vergleich zwischen den Abbruchparametern besprochen werden. Nach Wahl eines festen d_{Cut} -Wertes ($d_{Cut} = 1500 \text{ GeV}^2$) wurde mittels

$$y_{Cut} = \frac{d_{Cut}}{E_{T max}^2} \tag{5.14}$$

ein entsprechender Wert f'ür χ_{ut} von 0.104 berechnet. Danach wurde f'ür beide Abbruchparameter die 3-Jet-Rate ermittelt und diese gegen ein repr'äsentatives Transversalimpulsintervall von 80 GeV $< p_{T,calc} < 120$ GeV aufgetragen. Das Ergebnis wird in Abbildung 5.31 gezeigt. Danach steigt die Kurve f'ür den festen Wert von χ_{ut} sehr viel weniger stark an, als f'ür festes \mathcal{L}_{ut} . Es ist also offensichtlich, dass der Verlauf der

starken Kopplungskonstante vom verwendeten Abbruchparameter abh'angig ist. Dennoch ist dieses Ergebnis noch nicht zufriedenstellend, da die Kurve auch f'ur einen festen y_{Cut} (also analog zur Rekonstruktion in e^+e^- Ereignissen) nicht abf'allt.

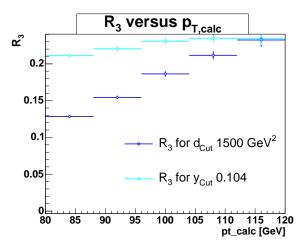


Abbildung 5.31: R₃ aufgetragen gegen den berechneten Transversalimpuls "ubertrag $p_{T,calc}$ f"ur feste Abbruchparameter d_{Cut} und y_{Cut} .

Ob das Ansteigen der Kurve f'ür einen festen Abbruchparameter tats achlich an dem ungenau berechneten Transversalimpuls übertrag $p_{T,calc}$ liegt, kann mit Abbildung 5.32 überprüft werden. Dabei ist die 3-Jet-Rate f'ür festen Abbruchparameter Q_{tt} gegen die in PYTHIA generierte maximale transversale Energie $E_{T,max}$ aufgetragen. Man erkennt, dass die 3-Jet-Rate nun, wie ursprünglich erwartet, abf'ällt. Folglich sollte eine Korrektur f'ür $p_{T,calc}$ abh'ängig vom verwendeten Abbruchparameter eine "ähnliche Ver"anderung f'ür den Verlauf der starken Kopplungskonstante bewirken.

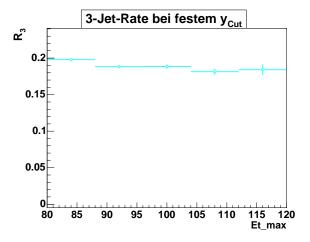


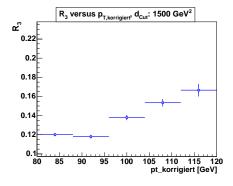
Abbildung 5.32: Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen die maximale transversale Energie $E_{T,max}$ im Stoß f'ür einen festen Abbruchparameter $y_{ut} = 0.104$.

Die Korrektur f'ur $p_{T,calc}$ kann mit Hilfe des in Abbildung 5.10 gezeigten Vergleichs zwischen berechnetem und in PYTHIA generiertem Transversalimpuls übertrags berechnet werden. Damit ergibt sich:

$$p_{T,korrigiert} = \frac{p_{T,calc}}{\text{Mean}}$$
 (5.15)

Mit Mean ist dabei der f'ur das jeweilige Histogramm errechnete Mittelwert gemeint. Mit dieser Korrektur werden noch vor dem F'ullen der Histogramme die einzelnen p_T -Intervalle neu berechnet.

Abbildung 5.33 zeigt den korrigierten Verlauf f'ur α . Man erkennt dass die Kurve f'ur festes d_{ut} (Abbildung 5.33 links) in den ersten beiden Bins nun stagniert, danach jedoch wie auch in Abbildung 5.31 ansteigt. Eine Korrektur des Transversalimpuls übertrags f'uhrt also bei einer Verwendung des Abbruchparameters d_{ut} nicht zum erwarteten Abfall von α_s .



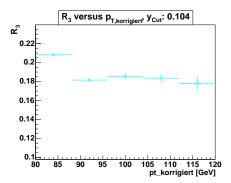


Abbildung 5.33: R₃ aufgetragen gegen den berechneten und korrigierten Transversalimpuls übertrag $p_{T,korrigiert}$ für einen festen Wert von d_{tut} (links) und y_{Cut} (rechts).

Für einen festen Wert von χ_{ut} ergibt sich, wie in Abbildung 5.33 rechts aufgetragen, jedoch ein Verlauf für die starke Kopplungskonstante, der ann ähernd dem erwarteten abfallenden Verlauf entspricht. Daraus wird ersichtlich, dass die unterschiedlichen Abbruchparameter für den Anstieg von α verantwortlich sind. Dennoch ist auch eine genaue Bestimmung des Transversalimpuls übertrags $p_{T,calc}$ wichtig. Mit dessen Korrektur und dem Abbruchparameter y_{Cut} , der standardmäßig für e^- Ereignisse verwendet wird, fällt die Kopplungskonstante mit steigendem Transversalimpuls übertrag ab.

Der große Sprung zwischen dem ersten und zweiten Bin in Abbildung 5.33 rechts kann dadurch erkl'ärt werden, dass in dem betreffenden p_T -Bereich mehrfach 3-Jet Ereignisse nur als 2-Jet Ereignisse erkannt worden sind, weil der dritte Jet zu nah an der Protonstrahlachse liegt¹¹. Dies f'ührt zu einem Absinken von R_S und somit auch von α_S . Durch Entfaltung der Matrix k'önnte die Korrektur f'ür p_{calc} noch weiter verfeinert und somit noch genauere Ergebnisse f'ür den Verlauf der starken Kopplungskonstante gewonnen werden.

¹¹siehe hierzu auch Abbildung 5.11 und zugeh "orige Erkl" arungen

Inwieweit NLO-Korrekturen das Verhalten von α_s f'ur einen festen \mathcal{L}_{ut} noch beeinflussen, wird in Kapitel 7 behandelt.

Kapitel 6

Bestimmung der höheren Ordnung (NLO) mit NLOJet++

Eines der wichtigsten Werkzeuge bei der Analyse von hadronischen Endzust anden ist die perturbative Quantenchromodynamik. Um in dieser Theorie g ultige Vorhersagen machen zu k onnen, ist es sehr wichtig, Berechnungen in NLO (next-to-leading-order) Genauigkeit durchzuf ühren [21]. In der next-to-leading-order wird ein zus atzliches, nicht aufgel ostes Parton ber ücksichtigt. Dies f ührt zu infraroten und kollinearen Divergenzen (siehe diesbez üglich Kapitel 2), die durch geeignete Berechnungen in eine endliche Korrektur umgewandelt werden m ussen. Beispiele zu leading-order (LO) und next-to-leading-order Prozessen finden sich in Abbildung 6.1.

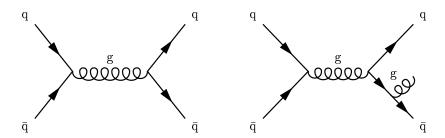


Abbildung 6.1: Links: LO Prozess. Keine Abstrahlung eines zus atzlichen Partons. Der Wirkungsquerschnitt für diesen Prozess ist proportional zu α_s^2 . Rechts: NLO Prozess. Abstrahlung eines zus atzlichen Partons. Der Wirkungsquerschnitt ist proportional zu α_s^2 .

In den letzten Jahren machten die theoretischen Entwicklungen, wie beispielsweise die Entwicklung der Dipol-Subtraktions-Methode [22], die Berechnung von 3-Jet Prozessen in NLO möglich.

In diesem Kapitel wird die Ermittlung der 3-Jet-Rate mit Hilfe von 2- und 3-Jet Wirkungsquerschnitten behandelt. Daraus wird der zu α_s proportionale Verlauf von R_3 in Abh angigkeit vom Transversalimpuls übertrag abgeleitet.

6.1 Das NLOJet++ Programm

Das NLOJet++-2.0.1 Programm [22–24] von Zoltán Nagy ist ein numerisches Integrationsprogramm, das Jet Wirkungsquerschnitte in NLO-Genauigkeit sowohl für Hadron- als auch für e⁺e⁻ Kollisionen berechnen kann. Auf die explizite Berechnung des next-to-leading-order Anteils wird im nächsten Abschnitt ausführlich eingegangen.

Mit Hilfe des Programms wurden unter Verwendung des k_T Algorithmus 2- und 3-Jet Wirkungsquerschnitte in p⁻p Kollisionen ermittelt und daraus die 3-Jet-Rate bestimmt, mit dem Ziel, diese Jet-Rate mit der aus PYTHIA ohne NLO-Anteil bestimmten 3-Jet-Rate zu vergleichen.

Die Ergebnisse, die das NLOJet++ Programm liefert, k"onnen in zwei Kategorien unterteilt werden:

- a) **der BORN Term:** Er umfasst den LO Anteil. F'ur 2-Jet Ereignisse ist der BORN Term proportional zu α_s^2 , f'ur Ereignisse mit drei Jets im Endzustand proportional zu α_s^3 .
- b) **der NLO Term:** In diesem sind die NLO Korrekturen der Wirkungsquerschnitte enthalten. F'ur zwei Jets ist er proportional zu α_s^3 , bei einem 3-Jet Ereignis ist er proportional zu α_s^4 .

Wird nur der LO-Anteil betrachtet, nutzt NLOJet++ die Partondichtefunktion CTEQ5L. Im Fall der Ber ucksichtigung von NLO-Korrekturen wird CTEQ5M1 verwendet [22].

Der Output des Programms ist eine Liste von 16 Zahlen f'ür jedes Bin eines Histogramms. Die ersten sieben Zahlen geh oren zu sieben Einzelprozessen, die bei den internen Berechnungen separat behandelt werden. Die Zahlen entsprechen den Eintr'ägen (Ereignissen) im jeweiligen Bin zus atzlich einer Gewichtung. F'ür jedes im Verlauf der numerischen Integration zuf allig ausgew ahlte Phasenraumelement d_{K} , dx_{2} wird der zugeh orige Wirkungsquerschnitt $d\sigma$ berechnet, der das Gewicht bei der Summation (= Integration "über den ganzen Phasenraum) darstellt.

Die achte Zahl ist die Summe der vorangehenden sieben Zahlen (Gewichte). Die n'achsten sieben Zahlen wiederum sind die Quadrate der Gewichte und die 16. und zugleich letzte Zahl entspricht der Summe der quadrierten Gewichte. Aus den Zahlenlisten k'onnen letztendlich die Histogramme erstellt werden.

Mit NLOJet++ kann im Gegensatz zu PYTHIA nur das Partonniveau abgedeckt werden. Hadronisierungsmodelle sind in diesem Monte-Carlo Generator noch nicht implementiert, so dass lediglich ein Vergleich der Jet-Raten vor der Hadronisierung m'öglich ist.

6.2 Konzept der NLO-Berechnung

Der Gesamtwirkungsquerschnitt einer Reaktion in NLO-Genauigkeit setzt sich aus zwei Teilen zusammen: Der leading-order und der next-to-leading-order [22]:

$$\sigma = \sigma^{LO} + \sigma^{NLO} = \int_{n} d\sigma^{B} + \sigma^{NLO}$$
 (6.1)

Der leading-order Wirkungsquerschnitt berechnet sich aus dem Integral "über den gesamten Phasenraum des vollkommen exklusiven Born Matrix Elements von n Partonen im Endzustand [22]. Die NLO-Korrektur σ^{NLO} ist aus zwei Termen zusammengesetzt: der reellen Korrektur und der virtuellen Korrektur. Dabei ist die reelle Korrektur σ^R das Integral "über das Born Matrix Element von n+1 Partonen im Endzustand, die virtuelle Korrektur σ^V ist das Integral "über den Interferenz-Term zwischen dem Born-Niveau und den Schleifen-Amplituden von n Partonen im Endzustand [22]:

$$\sigma^{NLO} = \int_{n+1} d\sigma^R + \int_n d\sigma^V \tag{6.2}$$

Diese beiden Beiträge sind divergent. Um die Singularitäten zu beseitigen und den NLO-Beitrag in eine endliche Größe zu verwandeln, gibt es verschiedene Methoden. Bei der in NLOJet++ verwendeten subtrahiert man einen Hilfs-Wirkungsquerschnitt σ^A von der reellen Korrektur σ^R . Dabei muß σ^A so beschaffen sein, dass er das selbe singuläre Verhalten in allen Dimensionen zeigt wie σ^R . Zudem sollte er einfach gewählt werden, um analytisch in allen Dimensionen über die Ein-Parton Unterräume, die die infraroten und kollinearen Divergenzen verursachen, integriert werden zu können [22]. Damit kann σ^A mit den virtuellen Beiträgen kombiniert werden, um zu einer endlichen Korrektur in vier Dimensionen zu führen.

F'ur die NLO-Korrektur ergibt sich somit:

$$\sigma^{NLO} = \int_{n+1} [(d\sigma^R)_{\varepsilon=0} - (d\sigma^A)_{\varepsilon=0}] + \int_n [d\sigma^V + \int_1 d\sigma^A]_{\varepsilon=0}$$
 (6.3)

Es gibt verschiedene M'öglichkeiten, die Berechnung der NLO-Wirkungsquerschnitte numerisch zu implementieren, die sich in der Beschaffenheit des Hilfs-Wirkungsquerschnitts σ^A unterscheiden. F'ür das NLOJet++ Programm wurde die so genannte *Dipol-Methode* angewandt [22].

Mit Hilfe dieser Berechnungen können die durch die NLO-Korrektur hervorgerufenen Divergenzen beseitigt und somit endliche Wirkungsquerschnitte produziert werden.

6.3 Berechnung des Transversalimpuls übertrags p

Der Transversalimpuls übertrag p_T in einem Ereignis ist eine wichtige Größe. Da wegen des Teilchenverlustes in der Strahlr öhre der Longitudinalimpuls p_L nicht als Erhaltungsgröße nutzbar ist, ist er eine der wenigen erhaltenen Größen an Hadroncollidern. Er wird unter anderem als Energieskala für den Verlauf der starken Kopplungskonstante ben ötigt.

In NLOJet++ wurde p_T in Anlehnung an den in PYTHIA generierten Impuls übertrag $p_{T,gen}$ berechnet. Die explizite Berechnung soll am Beispiel eines Ereignisses mit drei Partonen im Endzustand erkl art werden (siehe Abbildung 6.2):

Die Summe der Transversalimpulse aller Teilchen in einem Ereignis ist Null¹:

$$\sum_{i=1}^{n} \vec{p_{T,i}} = 0 \tag{6.4}$$

¹Dies folgt aus dem Energie- bzw. Impulserhaltungssatz.

Der Transversalimpuls des ersten Teilchens (Partons) ist dann:

$$\vec{p}_{T,1} = -(\vec{p}_{T,2} + \vec{p}_{T,3}) \tag{6.5}$$

Die Transversalimpulse der anderen Teilchen berechnen sich analog. Der Transversalimpuls übertrag im Ereignis wird letztendlich aus dem Vergleich der Transversalimpulse aller beteiligten Teilchen errechnet:

$$|\vec{p}_T| = \max |\vec{p}_{T,i}| \tag{6.6}$$

Das bedeutet, dass der Transversalimpuls übertrag in der harten Streuung der Partonen dem höchsten Teilchen-Transversalimpuls im Ereignis entspricht.

Teilchen, deren Transversalimpuls gegen Null geht $p_{T,i} \to 0$, k'önnen nicht experimentell erfasst werden. Sie werden dem (Anti-)Protonrest zugeordnet. Daher wurden zus ätzlich zur Berechnung des Transversalimpuls übertrags alle Reaktionen mit $p_T < 40~{\rm GeV}$ verworfen. Solche Prozesse - im Allgemeinen t-Kanal Prozesse - f'ühren zu divergierenden Wirkungsquerschnitten.

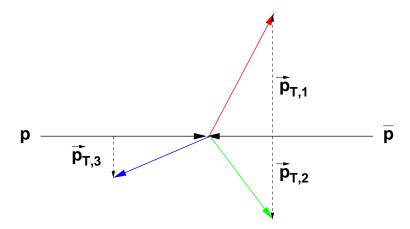


Abbildung 6.2: Illustration der Berechnung des Transversalimpuls übertrags in NLOJet++ f ür ein 3-Jet Ereignis.

6.4 Bestimmung der 3-Jet-Rate R₃

Die Bestimmung der 3-Jet-Rate in NLOJet++ ist wesentlich komplizierter, als in PYTHIA, da dabei für jedes Ereignis sowohl der LO- als auch der NLO-Anteil berücksichtigt werden muss. Die 3-Jet-Rate berechnet sich schließlich aus folgender Formel:

$$R_3 = \frac{N_{3-\text{Jet, BORN}}}{\sum (N_{2-\text{Jet, BORN}} + N_{2-\text{Jet, NLO}})} \sim \alpha_s$$
 (6.7)

Im folgenden werden der Einfachheit halber die einzelnen Terme als BORN₃, BORN₂ bzw. NLO₂ bezeichnet.

Der NLO-Anteil f'ur Ereignisse mit drei Jets im Endzustand NLO3 wurde bei der Berechnung von R_3 nicht ber ucksichtigt. Dieser Term ist proportional zu α_4^4 . Bei

Ber ucksichtigung von NLQ musste daher der entsprechende of Term für 2-Jet Ereignisse mitgerechnet werden. Dies wäre NNLQ, welcher noch nicht in NLOJet++ implementiert bzw. berechnet ist.

Die gewichteten LO- und NLO-Terme f'ür einen Transversalimpuls'übertrag von 80 GeV bis 120 GeV aufgetragen gegen *dmin*3 sind in Abbildung 6.3 zu sehen. Der next-to-leading-order Anteil f'ür 2-Jet Ereignisse ber ücksichtigt dabei eine nicht-aufgel oste Gluonabstrahlung, beim leading-order Term f'ür Ereignisse mit drei Jets ist das abgestrahlte Gluon hingegen aufgel ost.

dmin3 ist, analog zu d_{Cut} in PYTHIA, der Abbruchparameter des Algorithmus und entspricht einem Abstandsmaß im Impulsraum. Der Unterschied zwischen den beiden Parametern liegt darin, dass dmin3 speziell f'ür Ereignisse mit drei Jets im Endzustand konzipiert ist, also nur f'ür 3-Jet Ereignisse repr'asentativ ist, w'ahrend $_{Clt}$ unabh'angig von der Jetmultiplizit'at im Endzustand verwendet wurde. In NLOJet++ muss folglich, abh'angig von der Zahl der Jets im Endzustand, jeweils ein unterschiedliches Abstandsmaß berechnet und zur Jetrekonstruktion verwendet werden.

Man erkennt deutlich die große Ähnlichkeit zwischen den beiden in Abbildung 6.3 gezeigten Kurven. NLO_2 und $BORN_3$, beide $\sim \alpha_s^3$, sind demnach identisch, bis auf die virtuellen Terme in NLO_2 , die die Divergenz des Wirkungsquerschnittes kompensieren, was sich insbesondere in den ersten Bins, also für kleine Werte von *dmin*3 bemerkbar macht.

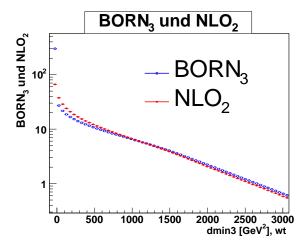


Abbildung 6.3: Ein Vergleich von BORN₃ $\sim \alpha_s^3$ und NLO₂ $\sim \alpha_s^3$. wt steht f'ur die Gewichtung der Ereignisse.

F'ur den zu α^2 proportionalen LO-Term f'ur Ereignisse mit zwei Jets im Endzustand, BORN₂, gibt es keine Eintr'age f'ur *dmin*3 > 0. Der Grund daf'ur ist, dass *dmin*3 der Abbruchparameter f'ur Ereignisse mit drei Jets im Endzustand ist, also f'ur Ereignisse α^3 oder h'oher, und somit f'ur BORN nicht repr'asentativ ist. Folglich wurde f'ur solche Ereignisse *dmin*3 < 0 festgelegt.

Die aus diesen LO- und NLO-Termen berechnete 3-Jet-Rate in next-to-leading-order ist in Abbildung 6.4 f'ür das repr'asentative Transversalimpulsintervall 80 GeV –

120 GeV zu sehen. Gut zu erkennen ist der erwartete Abfall von R₃ mit steigendem Abbruchparameter *dmin*3, was auf das Absinken von Ereignissen mit drei Jets im Endzustand bei großen *dmin*3 (großem Abstandsmaß im Impulsraum) zur uckzuf uhren ist.

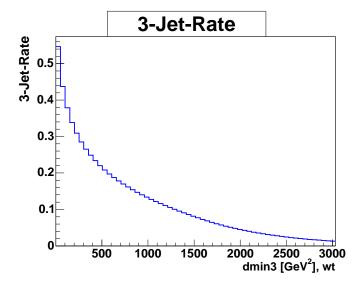


Abbildung 6.4: Die 3-Jet-Rate in NLO, 80 GeV – 120 GeV

Die 3-Jet-Rate bei einem Transversalimpulsfenster von 200 GeV - 300 GeV (Abbildung 6.5) liegt f'ür kleinere dmin3 in guter Übereinstimmung mit der in Abbildung 6.4 gezeigten Jet-Rate. F'ür gr'ößere Abbruchparameter zeigen sich Abweichungen, was an der Zunahme von 3-Jet Ereignissen bei hohen dmin3 und dem damit verbundenen Ansteigen von R_3 f'ür große p_T liegt.

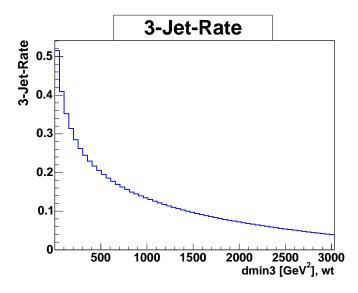


Abbildung 6.5: Die 3-Jet-Rate in NLO f'ür 200 GeV – 300 GeV

6.5 Der Verlauf von R₃ in NLO

Wie in Kapitel 5 beschrieben, wird die berechnete 3-Jet-Rate f'ür einen festen Wert des Abbruchparameters gegen den Transversalimpuls übertrag im harten Stoß aufgetragen, um einen zu α_s proportionalen Verlauf zu ermitteln.

Wie auch f'ur die 3-Jet-Rate aus PYTHIA wurde in NLOJet++ ein Wert von 1500 GeV² f'ur den Abbruchparameter gew"ahlt. Da dmin3 jedoch der Abbruchparameter f'ur Ereignisse mit drei Jets im Endzustand ist, ist hier die Festlegung komplizierter, als in PYTHIA. NLOJet++ berechnet ein $d\sigma_{3-\mathrm{Jet}}$ oder $d\sigma_{2-\mathrm{Jet}}$ zu einem Phasenraumelement dx_1dx_2 . Dazu geh ort ein entsprechendes dmin3. Um $\sigma_{3-\mathrm{Jet}}$ zu erhalten, muss also "uber alle x_1x_2 integriert werden, zu denen $dmin3 > d_{Cut}$ geh ort. Folglich wurden alle 3-Jet Ereignisse mit $dmin3 > 1500 \text{ GeV}^2$ selektiert. 2-Jet Ereignisse, f'ur die der Abbruchparameter dmin2 gilt, k'onnen durch eine Einschr"ankung von dmin3 nicht selektiert werden. Nachdem diese Auswahl an Ereignissen getroffen wurde, kann die 3-Jet-Rate gegen den Transversalimpuls "ubertrag p_T aufgetragen werden. Das entsprechende Ergebnis ist in Abbildung 6.6 zu sehen.

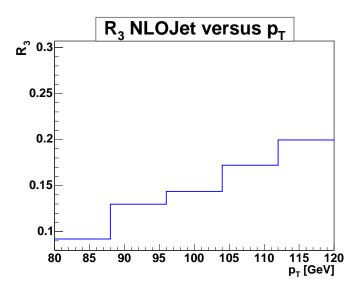


Abbildung 6.6: Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen den Transversalimpuls übertrag p_T .

Wie bereits in Kapitel 2 besprochen, sollte die starke Kopplungskonstante mit wachsender Energieskala abfallen. Im Fall von Abbildung 6.6 steigt die zu α_s proportionale Kurve jedoch mit wachsendem p_T stark an. Der durch die Festlegung des Abbruchparameters dmin3 ausgew ahlte Phasenraum vergr oßert sich mit steigendem p. Dies f ührt zu einer gr oßeren Zahl von Jets im Endzustand (siehe diesbez üglich auch Abschnitt 5.5) und folglich zu einer h oheren 3-Jet-Rate, was ein Ansteigen der gezeigten Kurve zur Folge hat. Wie in Abschnitt 5.9 bereits gefolgert wurde, liegt der beobachtete Anstieg also haupts achlich an dem Abbruchparameter d_{ut} bzw. im Fall von NLO-Jet++ an dmin3, der ein anderes Verhalten von α_s im Vergleich zu dem f ur die Analyse von e^+e^- -Ereignissen verwendeten Abbruchparameter y_{Cut} verursacht. Ein Vergleich mit den Ergebnissen aus PYTHIA mit der Besprechung eines m oglichen Einflusses

von NLO-Korrekturen auf den Verlauf von α_s erfolgt im anschließenden Kapitel. Der Verlauf f'ür gr'ößere p wird in Abbildung 6.7 illustriert. Hier steigt die Kurve mit wachsendem p_T immer noch kontinuierlich, aber weniger stark an. Allgemein ist R_3 bei h'öherem Transversalimpuls übertrag gr'ößer, was auf die vermehrte Anzahl von 3-Jet Ereignissen bei h'öherer Energie zur ückzuf ühren ist.

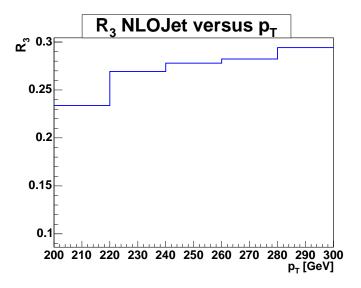


Abbildung 6.7: Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen den Transversalimpuls übertrag 200 GeV $< p_T < 300$ GeV.

Kapitel 7

Vergleich der generierten Resultate mit der Theorie

In Kapitel 5 und 6 wurden R_3 und α_s in leading-order- bzw. in next-to-leading-order-Genauigkeit bestimmt.

Um die Ver anderungen der 3-Jet-Rate unter dem Einfluss von next-to-leading-order Korrekturen zu untersuchen, werden im folgenden die Ergebnisse aus PYTHIA und NLOJet++ miteinander verglichen.

7.1 Vergleich von R₃ PYTHIA und R₃ NLOJet++

Die 3-Jet-Rate R₃ aus LLA (leading-log-approximation) wurde in PYTHIA unter der Ber ucksichtigung von Ereignissen mit bis zu f unf Jets im Endzustand berechnet:

$$R_{3,PYTHIA} = \frac{N_{3-Jet}}{N_{2-Jet} + N_{3-Jet} + N_{4-Jet} + N_{5-Jet}} \sim \alpha_s$$
 (7.1)

In NLOJet++ hingegen wurden lediglich 2- und 3-Jet Ereignisse zur Berechnung von R_3 hinzugezogen:

$$R_{3,\text{NLOJet}} = \frac{N_{3-\text{Jet, BORN}}}{\sum (N_{2-\text{Jet, BORN}} + N_{2-\text{Jet, NLO}})} \sim \alpha_s$$
 (7.2)

Des Weiteren wurde f'ur die Berechnung der 3-Jet-Rate in NLO der NLQ-Term aufgrund eines fehlenden entsprechenden α_s^4 Anteils f'ur 2-Jet Ereignisse nicht miteinbezogen. Dies erkl'art die in Abbildung 7.1 sichtbaren Unterschiede zwischen den beiden 3-Jet-Raten, die insbesondere bei kleinen Werten des Abbruchparameters d_{Cut} auftreten.

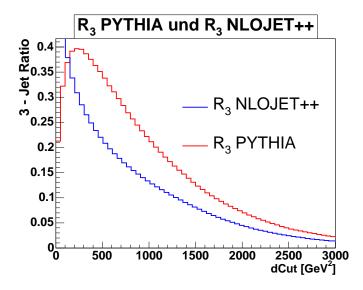


Abbildung 7.1: Vergleich der 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ f'ür $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$.

Wird hingegen ein empirischer Korrekturfaktor von 1.6 als Ausgleich f'ür den fehlenden NLO₃-Term mitber ücksichtigt, stimmen die 3-Jet-Raten, insbesondere bei großem d_{Cut} , bei dem nur noch Ereignisse mit wenigen Jets im Endzustand auftreten, sehr gut überein, wie aus Abbildung 7.2 ersichtlich ist.

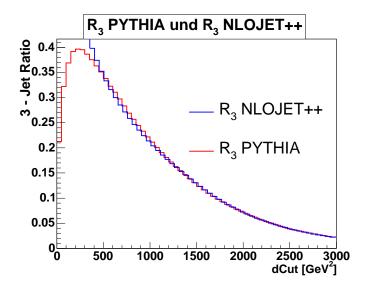


Abbildung 7.2: Vergleich der 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ mit Korrekturfaktor 1.6 f'ur den fehlenden NLQ-Term im Intervall 80 GeV $< p_T < 120$ GeV.

Um einen repr'asentativeren Vergleich von R₃ aus PYTHIA und NLOJet++ machen zu k'önnen, m'ussten sowohl der NLQ-, als auch der NNLO₂-Term in NLOJet++ imple-

mentiert werden, damit Ereignisse, deren Wirkungsquerschnitt proportional zu α_s^4 ist, ber ucksichtigt werden k onnen. Dann k onnte die 3-Jet-Rate in der Form

$$R_{3,\text{NLOJet}} = \frac{N_{3-\text{Jet, BORN}} + N_{3-\text{Jet, NLO}}}{\sum (N_{2-\text{Jet, BORN}} + N_{2-\text{Jet, NLO}} + N_{2-\text{Jet, NNLO}})} \sim \alpha_s$$
 (7.3)

berechnet werden.

Für größere Transversalimpuls überträge, wie im Fall von Abbildung 7.3 für 200 GeV $< p_T < 300$ GeV sind die Unterschiede zwischen den beiden 3-Jet-Raten bedeutend größer. Bei sehr kleinen d_{cut} -Werten (0 GeV $^2 < d_{Cut} < 250$ GeV 2) liegt die 3-Jet-Rate aus PYTHIA dabei unter der aus NLOJet++. Dies liegt daran, dass bei höheren p_T im Bereich sehr kleiner Abbruchparameter vermehrt 4- und 5-Jet Ereignisse auftreten, die nur in PYTHIA mitber ücksichtigt wurden und die R_3 verkleinern.

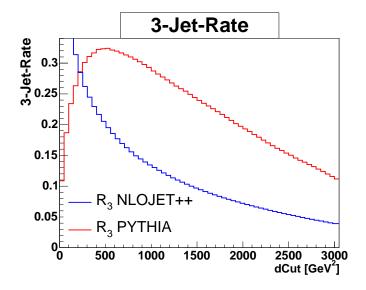


Abbildung 7.3: Vergleich der 3-Jet-Raten f'ur 200 GeV $< p_T < 300$ GeV.

Bei mittleren und großen Werten des Abbruchparameters hingegen ist $R_{3,NLOJet}$ sehr viel kleiner als $R_{3,PYTHIA}$. Das Fehlen des NLO_3 -Terms hat bei h'öheren p_T , bei denen f'ür große d_{ut} -Werte mehr Ereignisse mit drei Jets im Endzustand auftreten, augenscheinlich eine viel gr'ößere Auswirkung, als im Intervall 80 GeV $< p_T < 120$ GeV. Erst bei einem Korrekturfaktor von 2.8 f'ür den fehlenden NLO_3 -Beitrag stimmen die Jet-Raten bei großen Abbruchparametern gut 'überein, wie aus Abbildung 7.4 ersichtlich wird. Die st'ärkere Abweichung der beiden Jet-Raten f'ür gr'ößere p wird auch aus Abbildung 7.5 ersichtlich¹.

F¨ur kleinere Werte des Abbruchparameters, bei denen die Unterschiede zwischen den beiden Jet-Raten immer mehr durch die in NLOJet++ fehlenden 4- und 5-Jet Ereignisse verursacht werden, liegt R_{3,NLOJet} auch nach Einf¨uhren des Korrekturfaktors weiterhin ¨uber R_{3,PYTHIA}.

¹Zur besseren Ansicht wurde in Abbildung 7.5 oben ein d_{Cut} -Bereich von 0 bis 5000 GeV² aufgetragen. Tats achlich sind für einen p-Bereich von 300 GeV $< p_T < 400$ GeV d_{Cut} -Werte von bis zu 26667 GeV² repräsentativ, wie aus Formel (5.10) in Kapitel 5 folgt.

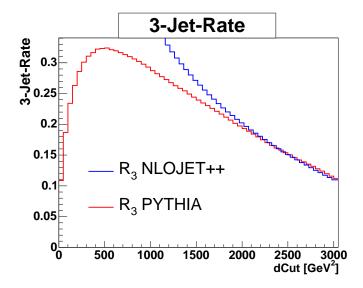


Abbildung 7.4: Vergleich von $R_{3,PYTHIA}$ und $R_{3,NLOJet}$ mit Korrekturfaktor 2.8 f'ur den fehlenden NLO_3 -Term im Intervall 200 GeV $< p_T < 300$ GeV.

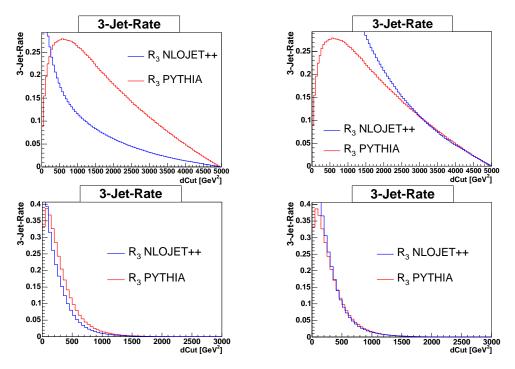


Abbildung 7.5: Oben: 300 GeV $< p_T < 400$ GeV. Links: kein Korrekturfaktor. Rechts: mit Korrekturfaktor 3.4 f'ur den fehlenden NLQ-Term. Zum Vergleich ist unten das Intervall $40 \text{ GeV} < p_T < 60 \text{ GeV}$ gezeigt. Links: kein Korrekturfaktor. Rechts: bereits ein Korrekturfaktor von 1.4 f'ührt zu einer guten Übereinstimmung der beiden Kurven. Bei kleineren p_T ist die Auswirkung des NLO₃-Terms auf die gesamte 3-Jet-Rate nur gering.

Sehr interessant ist, dass der Korrekturfaktor f'ür den NLQ-Term mit dem p_T -Intervall augenscheinlich ansteigt. Dies ist jedoch rein subjektiv. W'ählt man einen gr'ößeren Transversalimpuls übertrag aus, so fungiert dies als eine Art Zoom auf die ersten Bins in den betrachteten Diagrammen, bei denen große Diskrepanzen zwischen den beiden Jet-Raten auftreten. Dies geht einher mit der Tatsache, dass sich der relevante d_{Cut} -Bereich mit steigendem p_T stark vergr'ößert (siehe Formel (5.10)). Die Ausl'äufer von R_3 "rutschen" folglich mit dem steigendem Transversalimpuls zu gr'ößeren d_{Cut} -Werten hin. Versucht man dann, die Kurven durch einen Korrekturfaktor wieder einander anzun ähern, so geschieht dies f'ür den vergr'ößerten Bereich der 3-Jet-Rate. Folglich ist auch der Korrekturfaktor gr'ößer.

7.2 Vergleich des Verlaufs von R_3 mit und ohne NLO-Korrekturen

Der Verlauf von R_3 wurde sowohl in PYTHIA als auch in NLOJet++ durch Auftragen der 3-Jet-Rate bei einem festen Wert des Abbruchparameters gegen ein bestimmtes Intervall der Energieskala ermittelt. F'ur PYTHIA wurde dabei der berechnete Transversalimpuls übertrag $p_{T,calc}$ verwendet. In NLOJet++ dient das in Anlehnung an den in PYTHIA generierten Transversalimpuls übertrag berechnete p_T als Energieskala. Einen Vergleich der Ergebnisse zeigt Abbildung 7.6. Zu sehen ist dabei das Ergebnis aus PYTHIA f'ür einen festen Wert des Abbruchparameters $d_{ut} = 1500 \text{ GeV}^2$, sowie der in NLOJet++ ermittelte Verlauf der starken Kopplungskonstante f'ür $dmin3 > 1500 \text{ GeV}^2$, wobei dmin3 der Abbruchparameter f'ür drei Jets im Endzustand ist.

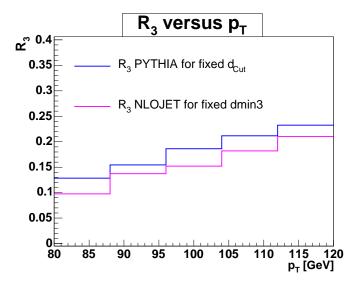


Abbildung 7.6: Blau:3-Jet-Rate R_3 aus PYTHIA f'ur einen festen Wert des Abbruchparameters d_{Cut} f'ur den berechneten Transversalimpuls ubertrag $p_{,calc}$. Magenta: R_3 aus NLOJet++ aufgetragen gegen den Transversalimpuls ubertrag im harten Stoß p_T , f'ur einen festen Wert des Abbruchparameters dmin3.

Gut zu erkennen ist die große Ähnlichkeit der beiden Kurven. Beide steigen mit wachsendem Transversalimpuls übertrag stark an, wobei das Ergebnis aus NLOJet++ überall leicht unter dem aus PYTHIA liegt. Dies kann wiederum durch das Fehlen des NLO₃-Terms erkl ärt werden.

Der Verlauf der beiden Kurven zeigt, dass nicht die in PYTHIA fehlende NLO-Korrektur f'ur das Ansteigen von $R_{\rm S}$ verantwortlich ist, sondern der Abbruchparameter des Algorithmus. Da d_{Cut} bzw. dmin3 absolute Parameter sind, wird durch ihre Festlegung auch ein bestimmter p_T -abh'angiger Bereich im Phasenraum festgelegt, wie bereits in Abschnitt 5.5 und 6.5 ausf'ührlich erl'autert wurde. Dadurch werden mit steigendem p_T Ereignisse mit mehr Jets im Endzustand h'aufiger, was zu einem Ansteigen der 3-Jet-Rate f'ührt.

Ein Vergleich des Verlaufs von R_3 unter Mitber ucksichtigung des NLQ-Terms (Korrekturfaktor von 1.22 als Ausgleich f ur NLQ) ist in Abbildung 7.7 zu sehen. Durch die Ber ucksichtigung des fehlenden Terms liegen die beiden Kurven nun in relativ guter Übereinstimmung. Lediglich im letzten Bin ist die Abweichung vergleichbar zu der im Abbildung 7.6 ermittelten. Dies deutet darauf hin, dass der Unterschied zwischen den Kurven an der Obergrenze des betrachteten p_T -Intervalls haupts achlich auf die fehlenden 4- und 5-Jet Ereignisse zur uckzuf ühren ist.

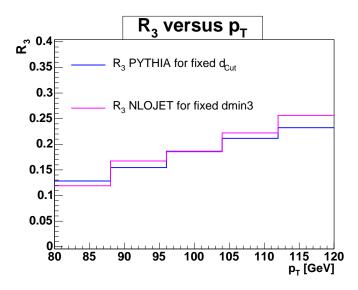
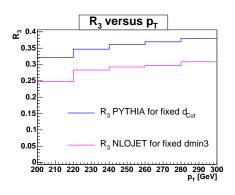


Abbildung 7.7: Vergleich der Ergebnisse aus PYTHIA und NLOJet++ f'ür einen festen Wert des Abbruchparameters unter Ber ücksichtigung des Korrekturfaktors 1.22 f'ür den fehlenden NLO₃-Term.

Die Abbildungen 7.8 und 7.9 zeigen den Verlauf von α_s f'ur die Intervalle 200 GeV < $p_T < 300$ GeV bzw. 40 GeV < $p_T < 60$ GeV. Dabei wird aus Abbildung 7.8 ersichtlich, dass R_3 f'ur gr'ößere p um etwa einen Faktor zwei gr'ößer ist. Da mit steigendem p_T bei festem d_{Cut} mehr Ereignisse mit drei Jets im Endzustand rekonstruiert werden, entspricht dies den Erwartungen. Mit Hilfe eines Korrekturfaktors von 1.23 (siehe Abbildung 7.8 rechts) konnte auch hier gezeigt werden, dass die Abweichung zwischen $R_{3,\text{PYTHIA}}$ und $R_{3,\text{NLOJet}}$ durch den nicht berechneten NLO₃-Term verursacht wird.



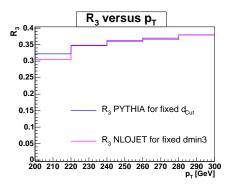


Abbildung 7.8: 200 GeV $< p_T < 300$ GeV. Links: ohne Korrekturfaktor f'ür den nicht berechneten NLO₃-Term. Rechts: Korrekturfaktor 1.23.

In Abbildung 7.9 ist der Verlauf von R_3 im Intervall 40 GeV $< p_T < 60$ GeV zu sehen. Da f'ur sehr kleine p_T bei einem d_{Cut} von 1500 GeV² weder 4- und 5-Jet Ereignisse auftreten noch viele Ereignisse mit drei Jets im Endzustand rekonstruiert werden, sind beide Jet-Raten sehr klein. Des Weiteren weichen sie kaum noch voneinander ab, da in diesem p_T -Intervall weder ein Fehlen von Ereignissen mit vielen Jets im Endzustand noch der NLO₃-Term zu großen Unterschieden der Jet-Raten f'ühren kann.

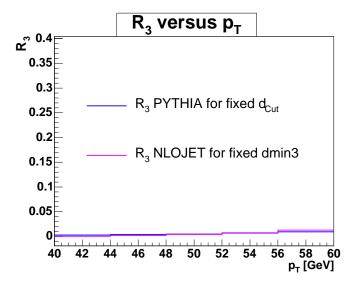


Abbildung 7.9: Verlauf von R₃ aus PYTHIA und NLOJet++ f'ür 40 GeV $< p_T < 60$ GeV.

Gut zu erkennen ist in allen f'ur den Verlauf der 3-Jet-Rate gezeigten Histogrammen, dass der Korrekturfaktor nahezu unabh'angig von den verschiedenen p_T -Intervallen zu sein scheint.

Zum Abschluss wird in Abbildung 7.10 der Verlauf der 3-Jet-Rate f'ür den gesamten p_T -Bereich mit und ohne Korrekturfaktor gezeigt. Wie bereits diskutiert liegt

R_{3.PYTHIA} im gesamten Intervall "über der 3-Jet-Rate aus NLOJet++2".

Auff'allig sind die Fluktuationen von $R_{S,PYTHIA}$ ab ca. 200 GeV und der abrupte Einbruch dieser Jet-Rate f'ür $p_T > 330$ GeV. Dies kann auf fehlende Statistik zur uckgef ührt werden, da in PYTHIA f'ür den Bereich 40 GeV $GeV lediglich 250000 Ereignisse generiert wurden, in NLOJet++ jedoch eine Million Ereignisse. F'ür <math>p_T = 320$ GeV wurde daher nur noch genau ein Ereignis mit drei Jets im Endzustand rekonstruiert, weshalb die 3-Jet-Rate exakt eins ist. Ab 330 GeV wurden in PYTHIA augenscheinlich keine Ereignisse mir drei Jets im Endzustand mehr rekonstruiert, weshalb R_3 auf null abf'ällt.

Ein NLO₃-Korrekturfaktor von 1.3 (Abbildung 7.10 unten) vergrößert R_{S,NLOJet} und führt zu einer besserenÜbereinstimmung der Jet-Raten.

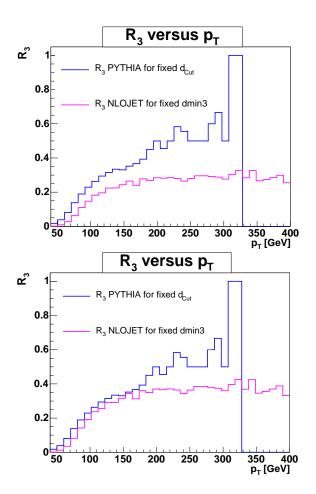


Abbildung 7.10: Verlauf der 3-Jet-Rate f'ur den gesamten betrachteten p_r -Bereich f'ur PY-THIA und NLOJet++ bei einem Abbruchparameter von 1500 GeV². Oben: kein Korrekturfaktor. Unten: Korrekturfaktor 1.3.

 $^{^2}$ Die in Abbildung 7.10 gezeigten PYTHIA-Kurven (blau) stimmen nicht mit den PYTHIA-Kurven aus den Abbildungen 7.6 bis 7.9 'überein, da sie in einem einzigen Programmdurchlauf f'ür das Gesamtintervall 40 GeV $< p_T < 400$ GeV ermittelt wurden, w'ährend alle anderen Kurven aus separaten Programmdurchl'äufen mit vergleichweise mehr Statistik hervorgegangen sind.

Kapitel 8

Zusammenfassung und Ausblick

Diese Arbeit befasste sich mit der Ermittlung der 3-Jet-Rate in simulierten p \bar{p} Ereignissen. Die Simulation erfolgte dabei mit zwei Generatoren, dem leading-order Generator PYTHIA und next-to-leading-order Integrationsprogramm NLOJet++. Als Schwerpunktsenergie der Studie wurde mit $\sqrt{s}=1.96$ TeV die am DØ Experiment am Tevatron bisher erreichte maximale Schwerpunktsenergie gew ahlt. Dabei wurden die 3-Jet-Rate R3, das Verh altnis der Reaktionen mit drei Jets zu allen Reaktionen mit Jets, in PYTHIA unter Ber ucksichtigung von Ereignissen mit bis zu f unf Jets im Endzustand in leading-log (LL) N aherung berechnet, w ahrend \bar{R} in NLOJet++ in next-to-leading-order Genauigkeit (NLO) f ur bis zu drei Jets im Endzustand bestimmt wurde.

Bei der Streuung von Protonen und Antiprotonen treten ihre Bausteine (Konstituenten) in harte Wechselwirkung. Dabei entstehen Quarks und Gluonen, die sich in farblose Hadronen umwandeln (Hadronisierung). Mit Hilfe des k_T Algorithmus wurden die Teilchen vor und nach der Hadronisierung zu Parton- und Hadronjets – Jets vor und nach der Hadronisierung – rekonstruiert. Der Abbruchparameter d_{Cut} legt dabei die ungef ahre Größe der resultierenden Jets fest. Die vorliegende Analyse behandelte in diesem Zusammenhang nicht nur den genauen Rekonstruktionsvorgang, sondern stellte den k_T Algorithmus, bei dem Teilchen mit ahnlichem Transversalimpuls und ahlicher Richtung zu einem Jet zusammengefasst werden, als eine Alternative zu dem an Hadroncollidern sehr häufig verwendeten Cone Algorithmus vor, bei dem die Jetrekonstruktion durch eine feste Winkelbeziehung der Teilchen zur Jetachse festgelegt ist.

Nach der Rekonstruktion der Jets und der Bestimmung der 3-Jet-Rate wurde diese auf Hadronisierungseffekte, Auswirkungen durch verschiedene Partondichtefunktionen, die den Aufbau von Proton und Antiproton beschreiben, und multiple Ereignisse (pile-up und min-bias) untersucht. Dabei konnte festgestellt werden, dass diese Korrekturen f'ür kleine Werte des Abbruchparameters d_{ut} jeweils sehr klein bzw. vernachl'assigbar sind. Um die Jet-Rate m'oglichst unabh'angig von diesen Korrekturen zu halten, sollte daher immer ein kleiner Abbruchparameter gew ahlt werden.

Zus atzlich zur Bestimmung der 3-Jet-Rate wurde der Verlauf von R bez uglich

¹Dabei muss jedoch darauf geachtet werden, dass die *d*_{Cut}-Werte nicht zu klein sind, da in diesem Fall nur noch Ereignisse mit vier und mehr Jets im Endzustand rekonstruiert werden, was zu einem Absinken bzw. Verschwinden der 3-Jet-Rate f'ühren w'ürde.

des Transversalimpuls übertrags im harten Stoß untersucht. Dieser Verlauf ist bis auf Phasenraumeffekte proportional zu dem der starken Kopplungskonstante α_s und wies einen zun achst unerwarteten Anstieg mit zunehmendem Transversalimpuls übertrag auf. Dies konnte auf die verwendeten absoluten Abbruchparameter ℓ_{ut} in PYTHIA bzw. ℓ_{ut} in NLOJet++ zur ückgef ührt werde Durch Festsetzen des Abbruchparameters auf einen bestimmten Wert wird auch ein Bereich im Phasenraum festgelegt. Wird der Transversalimpuls übertrag bei gleich bleibendem Abbruchparameter vergr ößert, so vergr ößert sich auch der Bereich im Phasenraum und damit der Wirkungsquerschnitt, "über den integriert werden muss. Dadurch werden Ereignisse mit mehr Jets im Endzustand (haupts achlich 3-Jet Ereignisse) rekonstruiert, was zu einem Ansteigen der 3-Jet-Rate f ührt.

Die Ergebnisse aus PYTHIA wurden letztendlich mit den Ergebnissen aus dem (NLO)-Integrationsprogramm NLOJet++ verglichen. NLOJet++ ber ucksichtigt bei der Erzeugung von p p Reaktionen zus atzliche Korrekturen durch ein virtuelles Parton, während PYTHIA lediglich leading-log Näherungen zur Verfügung stellt. Unter Ber ucksichtigung noch nicht implementierter NLO-Korrekturterme in NLOJet++ lagen die beiden Jet-Raten in guter Übereinstimmung.

Mit dieser Analyse konnte gezeigt werden, dass die mit Hilfe des k_T Algorithmus ermittelte 3-Jet-Rate die Bestimmung von α_s in Hadron-Hadron-Kollisionen erlaubt, da die typischerweise großen Unsicherheiten aus den Partondichtefunktionen, Hadronisierungskorrekturen und multiplen Ereignissen etc. gut unter Kontrolle sind. Wenn experimentelle Effekte dies nicht untergraben, so kann daraus gefolgert werden, dass auch eine Bestimmung von α_s aus der 3-Jet-Rate mit dem D ϕ Experiment am Tevatron moglich ist.

Die 3-Jet-Rate in NLOJet++ wurde als

$$R_{3,NLOJet} = \frac{N_{3-Jet,\;BORN}}{\sum (N_{2-Jet,\;BORN} + N_{2-Jet,\;NLO})}$$

berechnet. Um eine bessere Übereinstimmung mit PYTHIA zu erzielen, sollte zus atzlich noch der NLO-Term f ur Ereignisse mit drei Jets im Endzustand bzw. der entsprechende NNLO Term f ur 2-Jet Ereignisse, beide $\sim o_s^4$, berechnet bzw. implementiert werden. Damit erh alt man f ur \mathbb{R} :

$$R_{3,NLOJet} = \frac{N_{3-Jet,\;BORN} + N_{3-Jet,\;NLO}}{\sum (N_{2-Jet,\;BORN} + N_{2-Jet,\;NLO} + N_{2-Jet,\;NNLO})} \sim \alpha_s$$

Durch Entwickeln von $R_{3,NLOJet}$ in einer Taylorreihe um $\alpha_s = 0$ ergibt sich hieraus:

$$R_{3,NLOJet} = \alpha_s \cdot (\frac{N_{3-Jet,\;BORN}}{\sum N_{2-Jet,\;BORN}}) \;\; + \;\;$$

$$+ \ \alpha_s^2 \cdot (\frac{N_{3-\text{Jet, NLO}} \cdot \sum N_{2-\text{Jet, BORN}} - N_{3-\text{Jet, BORN}} \cdot \sum N_{2-\text{Jet, NLO}}}{\sum (N_{2-\text{Jet, BORN}})^2}) + O(\alpha_s^3) \ .$$

 $^{^2}d_{Cut}$ ist der in PYTHIA verwendete Abbruchparameter des k_T Algorithmus. Er kann unabh'angig von der Zahl der Jets im Endzustand festgelegt werden. dmin3 ist der in NLOJet++ verwendete Abbruchparameter und gilt nur f'ur Reaktionen mit genau drei Jets im Endzustand.

³Hierf'ür wurde an Stelle des nicht berechneten Korrekturterms ein (gesch'ätzter) Faktor zwischen 1.2 und 2.8 in die Berechnungen der 3-Jet-Rate miteinbezogen.

Aus dieser Entwicklung wird ersichtlich, dass die 3-Jet-Rate aus NLOJet++ unter Ber ucksichtung des NLO-Terms f ur 3-Jet Ereignisse (NLQ) auch ohne Kenntnis des nex-to-next-to-leading-order-Terms f'ur Ereignisse mit zwei Jets im Endzustand (NNLO₂) berechnet werden kann⁴. Die Berechnung von NLO₃ sollte damit einer der n achsten Schritte bei Bestimmung der 3-Jet-Rate in next-to-leading-order Genauigkeit sein. Dadurch k'önnte eine bessere Übereinstimmung der Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ erzielt werden. Letztendlich muss jedoch auch der fehlende NNLO2 Term implementiert werden, um R_3 in der Ordnung α_s^3 berechnen zu k"onnen. Weiterhin ware eine Erweiterung des Generators auf 4- und 5-Jet-Ereignisse von großem Interesse. Hierzu m'ussten allerdings Terme, die bis $\sim \alpha^6$ sind, implementiert werden. Dies w'urde jedoch den Vergleich der Ergebnisse aus PYTHIA, bei denen Ereignisse bis zu f'unf Jets im Endzustand ber'ucksichtigt wurden, und NLOJet++, f'ur die in dieser Analyse nur 2-Jet und 3-Jet Ereignisse berechnet werden konnten, sehr erleichtern. Ein Vergleich der in dieser Arbeit vorgestellten Ergebnisse mit den Resultaten aus anderen Simulationsprogrammen, wie beispielsweise HERWIG [25] oder dem Vielzweck-Ereignisgenerator SHERPA [26] k onnte die Bestimmung und den Verlauf von R₃ weiter pr'azisieren. Der große Vorteil von SHERPA liegt dabei darin, dass man auch h"ohere Matrixelemente als LO (wie in PYTHIA) implementieren und dann einen Partonschauer anschließen kann, wobei Doppelz ahlungen vermieden werden. So k onnte die 3-Jet-Rate in NLO mit Partonschauer und Hadronisierung kombiniert werden.

Zudem ist es unerl'asslich, Detektorsimulationen mit einzubinden, um die Auswirkungen des Detektors auf die generierten Ereignisse und die Jetstruktur untersuchen zu k'onnen und die Übertragbarkeit der Studie auf reelle Ereignisse zu pr'ufen.

Nach der Ber ucksichtigung von Detektorstudien sollte der letztendliche und zugleich wichtigste Schritt die Anwendung der Ergebnisse auf D ϕ Daten sein. Erst dadurch besteht die M oglichkeit, die hier gewonnenen Resultate vollst andig verstehen und kommentieren zu k onnen.

⁴Dies gilt nur bis zur Ordnung α_s^2 .

Anhang A

Strukturuntersuchungen am Proton

Es gibt mehrere M'oglichkeiten, um die Struktur des Protons zu untersuchen:

1.) Strukturuntersuchung durch elastische Streuung von Photonen. Die Aufl'osung λ , die dabei erreicht werden kann, ist durch folgende Gleichung gegeben:

$$\lambda = \frac{c}{v} = \frac{hc}{E_{Photon}} = \frac{1.24 \ fm}{E_{Photon}[\text{GeV}]}$$

F'ur eine Photonenergie von E_{Photon} < 1 GeV erscheint das Proton dabei als punktf'ormiges Teilchen, das Photon kann die Struktur des Nukleons bei kleinen Energien also nicht aufl'osen. Siehe hierzu Abbildung A.1 a).

F'ur $E_{Photon} > 1$ GeV kann die Struktur des Protons teilweise aufgel'öst werden, man erkennt drei Konstituenten, die sp'ater als Valenzquarks (uud) identifiziert wurden, wie aus Abbildung A.1 b) ersichtlich wird. Erst f'ür $E_{Photon} \gg 1$ GeV kann jedoch der vollst'andige Aufbau des Nukleons sichtbar gemacht werden. Hierbei kann man erkennen, dass das Proton neben den Valenzquarks aus Gluonen und Seequarks besteht.

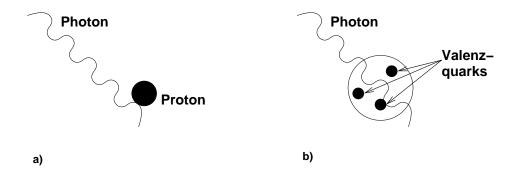


Abbildung A.1: a) $E_{Photon} < 1$ GeV: keine Auflösung des Protons möglich. b) $E_{Photon} > 1$ GeV: Proton kann teilweise aufgel ost werden.

2.) inelastische Streuung von Elektronen am Proton. Auch hier streut letztendlich ein (virtuelles) Photon am Proton.

Die Streuung kann durch so genannte Formfaktoren $F(\vec{q})$ beschrieben werden [1], mit deren Hilfe man die Ladungsdichte gestreuter Teilchen messen kann.

$$F(\vec{q}) = \int \rho(\vec{x}) e^{\frac{i\vec{q}\vec{x}}{\hbar}} d^3x$$

Der Formfaktor ist die Fouriertransformierte der Ladungsdichte $\rho(\vec{x})$ des gestreuten Teilchens, q ist hierbei der Transversalimpuls übertrag im harten Stoß

$$q^2 = -2vM + W^2c^2 - M^2c^2 =: -Q^2$$

Dabei gilt:

$$v = E_{Elektron} - E'_{Elektron}$$
.

M ist die Protonmasse, W ist die Masse des Protonrestes.

F'ur die Streuung an einer Punktladung, ist der Formfaktor konstant: $F(\vec{q}) = const.$

Als Vereinfachung werden zwei dimensionslose, lorentzinvariante Variablen, die *Bjorken Skalenvariablen* eingef ührt:

$$x := \frac{Q^2}{2\nu M} \tag{A.1}$$

$$y := \frac{v}{E} \tag{A.2}$$

x entspricht dem Bruchteil von Protonenergie - und impuls, den ein Parton tr'agt [1] und y ist ein Maß f'ur die Inelastizit'at des Prozesses.

Der Formfaktor der inelastischen Streuung h'angt sowohl von x als auch von Q^2 ab. Da er die Struktur des Protons beschreibt, wird er auch Strukturfunktion $F(Q^2,x)$ genannt. Extrahiert man aus dem Wirkungsquerschnitt der inelastischen Streuung

$$\frac{d^2\sigma}{d\Omega E'_{Flown}} = \left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)^*_{Mott} \left[F_2(Q^2, x) + 2F_1(Q^2, x) \tan^2\frac{\theta}{2}\right]$$
(A.3)

die beiden Strukturfunktionen $F_1(Q^2,x)$ und $F_2(Q^2,x)$, so kann man beobachten, dass sie f'ür einen festen Wert von x kaum oder h'öchstens sehr gering von Q^2 abh'ängen. Sind Strukturfunktionen nicht vom Impuls'übertrag abh'ängig, so ist dies ein Zeichen daf'ür, dass an einer Punktladung gestreut wird. Dies ist sehr 'überraschend, da man erwartet hatte, dass das Proton auf Grund seiner ausgedehnten Struktur auch eine ausgedehnte Ladungsverteilung hat. Die Konsequenz ist, dass bei der inelastischen Streuung f'ür hohe Energien ($E_{Elektron} > 1$ GeV) die Struktur des Protons aufgel'öst wird, man kann also in das Nukleon hineinsehen. Es wird in diesem Fall nicht am Proton als Ganzes, sondern an punktf'örmigen Konstituenten des Protons gestreut. Die experimentelle Beobachtung des $E_{Elektron}$ belegt folglich die Existenz punktf'örmiger Konstituenten im Proton [1].

Durch Vergleich von Gleichung (A.3) mit den Gleichungen (A.1) und (A.2) erh "alt man die *Callan-Cross-Beziehung*:

$$F_2(x) = 2F_1(x)$$
 (A.4)

Diese ist spezifisch f'ur ein Teilchen mit Spin $\frac{1}{2}$ [27]. Die Konstituenten des Protons sind also punktf'örmige Spin $\frac{1}{2}$ Teilchen.

Anhang B

Die Pseudorapidität

Die Pseudorapidit at ist eine Variable, mit der die experimentell schwieriger bestimmbare Rapidit at angen ahert werden kann.

Die Rapidit at y, deren Ableitung $\frac{dN}{dy}$ lorentz-invariant ist 1 , wird oft verwendet, um das Verhalten von Teilchen in inklusiv gemessenen Reaktion zu beschreiben [28]. Sie ist definiert als:

$$y = \frac{1}{2} \ln \frac{E + p_z}{E - p_z}$$

Dies entspricht:

$$tanh(y) = \frac{p_z}{E}$$

 p_z entspricht dabei dem longitudinalen Impuls entlang der Richtung des einfallenden Teilchens (z-Richtung), E ist die Energie des Teilchens [28].

Die Pseudorapidit at kann die Rapidit at ersetzen, wenn die Masse des einfallenden Teilchens unbekannt ist. Sie ist eine Winkelvariable und wird durch folgende Gleichung definiert:

$$\eta = -\ln \tan \frac{\theta}{2} \tag{B.1}$$

Die zugeh örige inverse Funktion lautet:

$$\theta = 2 \tan^{-1}(e^{-\eta})$$

Hierbei ist θ der Polarwinkel, also der Winkel des Teilchens zur Strahlachse. Da θ im Allgemeinen direkt im Detektor gemessen werden kann, ist die Pseudorapidit at einfacher und bequemer handzuhaben, als die Rapidit at.

F'ur $p \gg m$, d.h. f'ur vernachl'assigbare Teilchenmassen gilt $y \to \eta$. η entspricht exakt der Rapidit'at y, falls

$$m=0$$
 bzw. $\beta=1$

Die Pseudorapidit at wird an Colliderexperimenten sehr häufig an Stelle des Winkels θ verwendet, unter anderem deshalb, weil Differenzen von η ann ahernd lorentz-invariant sind, nicht jedoch Differenzen in θ . Da das Schwerpunktsystem der Parton-Parton-Streuung bezüglich des Schwerpunktsystems der einfallenden Hadronen geboostet ist,

¹N bezeichnet die Teilchenzahl.

erscheint es sehr sinnvoll, Variablen zu verwenden, die unter solchen Transformationen invariant sind bzw. sich leicht unter longitudinalen Boosts transformieren lassen [6]. Tabelle B.1 zeigt den Zusammenhang zwischen der Pseudorapidit at η und dem Winkel θ .

Im D ϕ Experiment kann mit Hilfe des Kalorimeters ein η -Bereich zwischen -4 und 4 abgedeckt werden. Das bedeutet, alle Teilchen, die mindestens 2.1° von der Strahlachse entfernt sind, werden registriert. Die "ubrigen Teilchen werden nicht detektiert und geh" oren ohnehin meist zum Protonrest.

θ	90	45	40.4	15	10	2.1
η	0	0.88	1	2.03	2.44	4

Tabelle B.1: Zusammenhang zwischen η und θ .

Abbildungsverzeichnis

2.1	Fundamentale WW-Graphen der QCD (1)	6
2.2	Fundamentale WW-Graphen der QCD (2)	6
2.3	Schematischer Verlauf der starken Kopplungskonstante in	
	Abh"angigkeit von der Energieskala $\hat{\mathcal{Q}}$	7
2.4	Veranschaulichung der Hadronisierung	8
2.5	Das Cluster- und das String-Modell	9
2.6	Beispielprozesse an denen Gluonen beteiligt sind	10
2.7	Divergenzen im q ⁻ q Phasenraum	11
2.8	Der Aufbau des Protons	12
2.9	Veranschaulichung der Strukturfunktion	13
2.10	Veranschaulichung der PDF in einem p¯p Ereignis	14
3.1	Tevatron Beschleuniger am Fermilab	15
3.2	Schematische Ansicht des D ϕ Detektors	17
3.3	Kalorimeter mit fl'ussigem Argon als aktives Medium	18
3.4	Ein Quadrant von DØ Kalorimeter und Driftkammer, projeziert in die	
	x-z Ebene	19
4.1	p¯p Streuung	21
4.2	p ⁻ p Streuung in verschiedenen Stadien	22
4.3	Die einzelnen Rekonstruktionsschritte des k_T Algorithmus $\ \ldots \ \ldots$	25
4.4	Sukzessive Iteration des k_T Algorithmus zur Rekonstruktion von Jets .	26
4.5	Vergleich zwischen k _T und Cone Algorithmus	27
4.6	Überlappende Jets beim Cone Algorithmus	28
5.1	p p Streuung mit zwei Jets im Endzustand $\sim \vec{q}$	30
5.2	Feynmandiagramm f'ur q $d \rightarrow q q' \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	32
5.3	Feynmandiagramm f'ur $q^-q \rightarrow '\bar{q'}$	33
5.4	Feynmandiagramm f'ur $q^-q\to gg$	34
5.5	Feynmandiagramm f'ur $qg \to qg$	35
5.6	Feynmandiagramm f'ur $gg \to q q \ \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	36
5.7	Feynmandiagramm f $$ ur $gg \to gg$	37
5.8	Drell-Yan Prozesse und W-Produktion als Konkurrenz zu den QCD-	
	Prozessen	39
5.9	Berechnung des Transversalimpuls übertrags am Beispiel eines 3-Jet	
	Ereignisses	42

5.10	Verh'altnis von berechnetem und generiertem Transversalim-	
	puls ubertrag $p_{T,calc}$ und $p_{T,gen}$ fur drei Jets im Endzustand	43
5.11	Verh'altnis von berechnetem und generiertem Transversalim-	
	puls ubertrag f ur zwei bzw. vier Jets im Endzustand	43
5.12	Verh altnis von berechnetem und generiertem Transversalim-	
	puls ubertrag f ur 2-Jet Ereignisse. Durch Fitten des Peaks ohne	
	Ber ucksichtigung des nicht-gaußischen Ausl aufers ergibt sich ein	
	gr"oßerer Mittelwert f"ur das Verh"altni $\frac{p_{T,calc}}{p_{T,gen}}$	44
5.13	Die 3-Jet-Rate aus den rekonstruierten Partonjets (rot) und Hadronjets	
0.10	(blau) f'ur 80 GeV $< p_T < 120$ GeV	45
5 14	Die 3-Jet-Rate aus den rekonstruierten Partonjets und Hadronjets f'ür	10
J.1 .	$200 \text{ GeV} < p_T < 300 \text{ GeV} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	46
5.15	2-Jet-, 3-Jet- und 4-Jet-Rate f'ur Partonjets bei $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$	47
		47
	2-Jet- und 4-Jet-Rate f'ur Parton- und Hadronjets bei 200 GeV $< p_T <$.,
5.17	300 GeV	48
5 18	Skizze des 3-Parton-Phasenraums zur Erklärung der steigenden Jet-	70
5.10	multiplizit at bei gleichem d_{tut} und größer werdendem p_T	48
5 10	Hadronisierungskorrektur f''ur die 3-Jet-Rate bei 80 GeV $< p_T <$	40
3.19	120 GeV	49
5 20	Ein 3-Jet Ereignis in Mercedesstern-Konstellation bei einem maxima-	47
3.20		50
5 21	len Transversalimpuls übertrag von 120 GeV	50
3.21	Hadronisierungskorrektur f'ur die 3-Jet Rate bei 200 GeV < p _T < 300 GeV	<i>5</i> 1
<i>5</i> 22		51
	Sensitivit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene PDF, Partonniveau	52
	Sensibilit at der 3-Jet-Rate auf verschiedene PDF f ur das Hadronniveau	54
5.24	Poissonverteilung f'ur pile-up und min-bias Ereignisse pro Bunch-	
	crossing	55
	Pile-up Korrekturen f'ur das Partonniveau, $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$.	56
	Pile-up Korrekturen f'ur das Hadronniveau, $80 \text{ GeV} < p_T < 120 \text{ GeV}$	56
5.27	Pile-up Korrekturen f'ur Parton- und Hadronniveau, 200 GeV $< p_T <$	
	300 GeV	57
	Hadronisierungskorrekturen mit und ohne pile-up f'ur verschiedene p_T	57
	Die 3-Jet-Rate bei einem festen d_{Cut} -Wert	58
	R_3 aufgetragen gegen den berechneten Transversalimpuls übertrag $p_{T,calc}$	59
5.31	R ₃ aufgetragen gegen den berechneten Transversalimpuls übertrag	
	$p_{T,calc}$ f'ur feste Abbruchparameter d_{cut} und y_{Cut}	60
5.32	Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen die maximale Energie $E_{T,max}$ f'ur	
	$y_{Cut} = 0.104$	60
5.33	R ₃ aufgetragen gegen den berechneten und korrigierten Transversal-	
	impuls ubertrag $p_{T,korrigiert}$ fur einen festen Wert von d_{Cut} (links) und	
	y_{Cut} (rechts)	61
	YOU TANKOR	
6.1	LO und NLO Prozesse	63
6.2	Illustration der Berechnung des Transversalimpuls übertrags in NLO-	
	Jet++ f'ur ein 3-Jet Ereignis	66
6.3	Ein Vergleich von BORN ₃ und NLO ₂	67

6.4	Die 3-Jet-Rate in NLO 80 GeV – 120 GeV	68
6.5	Die 3-Jet-Rate in NLO f'ur 200 GeV – 300 GeV	68
6.6	Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen den Transversalimpuls übertrag p_T .	69
6.7	Die 3-Jet-Rate aufgetragen gegen den Transversalimpuls übertrag	
	$200 \text{ GeV} < p_T < 300 \text{ GeV} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	70
7.1	Vergleich der 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ f'ür $80~{\rm GeV} <$	
	$p_T < 120 \text{ GeV}$	72
7.2	Vergleich der 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ mit Korrektur-	
	faktor 1.6 f'ur den fehlenden NLQ-Term im Intervall 80 GeV $< p_T <$	
	120 GeV	72
7.3	Vergleich der 3-Jet-Raten f'ur 200 GeV $< p_T < 300 \text{ GeV} \dots \dots$	73
7.4	Vergleich der 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJet++ mit Korrek-	
	turfaktor 2.8 f'ur den fehlenden NLQ-Term im Intervall 200 GeV <	
	$p_T < 300 \text{ GeV}$	74
7.5	Vergleich der Intervalle 300 GeV $< p_T < 400$ GeV und 40 GeV $<$	
	$p_T < 60 \text{ GeV f}$ i'ur die 3-Jet-Raten aus PYTHIA und NLOJET++	74
7.6	Vergleich der Ergebnisse aus PYTHIA und NLOJet++ f¨ur einen festen	
	Wert des Abbruchparameters	75
7.7	Vergleich der Ergebnisse aus PYTHIA und NLOJet++ f¨ur einen festen	
	Wert des Abbruchparameters unter Ber ucksichtigung des Korrektur-	
	faktors 1.22 f ür den fehlenden NLQ-Term	76
7.8	Verlauf von R_3 aus PYTHIA und NLOJet++ f'ur 200 GeV $< p_T <$	
	300 GeV	77
7.9	Verlauf von R ₃ aus PYTHIA und NLOJet++ f'ur $40 \text{GeV} < p_T < 60 \text{GeV}$	77
7.10	Verlauf der 3-Jet-Rate f'ur den gesamten betrachteten p _T -Bereich f'ur	
	PYTHIA und NLOJet++ bei einem Abbruchparameter von 1500 GeV ²	78
A.1	Elastische Photonstreuung am Nukleon	83

Tabellenverzeichnis

2.1	Die drei Generationen des Standardmodells	3
2.2	Im Standardmodell verankerte Wechselwirkungen mit den zu-	
	geh örigen Austauschteilchen	4
2.3	Zust ande des Farboktetts	5
5.1	Die eingestellten Subprozesse mit den zugeh örigen Schaltern	30
5.2	$q q' \to q q'$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen	32
5.3	$q^{}q \to b q^{}'$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen .	33
5.4	$q \ensuremath{^{\text{-}}} q \to gg$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen	34
5.5	$qg \to qg$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen $\ .$	35
5.6	$gg \to q \bar{\ } q$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen $\ .$.	36
5.7	$gg \to gg$ Ereignisse in verschiedenen Transversalimpulsintervallen	37
5.8	Die prozentualen H¨aufigkeiten der selektierten Subprozesse in allen	
	Transversalimpulsintervallen	38
5.9	Wirkungsquerschnitte aller selektierten Subprozesse in den verschie-	
	denen Transversalimpulsintervallen	38
5.10	Konkurrenzprozesse der schwachen Wechselwirkung mit den zu-	
	geh örigen Wirkungsquerschnitten	40
5.11	Totale Wirkungsquerschnitte der möglichen Konkurrenzprozesse	40
	Getestete PDF mit den zugeh örigen Schaltern	52
B.1	Zusammenhang zwischen η und θ	88

Literaturverzeichnis

- [1] BIEBEL, O., Studien der Quanten-Chromo-Dynamik mit Collider-Experimenten. (SoSe 2002), Vorlesung an der LMU München
- [2] POVH, B., RITH, K., SCHOLZ, C. und ZETSCHE, F., *Teilchen und Kerne*. (Springer-Verlag), (1997)
- [3] BARATE, R. et al., Search for standard model Higgs boson at LEP. Phys. Lett. B (2003), CERN-EP2003-011
- [4] FRAME, K. C., Implementation and calibration of a k_T jet finding algorithm for use in $p \bar{p}$ collisions at $\sqrt{s} = 1.8$ TeV at the $D\phi$ Collider Detector. Dissertation, (1999), FERMILAB-THESIS-1999-10
- [5] BIEBEL, O., 8: QCD, Jets, Strukturfunktionen. http://www.mppmu.mpg.de/, (WiSe 2003/2004), Vorlesungsreihe Angewandte Physik: Teilchenphysik mit h"ochstenergetischen Beschleunigern (TEVATRON und LHC)
- [6] ELLIS, R., STIRLING, W. und WEBBER, B., *QCD and Collider Physics*. (Cambridge University Press), (2003)
- [7] THE DØ COLLABORATION, The DØ Silicon Tracker Technical Design Report. (1994), DØ Note 2169
- [8] REPOND, S. T., $D\phi$ Note 3925 (unpublished). (2001), 7th International Conference on Advanced Technology and Particle Physics, Como, Italy
- [9] LECOMPTE, T. und DIEHL, H., *The CDF and DΦ Upgrades for Run II*. Ann. Rev. Nucl. Part. Sci. 50:71-77 (2000), 0163-8998/00/1201-0071
- [10] BAUR, U., ELLIS, R. und ZEPPENFELD, D., QCD and Weak Boson Physics in Run II (2000), Fermilab-Pub-00/297
- [11] BUTTERWORTH, J., COUCHMAN, J., BOX, B. und WAUGH, B., *KtJet: A C++ Implementation of the K_T clustering algorithm* (2002), MAN/HEP/2002/02
- [12] GUPTA, A., Jet Algorithms in Athena. (2003), ATLAS Physics Workshop; Athens
- [13] ELLIS, S. D., Successive Combination Jet Algorithm For Hadron Collisions (1993), hep-ph/9305266

96 Literaturverzeichnis

[14] ELVIRA, V., Jet measurements at $D\phi$ using a k_T Algorithm (2002), hep-ex/0209073

- [15] NAGY, Z., Three-jet cross sections in hadron hadron collisions at next-to-leading order. Phys. Rev. Lett. **88** (2002); S. 122003
- [16] SJÖSTRAND, T., LÖNNBLAD, L., MRENNA, S. und SKANDS, P., *PYTHIA 6.2 Physics and Manual* (2002), hep-ph/0108264
- [17] CTEQ META-PAGE, http://www.phys.psu.edu/~cteq/. (Letzter Zugriff: Mai 2004)
- [18] LAI, H. L. und TUNG, W. K., Charm production and parton distributions. Z. Phys. C74 (1997); S. 463–468
- [19] PLOTHOW-BESCH, H., PDFLIB; Proton, Pion and Photon Parton Density Functions, Parton Density Functions of the Nucleus, and α_s Calculations; User's manual (2000), 2000.04.17
- [20] PFEIFENSCHNEIDER, P., QCD Analyses Using Jets in Electron-Positron Annihilation at Energies between 35 and 183 GeV. Dissertation, (1998)
- [21] NAGY, Z. und TRÓCSÁNYI, Z., Multi-jet cross sections in deep inelastic scattering at next-to-leading order. Phys. Rev. Lett. 87 (2001); S. 082001
- [22] TRÓCSÁNYI, Z., *Progress in QCD next-to-leading order calculations* (2002), hep-ph/0201035
- [23] NAGY, Z., Next-to-leading order calculation of three-jet observables in hadron hadron collision. Phys. Rev. **D68** (2003); S. 094002
- [24] NLOJET++ PAGE, http://www.cpt.dur.ac.uk/~nagyz/nlo++-v1/. (Letzter Zugriff: Mai 2004)
- [25] CORCELLA, G., KNOWLES, I., MARCHESINI, G., MORETTI, S., ODAGIRI, K., RICHARDSON, P., SEYMOR, M. und WEBBER, B., HERWIG 6: an event generator for Hadron Emission Reactions With Interfering Gluons (including supersymmetric processes). (2000), CERN-TH/2000-284
- [26] GLEISBERG, T., HÖCHE, S., KRAUSS, F., SCHÄLICKE, A., SCHUMANN, S. und WINTER, J.-C., *SHERPA 1.α*, a proof-of-concept version. JHEP **02** (2004); S. 056, hep-ph/0311263
- [27] FRAUENFELDER, H. und HENLEY, E. M., Teilchen und Kerne: die Welt der subatomaren Physik. (R. Oldenbourg Verlag), (1999)
- [28] BOCK, R. K., *Pseudorapidity*. (1998), Weitere Informationen auf der Homepage von R. K. Bock: http://rkb.home.cern.ch/rkb/PH14pp/node146.html

Mein herzlicher Dank geht an...

- ...Prof. Otmar Biebel, daf ur dass er mir diese Diplomarbeit erm oglicht und an mich geglaubt hat, f ur die viele Zeit, die er f ur mich aufgebracht und in der er mir immer helfend zur Seite gestanden hat.
- ...Prof. Wolfgang D'unnweber f'ur die Erstellung des Zweitgutachtens.
- ...Prof. Dorothee Schaile f'ur die Unterst'utzung und ihren Zuspruch w'ahrend meiner gesamten Studienzeit.
- ...J'org Dubbert und Fritz Vollmer, f'ur ihre Hilfe w'ahrend des gesamten letzten Jahres, ihre Tips und Anregungen und die nette Atmosph'are in unserem B'uro.
- ...die Assistenten Frank Fiedler, Thomas Nunnemann und Raimund Ströhmer, dass sie mir beim Korrigieren dieser Arbeit geholfen und mich auch sonst mit vielen Tips unterstützt haben.
- ...Meta Binder, Tim Christiansen und Johannes Elmsheuser f'ür ihre vielen DØ-Ratschl'age und daf'ür dass sie immer ein offenes Ohr f'ür mich hatten.
- ...Herta Franz, weil sie immer aufmunternde Worte f'ur mich gefunden hat.
- ...den gesamten Lehrstuhl für Elementarteilchenphysik: Otmar Biebel, Meta Binder, Tim Christiansen, Jörg Dubbert, Günter Duckeck, Johannes Elmsheuser, Frank Fiedler, Herta Franz, John Kennedy, Britta Leonhardt, Thomas Nunnemann, Matthias Obermaier, Dorothee Schaile, Felix Rauscher, Philipp Schieferdecker, Raimund Ströhmer, Balasz Ujvari, Tatjana Unverhau, Attila Varga und Fritz Vollmer für die gute Atmosphäre und ein tolles Jahr.
- ...meine Eltern, die immer f'ur mich da waren und mich immer und in jeder Beziehung unterst'utzt haben, sowie an meine gesamte Familie, die bedingungslos hinter mir steht.
- ...meinen Freund Michael f'ur seine Geduld, seine Unterst'utzung und sein Verst'andnis sowohl f'ur meine Arbeit als auch f'ur private Belange.
- ...meine beste Freundin Erika und ihren Mann Attila (mit ihren Kindern), dass sie mich aufgemuntert und unterst'utzt haben und ich jederzeit auf sie z'ahlen konnte.
- ...meine Freunde Arsineh, Verena und Joey, daf ur dass sie f ur mich da waren und mich immer wieder aufgebaut haben.

Selbstständigkeitserklärung
Ich versichere hiermit, die vorliegende Arbeit selbstst andig verfasst zu haben und keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel verwendet zu haben.
Marion Erlebach
M'unchen, 01. Juli 2004